najah213.com · نجاح 213

تمرين 01

A ، B ، C و D أربع نقط من المستوي ، بيّن أنّ:

① $\overrightarrow{AB}+\overrightarrow{DC}=\overrightarrow{AC}+\overrightarrow{DB}$ ② $\overrightarrow{AC}+\overrightarrow{BD}=\overrightarrow{AD}+\overrightarrow{BC}$

تمرين 02

ABC مثلث، النقطة I هي منتصف $[AC]$ و H نظيرة A بالنسبة إلى B .

★ بيّن أنّ $\overrightarrow{CH}=2\overrightarrow{IB}$.

تمرين 03

A ، B ، C و I أربع نقط من المستوي ، حيث I منتصف $[AB]$ بيّن أنّ:

① بيّن أنّه من أجل كل نقطة M فإنّ:

$$\overrightarrow{AC}=\overrightarrow{MC}-\overrightarrow{MA}$$

.

② بيّن أنّ: $2\overrightarrow{CI}=\overrightarrow{CA}+\overrightarrow{CB}$.

تمرين 04

A ، B و C ثلاث نقط من المستوي ليست على استقامة واحدة، و $\vec{v}$ شعاع معرّف بالعبارة:

$\vec{v}=\overrightarrow{MA}-2\overrightarrow{MB}+\overrightarrow{MC}$ ،حيث M نقطة كيفية من المستوي.

① بيّن أنّ $\vec{v}$ شعاع ثابت.

② أنشىء النّقطة D حيث: $\vec{v}=\overrightarrow{AD}$.

تمرين 05

❶ ليكن الشعاع $\vec{w}$ المعرّف بـ:

$$\vec{w}=2\left(3\vec{u}+\frac{3}{2}\vec{v}\right)-\vec{u}\,(2+3\vec{v})+3\vec{v}\,(\vec{u}+1)$$

⋆ أُكتب $\vec{w}$ على الشكل: $\vec{w}=\alpha\vec{u}+\beta\vec{v}$ ، حيث α و β عددان حقيقيان يُطلب تعيينهما.

❷ $\vec{u}$ شعاع غير معدوم و k عدد حقيقي حيث: $2k\vec{u}+6\vec{u}=\vec{0}$.

⋆ عيّن قيمة k التي تحقق المعادلة السابقة.

تمرين 06

ABC مثلث كيفي.

① أنشىء النقطتين D و E حيث $\overrightarrow{AE}=2\overrightarrow{BC}$ و $\overrightarrow{AD}=3\overrightarrow{BC}$.

② بيّن أنّ النقط A ، D و E في استقامية.

③ بيّن أنّ المستقيمين (BC) و (ED) متوازيان .

④ عبّر عن $\overrightarrow{ED}$ بدلالة $\overrightarrow{BC}$.

تمرين 07

$\left(O,\vec{i},\vec{j}\right)$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي .

① علّم النّقطتين A و B حيث:

$\overrightarrow{OA}=2\vec{j}$ و $\overrightarrow{AB}=2\vec{i}-2\vec{j}$.

② أُكتب المعادلة الديكارتية للمستقيم (AB) .

③ (Δ) مستقيم معرّفة بالمعادلة: $y=5x+2$ ، بيّن أنّ $C(-1;-3)\in(\Delta)$ ثمّ أنشئ المستقيم (Δ) .

④ حل الجملة: $\begin{cases}5x-y+2=0\\x+y-2=0\end{cases}$

ثمّ أعط تفسيرا هندسيا للحل.

تمرين 08

$\left(O,\vec{i},\vec{j}\right)$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي .

① علّم النّقط A ، B و C حيث:

$A(-2;2)$ ، $\overrightarrow{OB}=3\vec{i}+5\vec{j}$ ، $\overrightarrow{AC}=\begin{pmatrix}6\\-2\end{pmatrix}$.

② عيّن إحداثيتي النّقطة D حتى يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع.

③ لتكن النقطة I منتصف القطعة $[BC]$ ، والنّقطة N التي تحقق: $3\overrightarrow{CN}=\overrightarrow{CA}$.

⋆ بيّن أنّ النقط D ، N و I في استقامية.

⋆⋆ ماذا تمثل النقطة N بالنسبة للمثلث BCD؟ .

④ أُكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B ويوازي المستقيم (AC) .

⑤ أوجد معادلة المستقيم (CD) ثم أوجد إحداثيتي النقطة D' نقطة تقاطع المستقيمين (Δ) و (CD) .

⑥ نعتبر النقطة $E(2;4)$ ، أُحسب أطوال أضلاع المثلث ACE واستنتج نوعه.

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

تمرين 09 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ نعتبر النقط التالية:
$A(1;\sqrt{2})$ ، $B(-1;0)$ ، $C(1;2)$ ، $D(3;-1)$ و $E(-2;5)$.

① عيّن إحداثيتي النقطة M حتى يكون:

$$\overrightarrow{AM} = -\sqrt{2} \cdot \overrightarrow{AB}$$

② عيّن إحداثيتي النقطة N حتى يكون:

$$\overrightarrow{CN} = 2\overrightarrow{CD} - 3\overrightarrow{ED}$$

③ عيّن مركبات الشعاع $\overrightarrow{FG}$ حيث F و G منتصفا القطعتين المستقيمتين $[AB]$ و $[CD]$ على الترتيب.

④ أُكتب المعادلة الديكارتية للمستقيم (FG) .

تمرين 10 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، (d) و (Δ) مستقيمان معادلتاهما على التوالي:

$$(d): 2x + y + 1 = 0 \quad \text{و} \quad (\Delta_m): mx + y + m - 1 = 0$$

حيث: m عدد حقيقي.

① أوجد قيمة m حتى يكون المستقيم (Δ_m) موازيا لحامل محور الفواصل.

② أوجد قيمة m حتى يكون: $(\Delta_m) // (d)$.
هل المستقيمان (d) و (Δ_m) منطبقان في هذه الحالة؟ برّر إجابتك.

③ بيّن أنّ النقطة $B(-1;1)$ تنتمي إلى المستقيم (Δ_m) ، من أجل كل $m \in \mathbb{R}$.

تمرين 11 ABC مثلث كيفي من المستوي.

① أنشئ النقطتين B' ، C' حيث:

$$\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{AN} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$$

② أنشئ النقطتين G و H حيث:

$$\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{AH} = \overrightarrow{AM} + \overrightarrow{AN}$$

③ بيّن أنّ النقط A ، H و G في استقامية.

تمرين 12 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النقط:

$$A(3;-4) \quad B(\alpha;8) \quad C(1;3)$$

حيث α عدد حقيقي.

❶ عيّن قيمة α حتى تكون النقط A ، B و O في استقامية.

❷ نضع $\alpha = 2$.

① عيّن إحداثيتي النقطة D حتى يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع.

② أُكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A ويوازي (BC) .

③ (Δ') مستقيم معادلته: $y = \frac{1}{3}x + 2$ ، أوجد نقطة تقاطع المستقيمين (Δ) و (Δ') .

④ لتكن النقطة $E(-4;8)$ ، ماطبيعة المثلث ABE ؟

تمرين 13 A ، B ، C ، D ، E و F نقط من المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ حيث:
$\overrightarrow{OA} = 5\vec{i} - \vec{j}$ ، $B(-3;7)$ ، $C(-5;1)$ ، $D(-2;2)$ ، $\overrightarrow{FC} = 4\overrightarrow{OD}$ و $\overrightarrow{CE} = 2\overrightarrow{CD}$.

① أُحسب $\|\overrightarrow{AB}\|$ و $\|\overrightarrow{DC}\|$.

② عيّن إحداثيتي كلّ من النقطتين E و F .

③ تحقّق أنّ النقطة E هي منتصف القطعة $[AB]$.

④ أوجد العدد الحقيقي k حيث: $\overrightarrow{FC} = k\overrightarrow{AE}$ ، ماذا تستنتج؟

⑤ أُكتب معادلة المستقيم (d) الذي يشمل النقطتين $G(-20;-7)$ و $L(20;8)$.

⑥ (Δ_m) مستقيم معادلته $6x + (m-15)y - 8m = 0$ حيث m عدد حقيقي.

تحقق أنّ المستقيمين (d) و (Δ_m) يتقاطعان في النقطة $L(20;8)$.

⑦ استنتج حلول الجملة: $\begin{cases} 6x + (m-15)y - 8m = 0 \\ 3x - 8y + 4 = 0 \end{cases}$

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com