najah213.com · نجاح 213

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية
الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي
* دورة جوان 2008 *

الشعبة : آداب وفلسفة + لغات أجنبية
المدة :02 سا و 30 د

اختبار في مادة الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول

التمرين الأول (6 نقط)

a و b عددان طبيعيان حيث $b=2006$ ، $a=1428$

1/ أ) عين باقي القسمة الإقليدية للعدد a على 9

ب) بيّن أن : $b\equiv -1[9]$

جـ) هل العددان a و b متوافقان بتردد 9 ؟ برّر إجابتك .

2/ أ) ما هو باقي قسمة العدد $\left(a+b^2\right)$ على9 ؟

ب) استنتج باقي قسمة $\left(a+b^2\right)$ على 3

التمرين الثاني (5 نقط)

(u_n) متتالية معرفة على $\mathbb{N}$ كما يلي : $u_n=3n+1$.

1/ احسب u_2,u_1,u_0 .

2/ بين أن (u_n) حسابية يطلب تعيين أساسها . عيّن اتجاه تغير (u_n) .

3 / تحقق أن العدد 2008 حدّ من حدود المتتالية (u_n) . ما رتبته؟

4 / أحسب المجموع : $S=u_0+u_1+u_2+...+u_{669}$

التمرين الثالث (9 نقط)

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $f(x)=x^3-3x$

(C_f) المنحنى الممثل للدالة f في مستو منسوب إلى معلم متعامد متجانس $\left(O;\vec{i},\vec{j}\right)$.

1) احسب $f(-2)$ ، $f(-1)$.

2) أ) احسب $\lim\limits_{x\to-\infty} f(x)$ ، $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)$

ب) احسب $f'(x)$ ثم أدرس إشارتها.

جـ) شكّل جدول تغيرات الدالة f .

3) أ) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $f(x)=0$.

ب) استنتج أن المنحنى (C_f) يقطع محور الفواصل في ثلاث نقاط يطلب تعيين إحداثيي كل منها .

جـ) اكتب معادلة للمستقيم (Δ) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0 .

ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ) . ماذا تستنتج ؟

د) أرسم (C_f) و (Δ).

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

الموضوع الثاني

التمرين الأول (6 نقط)

(u_n) متتالية عددية معرفة بحدها الأول $u_1 = 7$ و من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم n : $u_{n+1} = 2u_n + 1$

1) أحسب u_2 ، u_3 ، u_4 .

2) من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم n ، نعرف المتتالية (v_n) كما يأتي : $v_n = u_n + 1$.

أ – أثبت أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q وحدها الأول v_1.

ب – اكتب عبارة الحد العام v_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n .

ج– نضع: $S_n = v_1 + v_2 + ... + v_n$ ، احسب S_n بدلالة n.

د – عين n علما أن $S_n = 1016$.

التمرين الثاني (4 نقط)

1 ــ احسب باقي قسمة كل من $3^2, 3^3, 3^4, 3^5, 3^6$ على 7.

2 ــ عين باقي قسمة كل من : 3^{6n} و 3^{6n+4} على 7 حيث n عدد طبيعي غير معدوم.

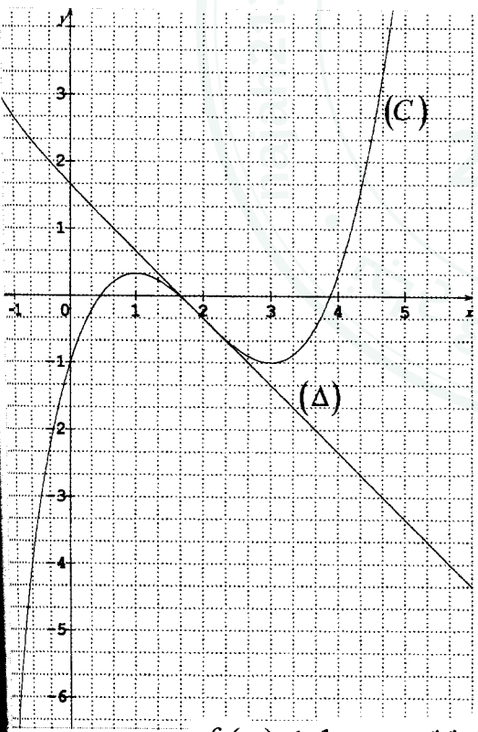
استنتج باقي قسمة 3^{2008} على 7.

3 ــ بين أن العدد :

$3 \times 3^{6n+4} - 2 \times 3^{6n} + 4$ يقبل القسمة على 7 من أجل كل عدد طبيعي n.

التمرين الثالث (10 نقط)

المنحنى (C) المرسوم في الشكل المقابل هو لدالة f معرفة على المجال $]-1,+\infty[$ و (Δ) مماس للمنحنى (C) عند النقطة التي فاصلتها 2 .



1) خمن نهاية f عند $+\infty$ ثم بقراءة بيانية

عين اتجاه تغير f على المجال $]-1,+\infty[$.

شكل جدول تغيرات f .

2) من العبارات الآتية:

$f_1(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x + 1$ ، $f_2(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$

$f_3(x) = -\frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$

عين العبارة المناسبة للدالة f مبررًا ذلك .

3) ادرس تغيرات الدالة f . هل تخميناتك و قراءتك السابقة صحيحة؟

4) عين معادلة للمستقيم (Δ).

5) عين إحداثيي نقطة الانعطاف للمنحنى (C) .

6) ارسم المستقيم $y = -1$ ، ثم حل بيانيا المتراجحة ذات المجهول الحقيقي x : $f(x) < -1$

7) عين نقطتي تقاطع المنحنى (C) مع المستقيم (D) ذي المعادلة : $y = 3x - 1$

انتهـــــى

بالتوفيـــــق

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

الإجابة النموذجية و سلم التنقيط المادة :الرياضيات الشعبة : آداب و فلسفة + لغات أجنبية بكالوريا جوان 2008

محاور الموضوع	الموضوع الأول — عناصر الإجابة	العلامة مجزأة	العلامة المجموع
الموافقة	التمرين الأول : (06 ن) $a=1428$ ، $b=2006$ 1) أ) $1428=9(158)+6$ أي $1482\equiv 6[9]$ و منه باقي قسمة a على 9 هو 6 ب) $b-(-1)=2007=9\times 223$ اذن $b-(-1)\equiv 0[9]$ أي $b\equiv -1[9]$ جـ) بما أن $b\equiv -1[9]$ فإن $b=8\equiv [9]$ و منه باقي قسمة b على 9 هو 8 بما أن العددين b و a ليس لهما نفس الباقي على 9 فإنهما غير متوافقين على 9. 2) أ) $a+b^2\equiv 6+(-1)^2[9]$ $a+b^2\equiv 7[9]$ باقي قسمة $a+b^2$ على 9 هو 7 . ب) حسب نتيجة السؤال (أ) $a+b^2=9k+7 \quad (k\in\mathbb{N})$ $=3(3k+2)+1$ $=3k'+1 \quad (k'=3k+2)$ باقي قسمة $a+b^2$ على 3 هو 1	1 1 1 0,5 0,5 0,5 0,5 0,5 0,5	06
القسمة الإقليدية	التمرين الثاني : 05 ن $u_n=3n+1$ 1) $u_0=1 \quad u_1=4 \quad ,u_2=7$ 2) $u_{n+1}=3(n+1)+1=3n+4$ $u_{n+1}-u_n=(3n+4)-(3n+1)=3$ إذن (u_n) حسابية أساسها 3 . و هي متتالية متزايدة تماما لأن أساسها موجب. 3) $u_n=2008$ $u_{n+1}=2008$ و منه $n=669$ بما أن 669 عدد طبيعي فإن 2008 حد من المتتالية و رتبته 670.	3×0,25 0,5 0,5 0,5 0,5 0,5 0,5	05

69

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

الإجابة	العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
	المجموع	مجزأة		
المتتاليات		0,5	4) حساب المجموع : $s = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_{669}$	
		0,5	s مجموع 670 حدا الأولى للمتتالية (u_n)	
			$s = \frac{670}{2}(u_0 + u_{669})$	
			$= 335(1 + 2008)$	
			$= 335 \times 2009$	
		0,25	$s = 673015$	
الموافقات			التمرين الثالث : (09 ن)	الدوال
	0,5	2×0,25	$f(x) = x^3 - 3x$	
			1) $f(-2) = -2$; $f(-1) = 2$	
	0,5	0,25	$\lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} (x^3) = -\infty$	
		0,25	2) أ) $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$	
		1	ب) من اجل كل $x \in \mathbb{R}$ فإن $f'(x) = 3x^2 - 3$	
	1		$f'(x) = 0$	
		0,5	إشارة $f'(x)$ $3x^2 - 3 = 0$	
	1	0,25	$(x = -1)$ أو $(x = 1)$	
		0,25	$f'(x) > 0$ من أجل $x \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$	
			$f'(x) < 0$ من اجل $x \in]-1, 1[$	
			جـ)	

x	$-\infty$		-1		$+1$		$+\infty$
$f'(x)$		$+$	0	$-$	0	$+$	
تغير f	$-\infty$	↗	2	↘	-2	↗	$+\infty$

0,5	0,5		3) أ) $f(x) = 0$ معناه $x^3 - 3x = 0$
			و منه $x(x^2 - 3) = 0$ اذن
1	0,25		مجموعة الحلول هي : $\{0, -\sqrt{3}, \sqrt{3}\}$
	0,75		ب) حلول المعادلة $f(x) = 0$ هي فواصل نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع محور الفواصل .
1,5	0,5×3		احداثيات النقط هي $(0,0)$, $(-\sqrt{3},0)$, $(\sqrt{3},0)$
	0,75		جـ) معادلة (Δ) $y = -3x$
1,5	0,5		اشارة $y - f(x)$
	0,25		الإستنتاج
1,5	1,5		د) رسم (C_f) ، (Δ)

70

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

الإجابة النموذجية و سلم التنقيط المادة :الرياضيات الشعبة : آداب و فلسفة + لغات أجنبية بكالوريا جوان 2008

محاور الموضوع	الموضوع الثاني — عناصر الإجابة	العلامة مجزأة	العلامة المجموع
متتاليات	**التمرين الأول : 06 نقاط**		
	1) $u_2=15$, $u_3=31$, $u_4=63$	3×0,5	
	2) أ) $v_{n+1}=2v_n$; $q=2$ $v_1=8$	3×0,5	
	ب) $v_n=8\times2^{n-1}$ و $u_n=8\times2^{n-1}-1$	2×0,5	06
	ج) $S_n=8(2^n-1)$ $S_n=v_1\frac{q^n-1}{q-1}$	0,25+0,75	
	د) $n=7$ $2^n=128$	0,5+0,5	
موافقات	**التمرين الثاني : 04 نقاط**		
	1 – بواقي قسمة $3^6,3^5,3^4,3^3,3^2$ على 7. هي على الترتيب : 2 ، 6 ، 4، 5 ، 1	0,25×5	
	2 – $3^6\equiv1[7]$ و منه $3^{6n}\equiv1[7]$	0,5	
	و $3^{6n+4}\equiv4[7]$	0,5	
	باقي قسمة 3^{6n} هو 1	0,25	04
	و باقي قسمة 3^{6n+4} هو 4	0,25	
	$2008=6\times334+4$ و منه باقي قسمة 3^{2008} على 7 هو 4	0,5	
	$3\times3^{6n+4}-2\times3^{6n}+4\equiv(3\times4-2\times1+4)[7]$ $\equiv0[7]$	0,5	
	العدد $(3\times3^{6n+4}-2\times3^{6n}+4)$ يقبل القسمة على 7 .	0,25	
	التمرين الثالث : 10 نقاط		
	1/ $\lim_{x\to+\infty}f(x)=+\infty$	0,25	
	f متزايدة تماما على $[-1,1]$	0,25	
	f متناقصة تماما على $[1,3]$	0,25	
	f متزايدة تماما على $[3,+\infty[$	0,25	
	جدول التغيرات	0,5	10
	2/ $f_1(x)$ غير مناسبة لأن ($f(0)=1$ غير صحيح)	0,5	
	$f_3(x)$ غير مناسبة لأن ($\lim_{x\to+\infty}f(x)=-\infty$ غير صحيح)	0,5	
	و منه $f(x)=f_2(x)$	0,5	
	ملاحظة : يقبل أي تبرير آخر صحيح		
	3/ $\lim_{x\to+\infty}f(x)=+\infty$ و $f(-1)=-\frac{19}{3}$	0,5+0,5	
	f قابلة للاشتقاق على $[-1,+\infty[$	0,25	
	$f'(x)=x^2-4x+3$	0,5	
	إشارتها	0,5	
	جدول التغيرات	0,25	

71

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

تابع الإجابة النموذجية و سلم التنقيط المادة :الرياضيات الشعبة : آداب و فلسفة + لغات أجنبية بكالوريا جوان 2008

محاور الموضوع	عناصر الإجابة	العلامة مجزأة	العلامة المجموع
	تعتبر إجابة التلميذ صحيحة إذا عبرت عن الإنسجام بين قراءته و تخميناته من جهة و بين نتائج دراسة تغيرات الدالة f التي اختارها في السؤال 2 .	0,5	
	/4 $(\Delta): y = -x + \frac{5}{3}$ (الطريقة ثم النتيجة)	0,5+0,5	
	(تقبل الحالتين الممكنتين : هندسيا و تحليليا) /6 $S = [-1;0[$ الشرح ثم النتيجة	0,5+0,5	
	/5 $f''(x) = 2x - 4$	0,25	
	$f''(x)$ تنعدم عند 2 و تغيّر إشارتها	0,5	
	منه (C) يقبل $\omega\left(2, -\frac{1}{3}\right)$ نقطة انعطاف.	0,25	
	7 / يتقاطع (C) مع (D) في نقطتين هما $A(0,-1)$ و $B(6,17)$	0,5×2	

72

الصفحة 4/4

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com