najah213.com · نجاح 213

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية بوقيقز عمار – القل — مديرية التربية لولاية سكيكدة

إمتحان بكالوريا تجريبية — دورة : ماي 2015

الشعبة : علوم تجريبية

اختبار في مادة : العلوم الفيزيائية — المدة : 03 سا و 30

على المترشّح أن يختار أحدَ الموضوعين التاليين :

الموضوع الأوّل

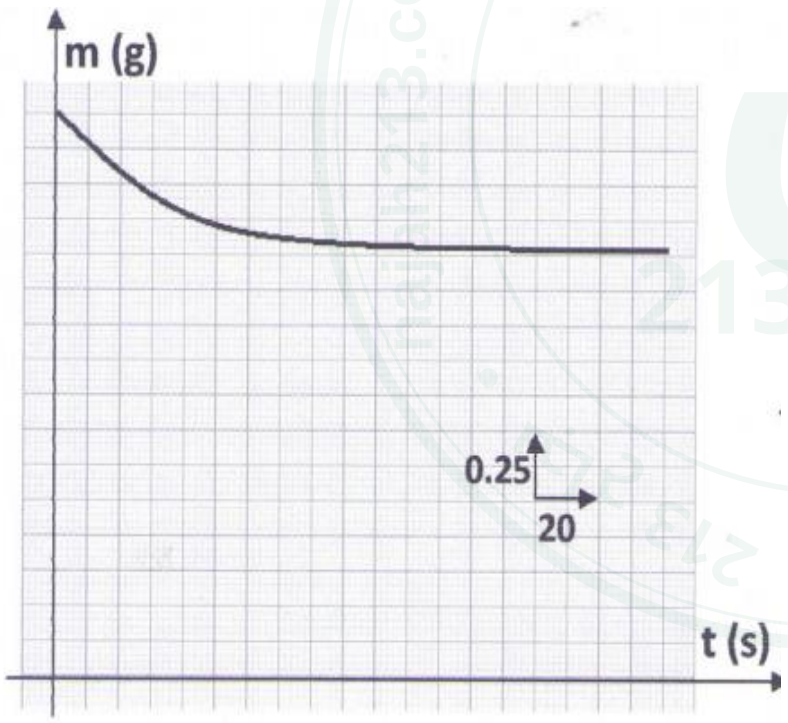
التمرين الأول : (04 نقاط)

بهدف تتبع التحول الكيميائي التام بين حمض كلور الماء $(H^+ + Cl^-)$ و كربونات الكالسيوم الصلب .

ندخل عند اللحظة $t = 0$ كتلة مقدارها m_0 من كربونات الكالسيوم $CaCO_{3(s)}$ داخل حجم $V = 100ml$ من حمض كلور الماء تركيزه C

ينمذج التفاعل الكيميائي الحاصل بالمعادلة : $CaCO_3 + 2H_3O^+ = Ca^{+2} + CO_2 + 3H_2O$

المتابعة الزمنية لتطور الجملة الكيميائية مكنت من حساب كتلة كربونات الكالسيوم m المتبقية في كل لحظة حيث يوضح البيان تغيرات m بدلالة t



1- أنجز جدولا لتقدم التفاعل

2- بين أن عبارة $m(t)$ في أي لحظة تعطى بالعلاقة :

$$m(t) = m_0 - 10[Ca^{+2}]$$

3- أوجد مقدار التقدم الأعظمي

4- أحسب التركيز المولي الإبتدائي لمحلول حمض كلور الماء C

5- عرف سرعة للتفاعل واكتب عبارتها بدلالة m ، M حيث M الكتلة المولية لـ $CaCO_3$

أ) أحسب قيمتها عند اللحظة $t = 40$

ب) إستنتج سرعة تشكل الشاردة Ca^{+2} عند $t = 40s$

6- عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$

7- بين أنه : $m(t = t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2}$ ثم استنتج قيمة زمن نصف التفاعل بيانيا

المعطيات : $Ca = 40g/mol$ ، $H = 1g/mol$ ، $C = 12g/mol$ ، $O = 16g/mol$

التمرين الثاني : (04 نقاط)

البولونيوم عنصر مشع و نادر الوجود في الطبيعة . اكتشف عام 1889م في احد الخامات ، النظير الوحيد الموجود في الطبيعة هو $^{210}_{84}Po$

1- يتفكك البولونيوم $^{210}_{84}Po$ معطيا نواة الرصاص $^{206}_{82}Pb$ مع انبعاث إشعاعات .

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

أ) حدد تركيب النواة $^{210}_{84}Po$

ب) اكتب معادلة التفكك النووي الحادث مع توضيح كل الإشعاعات .

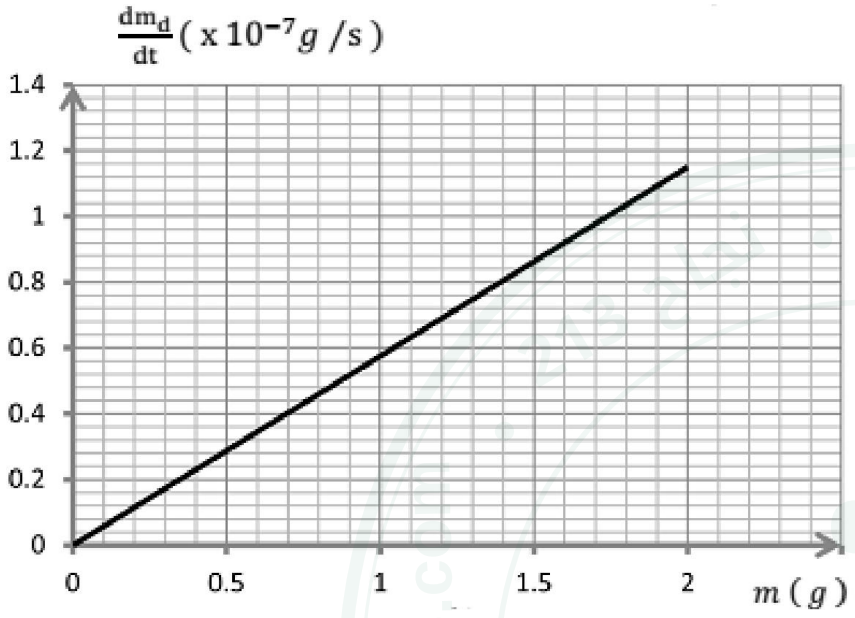
2- تحوي عينة من عنصر مشع $^{A}_{Z}X$ عند اللحظة $t = 0$ كتلة m_0 ، عند اللحظة t تتفكك الكتلة m_d و تبقى الكتلة m دون تفكك

أ) أوجد عبارة قانون التناقص الإشعاعي للكتلة m بدلالة m_0 ، λ و t

ب) أوجد عبارة m_d بدلالة m_0 ، λ و t

ج) أوجد العلاقة التى تربط $\frac{dm_d}{dt}$ ، m و τ

3- بواسطة وسيط معلوماتي تمكنا من رسم المنحنى الممثل جانبا $\frac{dm_d}{dt} = f(m)$



أ) بالإعتماد على العلاقة البيانية و العلاقة النظرية في السؤال 2- ج

❖ أوجد قيمة ثابت الزمن τ

❖❖ عرّف زمن نصف العمر وحدد قيمته

❖❖❖ تعرف على النواة المشعة $^{A}_{Z}X$

4- نعتبر كتلة هذه العينة معدومة عندما تصبح مساوية لـ 1% من قيمتها الإبتدائية

❖ أحسب بدلالة ثابت الزمن τ المدة الزمنية اللازمة لإنعدام كتلة العينة .

❖❖ هل يمكن تعميم هذه النتيجة لكل نواة مشعة .علل ؟

المعطيات :

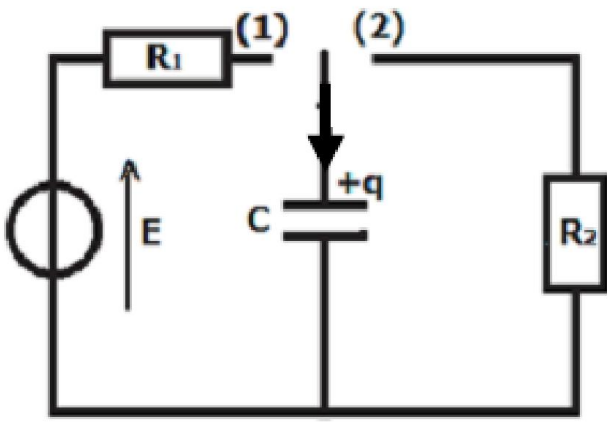
الجدول مستخرج من الجدول الدوري للعناصر

النواة	$_{83}Bi$	$_{53}I$	$_{84}Po$
الزمن $t_{1/2}$	60min	8jours	138,9jours

التمرين الثالث : (04 نقاط)

نعتبر التركيب التجريبي الممثل جانبا و المتكون من مولد مثالي للتوتر قوته المحركة E و ناقلين أوميين R_1 و R_2 حيث $R_2 = 2R_1 = 1K\Omega$ و مكثفة سعتها C و بادلة .

بعد شحن المكثفة كليا نؤرجح البادلة للموضع الآخر لإنجاز عملية تفريغ المكثفة . عند لحظة نعتبرها مبدءا للزمن $t = 0$



1- في أي الموضعين ثم وضع البادلة عند اللحظة $t = 0$

2- أحسب $u_c(t = 0)$ و $u_{R_2}(t = 0)$

3- بين أن المعادلة التفاضلية التى يحققها التوتر $u_{R_2}(t)$ بين طرفي الناقل الأومي R_2 هي : $\tau \frac{du_{R_2}}{dt} + u_{R_2} = 0$ محددا عبارة τ بدلالة مميزات الدارة

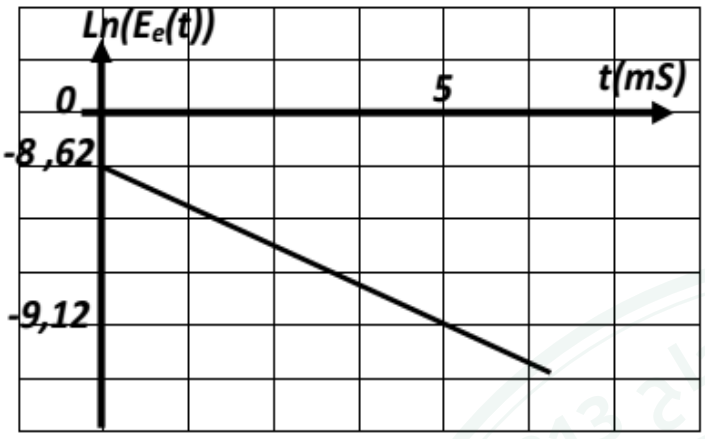
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

4- بين أن : $u_{R_2}(t) = Ae^{-t/\tau}$ حل للمعادلة التفاضلية محددا عبارة الثابت A

5- استنتج عبارة التوتر $u_C(t)$

6- خلال عملية تفريغ المكثفة ، أكتب عبارة $E_C(t)$ الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة t بدلالة الزمن t ، ثابت الزمن τ و $E_C(0)$ الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t = 0$

أ) بواسطة وسيط معلوماتي نعاين تغيرات $ln\ (E_C(t))$ بدلالة الزمن t فنحصل على المنحنى التالي



❖ إعتمادا على المنحنى و العلاقة النظرية التى يطلب إيجادها

أوجد قيمة كل من : $E_C(0)$ و τ .

❖❖ استنتج قيمة كل من :

القوة المحركة للمولد E و سعة المكثفة C

7- نريد تركيب مكثفة أخري سعتها C' في دارة التفريغ لتقليص مدة التفريغ إلى نصف مدة الشحن دون تغييرها .

❖ بين أن : $C' = \frac{C}{3}$

التمرين الرابع : (04 نقاط)

جميع القياسات تمت عند الدرجة $25C^0$

المعطيات : الحجم المولي : $V_M = 24L/mol$ ، الجداء الشاردي للماء : $K_e = 10^{-14}$

ثابت الحموضة للثنائية $CH_3COOH\ /\ CH_3COO^-$ $\quad pK_{a2} = 4,8$

1- نذيب حجما $V_0 = 0,12\ l$ من غاز النشادر NH_3 في الماء المقطر فنحصل على محلول مائي S_1 حجمه $V = 0,5L$ و تركيزه المولي C ، نقيس pH المحلول S_1 فنجد $pH = 10,6$

1-1- عبر عن التركيز المولي C للمحلول S_1 بدلالة V_0 ، V و V_M . أحسب قيمة C

1-2- أكتب معادلة التفاعل الحاصل

1-3- أنشئ جدولا لتقدم التفاعل

1-4- عبر عن نسبة التقدم النهائي τ_1 للتفاعل بدلالة K_e ، C و pH . أحسب قيمة τ_1 ماذا تستنتج ؟

1-5- أوجد عبارة ثابت التوازن k بدلالة C و τ_1 . أحسب k

1-6- استنتج أن قيمة ثابت الحموضة pK_{a1} للثنائية $NH_4^+\ /NH_3$ هي $pK_{a1} = 9,2$

2- نمزج حجما V_1 من المحلول S_1 مع حجما $V_2 = \frac{V_1}{2}$ من محلول مائي لحمض الإيثانويك CH_3COOH له نفس التركيز المولى C فيحدث تفاعل ينمذج بالمعادلة : $CH_3COOH + NH_3 = NH_4^+ + CH_3COO^-$

2-1- بالإعتماد على جدول التقدم لهذا التفاعل ، أثبت أن نسبة التقدم النهائي τ للتحول تحقق العلاقة : $\tau = \frac{V_1}{V_2(1+10^{\,pH-pK_{a1}})}$

2-2- أحسب τ علما أن pH المزيج هو $pH = pK_{a1}$ ، ماذا تستنتج ؟

2-3- أوجد K ثابت التوازن المقرون بمعادلة تفاعل النشادر مع حمض الإيثانويك بدلالة pK_{a1} و pK_{a2} أحسب قيمة K . هل تتوافق هذه القيمة مع نتيجة السؤال السابق .

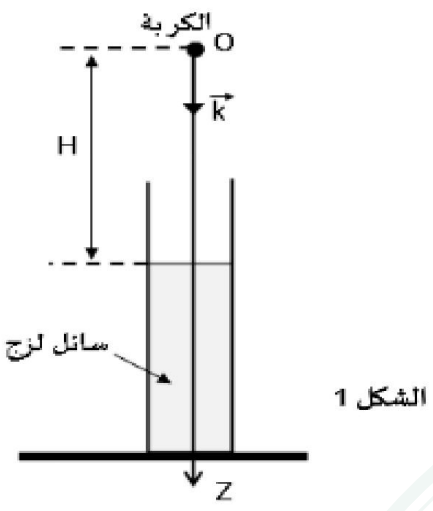
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين التجريبي : (04 نقاط)

تعتبر حركة السقوط الشاقولي أكثر الحركات المستقيمة المعاينة في الحياة اليومية ، ندرس في هذا التمرين السقوط الشاقولي لكرية من الفولاذ في الهواء و في سائل لزج شفاف يوجد داخل أنبوب شاقولي شفاف و مدرج

نحرر عند اللحظة $t = 0$ كرية من فولاذ متجانسة كتلتها m و نصف قطرها r ومركز عطالتها G بدون سرعة إبتدائية من الموضع O يوجد على إرتفاع H من السطح الحر للسائل (الشكل 1) فتسقط في الهواء ثم في سائل (L) كتلته الحجمية ρ_L



الشكل 1

معطيات : نصف قطر الكرية $r = 5.10^{-3}m$ ، $g = 9{,}8m/s^2$

الكتلة الحجمية للفولاذ $\rho_a = 7800Kg/m^3$ ، $H = 0{,}46m$

1- ندرس حركة الكرية في معلم $(O.\vec{K})$ مرتبط بسطح الأرض نعتبره غاليليا ، نختار المستوى الأفقي الذي يشمل السطح الحر للسائل مرجعا لقياس الطاقة الكامنة الثقالية .

1-1- أوجد تغير الطاقة الكامنة الثقالية للكرية بين لحظة إنطلاقها ولحظة وصولها إلى السطح الحر للسائل

1-2- أوجد بطريقتين مختلفتين تحريكية و طاقوية قيمة v_1 سرعة الكرية عند وصولها إلى السطح الحر للسائل

1-3- حدد قيمة الطاقة الميكانيكية للجملة (كرية – أرض)

2- ننمذج تأثير السائل على الكرية أثناء الحركة في السائل بقوة إحتكاك $\vec{f} = -6\pi\eta r v\vec{K}$ حيث v سرعة G عند اللحظة t و η لزوجة السائل ، ونعتبر أن دافعة أرخميدس غير مهملة بالنسبة لباقي القوى المطبقة على الكرية نختار لحظة وصول الكرية إلى السطح الحر للسائل مبدءا جديدا للزمن $(t = 0)$

2-1- بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v تكتب على الشكل : $\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = B$

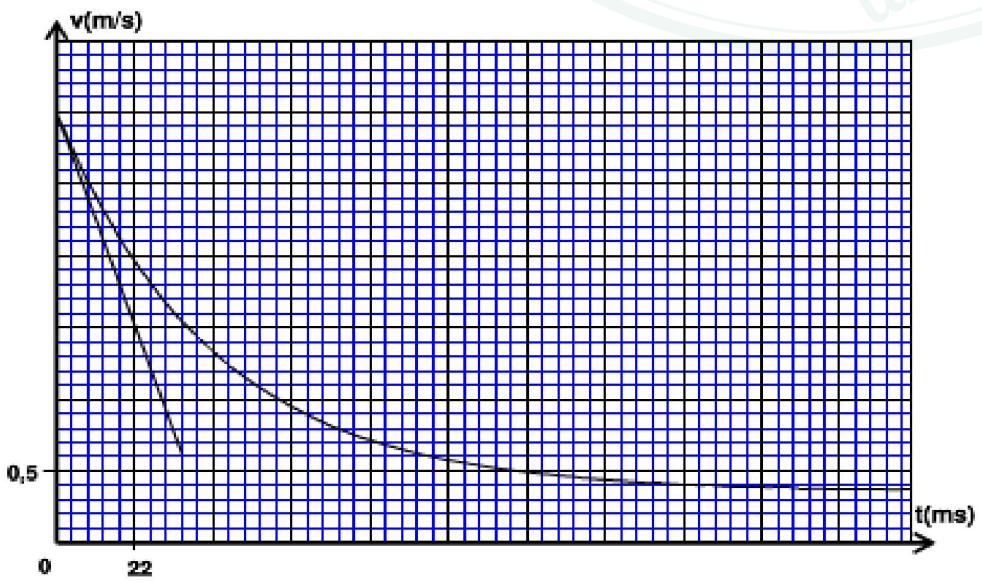
2-2- حدد عبارة τ و B بدلالة المعطيات ، ماهو مدلولهما الفيزيائي

2-3- بين أن : $v(t) = (v_1 - \tau B)e^{-t/\tau} + \tau B$ حل للمعادلة التفاضلية السابقة .

2-4- أكتب عبارة $v(t)$ بدلالة v_1 و τ و السرعة الحدية v_{lim} لمركز عطالة الكرية .

3- تم بواسطة وسيط معلوماتي الحصول على منحنى الشكل 2 و الممثل لتغيرات السرعة v بدلالة الزمن .

- أوجد كل من السرعة الحدية v_{lim}
- معامل اللزوجة η
- الكتلة الحجمية ρ_L للسائل .



الشكل 2

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

الموضوع الثاني

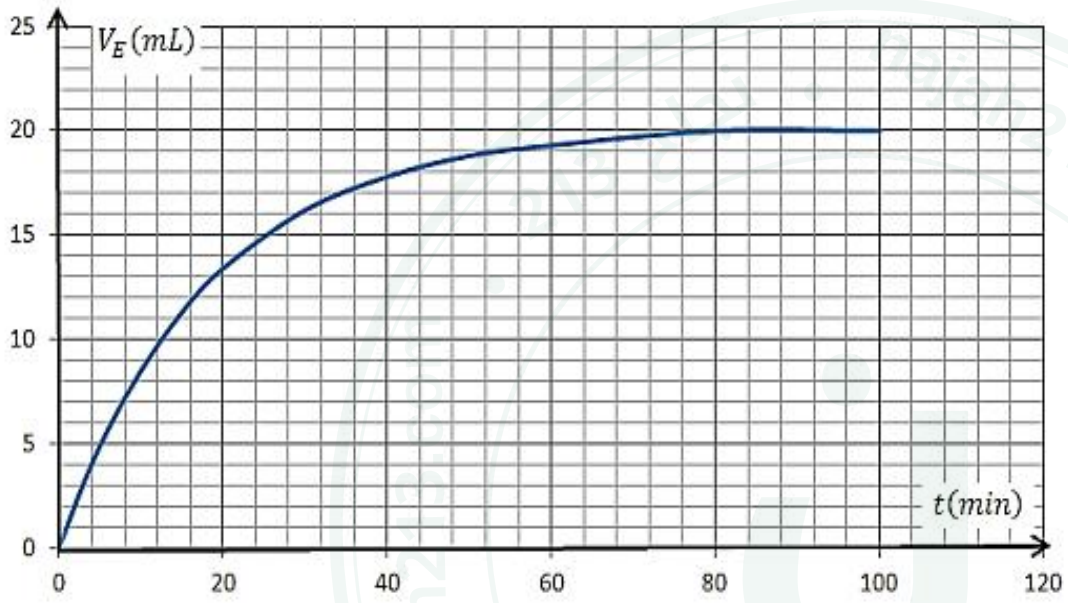
التمرين الأول : (04 نقاط)

إن أكسدة شوارد اليود I^- بواسطة البيروكسوديسولفات $S_2O_8^{-2}$ هو تفاعل تام وبطيء ، ينمذج عذا التفاعل بالمعادلة التالية : $2I^- + S_2O_8^{-2} = I_2 + 2SO_4^{-2}$

في اللحظة $t = 0$ ندخل $V_1 = 20ml$ من محلول بيروكسوديسولفات ذو التركيز المولي C_1 في بيشر و نضيف إليه $V_2 = 80ml$ من محلول يود البوتاسيوم ذو التركيز المولي $C_2 = 0{,}2mol/L$ و نقوم برجه

ثم نقوم بتقسيم المزيج على 20 أنبوب إختبار كل أنبوب يحتوي على $5ml$ من المحلول الأصلي .

في كل لحظة مختارة نأخذ أنبوب ونسكبه في بيشر سعته $150ml$ مع إضافة ماء وقطع جليد و بعض القطرات من صمغ النشاء حتى يصبح لون المحلول أزرق ، ثم نعاير I_2 ثنائي اليود المتشكل بمحلول لثيوكبريتات الصوديوم $(2Na^+ + S_2O_3^{-2})$ ذو التركيز المولي $C_0 = 0{,}025mol/L$ ثم نسجل الحجم المضاف عند التكافؤ V_E فنحصل على البيان التالي :



1- أ)أكتب المعادلات النصفية للتفاعل

ب) انجز جدولا لتقدم هذا التفاعل .

ج) لماذا يجب إضافة الماء و الجليد قبل المعايرة ؟

2- الثنائيات الداخلة في تفاعل المعايرة هي : I_2/I^- ، $S_4O_6^{-2}/S_2O_3^{-2}$

أ) أعط رسم للبروتوكول التجريبي لتفاعل المعايرة

ب) أكتب معادلة تفاعل المعايرة و ماهي مميزاته ؟

3- أثبت أن تقدم التفاعل x يعطى بالعلاقة : $x = 10C_0V_E$ ثم استنتج التقدم الأعظمي و المتفاعل المحد

4- أستنتج التركيز المولي الإبتدائي لمحلول بيروكسوديسولفات C_1

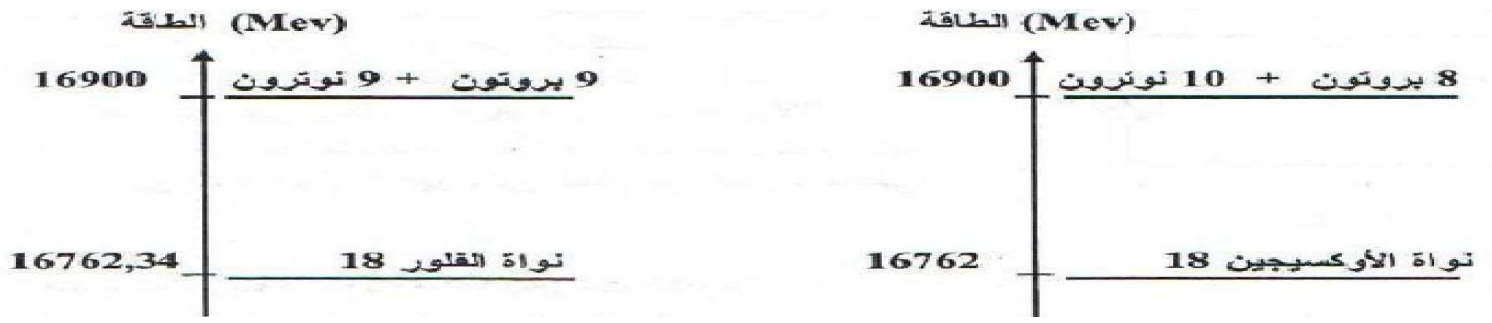
5- أ) عرف السرعة الحجمية للتفاعل واكتب عبارتها بدلالة C_0 ، V_E و V_T حجم المزيج التفاعلي

ب)أحسب السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظتين $t = 0$ و $t = 40$ ن فسر مجهريا هذا التغير

6- عرف زمن نصف التفاعل وعين قيمته

التمرين الثاني : (04 نقاط)

بالنسبة لأمراض السرطان ، العنصر الإستشفائي المستعمل في الرسم الطبي هو الغلوكوز المعلّم بالفلور 18 لكونه يتراكم بشكل أفضل في الخلايا السرطانية المستهلكة جيدا لمادة السكر ، يتميز الفلور 18بكونه ذو نشاط إشعاعي نصف عمره $t_{1/2} = 110\ min$ فيتولد عنه الأوكسجين 18 ، نعطى مخططات الطاقة التالية :



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

نهمل كتلة الإلكترون و نعتبر كتلة البروتون مساوية لكتلة النوترون

1- أوجد طاقتي الربط بالنسبة لكل نوية للنواتين $^{18}_{8}O$ ، $^{18}_{9}F$

❖ أي النواتين أقل إستقرارا . علل ؟

2- أكتب معادلة تفكك نواة $^{18}_{9}F$ محددا نمط و آلية التفكك .

3- أوجد بوحدة الـ MeV الطاقة الناتجة عن تفكك نواة واحدة من الفلور 18

4- عند التاريخ : الخميس 21 ماي 2015 وعلى الساعة $08h\ 00min$ حقن مريض بجرعة من الغلوكوز المعلّم بالفلور 18 نشاطها الإشعاعي $A_0 = 260 \times 10^6 Bq$ على أن يحقن مرة ثانية عند بلوغ نسبة الأنوية المتفككة من الجرعة الأولى75%

4-1- حدد تاريخ أوساعة الحقنة الثانية .

4-2- بين أن عبارة الطاقة E_T الناتجة عن تفكك عدد N_1 من أنوية الفلور عند اللحظة $t = nt_{1/2}$ تكتب على الشكل التالي : $E_T = EN_0(1 - \frac{1}{2^n})$

أوجد بوحدة الـ MeV الطاقة المكتسبة من طرف جسد المريض عند تمام الساعة $11h\ 40min$

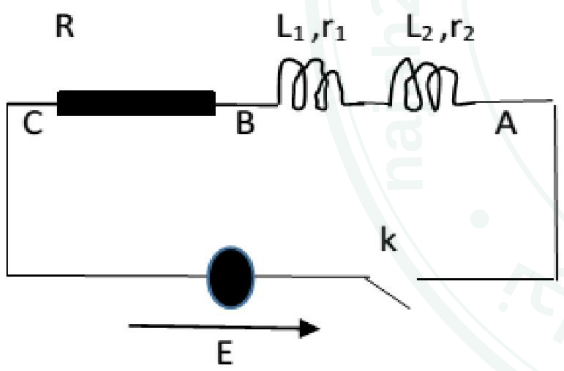
التمرين الثالث : (04 نقاط)

لدينا وشيعتين حقيقتين ($b_1(r_1 = 5\Omega\ ،\ L_1 = ؟$) ، $b_2(r_2 = ؟\ ،\ L_2 = 0{,}5H$) ، مولد مثالي قوته المحركة E و ناقل أومي $R = 90\Omega$ ، أسلاك توصيل وقاطعة . نحقق التركيب المبين أسفله

1- بتطبيق قانون جمع التوترات على الجزء AB وقانون أوم بين طرفي الناقل الأومي بين أنه يمكن تعويض الوشيعتين b_1 و b_2 بوشيعة مكافئة تحقق : $b(r = r_1 + r_2\ ،\ L = L_1 + L_2)$

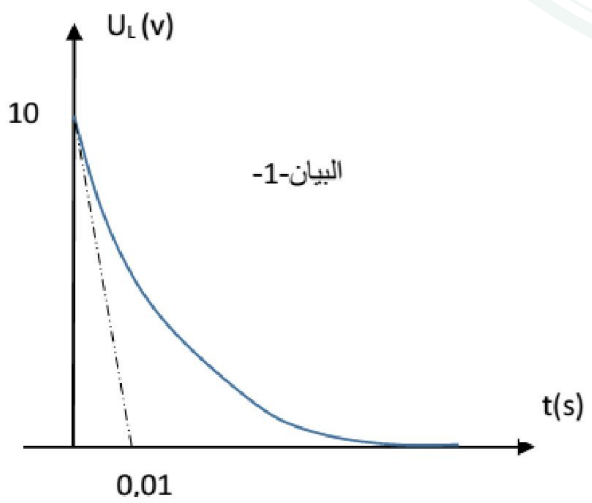
2- أعد رسم الدارة بتعويض b_1 و b_2 بـ b

❖ بين على الدارة كيفية وصل أقطاب راسم الإهتزاز المهبطي لمعاينة تغيرات شدة التيار المار في الدارة مع التعليل



3- أوجد المعادلة التفاضلية التى يحققها التوتر بين طرفي الوشيعة

4- البيان -1- يمثل تغيرات التوتر بين طرفي الوشيعة بدلالة الزمن ، بالإعتماد على البيان : جد



أ) ثابت الزمن τ

ب) قيمة القوة المحركة E

5- علما أن شدة التيار المار في الدارة في النظام $I_0 = 0{,}1A$ أحسب :

أ) قيمة المقاومة r ثم قيمة المقاومة r_2

ب) قيمة الذاتية L ثم قيمة الذاتية L_1

6- بعد بلوغ النظام الدائم نفتح القاطعة فتصبح عبارة شدة التيار المار في الدارة : $i(t) = I_0 e^{-t/\tau}$

أ) أكتب العبارة الزمنية للطاقة المخزنة في الوشيعة $E_b(t)$

ب) بين أن زمن تناقص شدة التيار i إلى النصف يعطى بالعلاقة $t_1 = \tau . ln2$

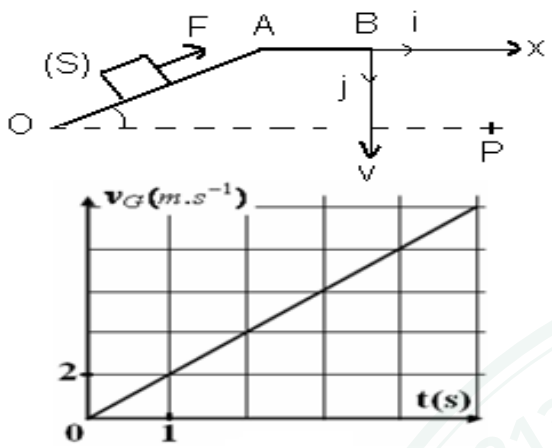
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

ت) بين أنه من أجل $t = nt_1$ تصبح عبارة الطاقة المخزنة $E_b(t) = \frac{E_0}{2^n}$ حيث E_0 الطاقة العظمى

د) أحسب E_b من اجل $n = 8$. ماذا تستنتج ؟

التمرين الرابع : (04 نقاط)

ينطلق جسم(S) كتلته $m = 100g$ من النقطة O في اللحظة $t = 0$ بدون سرعة إبتدائية , فيتحرك وفق مسار مستقيم على المستوى المائل بزاوية$\alpha = 30°$. خلال حركته على المستوى المائل يخضع الجسم الى قوة F ثابتة (الشكل1) . نهمل الاحتكاكات ونأخذ $g = 10m.s^{-2}$ و $OA = 1m$



1- دراسة حركة الجسم على المستوى المائل.

1-1- بتطبيق قانون نيوتن الثاني اوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها v_x .

1-2- يمثل منحنى الشكل 2 تغيرات السرعة بدلالة الزمن .

1-2-1- ما طبيعة حركة الجسم (S) على المستوى المائل .

1-2-2- احسب شدة القوة F.

1-3- احسب R القوة المطبقة على الجسم من طرف المستوى المائل.

1-4- اوجد المعادلتان الزمنيتان$x(t)$ و $v(t)$.

1-5- حدد t_A اللحظة التي يصل فيها الجسم(S) الى النقطة A. استنتج v_A سرعة الجسم في النقطة A .

2- نحذف القوة F في النقطة A . يتابع الجسم (S) حركته على المستوى الافقي

2-1-ما طبيعة الحركة على المستوى الافقي

2-2- استنتج v_B سرعة الجسم (S) في النقطة B.

3- يغادر الجسم (S) المستوى الافقي في النقطة B بسرعة افقية v_B في لحظة $t = 0$ نعتبرها مبدءا جديدا للزمن ليسقط في مجال الثقالة .

3-1- اوجد معادلة المسار$y = f(x)$ في المعلم المتعامد$(o.\vec{i}.\vec{j})$.

3-2- حدد t_p لحظة سقوط الجسم (S) في النقطة P .

التمرين التجريبي : (04 نقاط)

الترسبات الكلسية اليومية التى تحدث بداخل إبريق القهوة هي عديمة الفائدة كما تسبب تغير نكهة القهوة ، للمحافظة على هذه الأواني تنصح الشركات المصنعة لها بإستعمال مُقلّح يحتوي أساسا على حمض اللاكتيك

نعطى الصيغة النصف مفصلة لحمض اللاكتيك : $C_2H_4OHCOOH$

1- يسوّق مقلح حمض اللاكتيك على شكل سائل في قارورات صغيرة وتشير بيانات الإستعمال إلى إفراغ محتواها في خزان الإبريق و إضافة الماء لتحضير حجم $0,6\ L$ من محلول لحمض اللاكتيك تركيزه $C = 1mol/L$ ، بعد الرج يعطى قياس pH المحلول القيمة $pH = 1,9$

1-1- أكتب معادلة تفاعل حمض اللاكتيك مع الماء

1-2- لتبسيط الكتابة نرمز بـ AH لجزيء حمض اللاكتيك و A^- لشاردة اللاكتات

أ) بين أن ثابت التوازن K للتفاعل يكتب على الشكل : $K = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$. أحسب قيمة K

ب) إستنتج قيمة pKa للثنائية $(AH\ /\ A^-)$

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

ج) أحسب النسبة $\frac{[A^-]_f}{[AH]_f}$. إستنتج النوع المهيمن في المحلول

2- تحمل قنينة محلول تجاري لملقح أساسه حمض اللاكتيك المعلومات التالية :

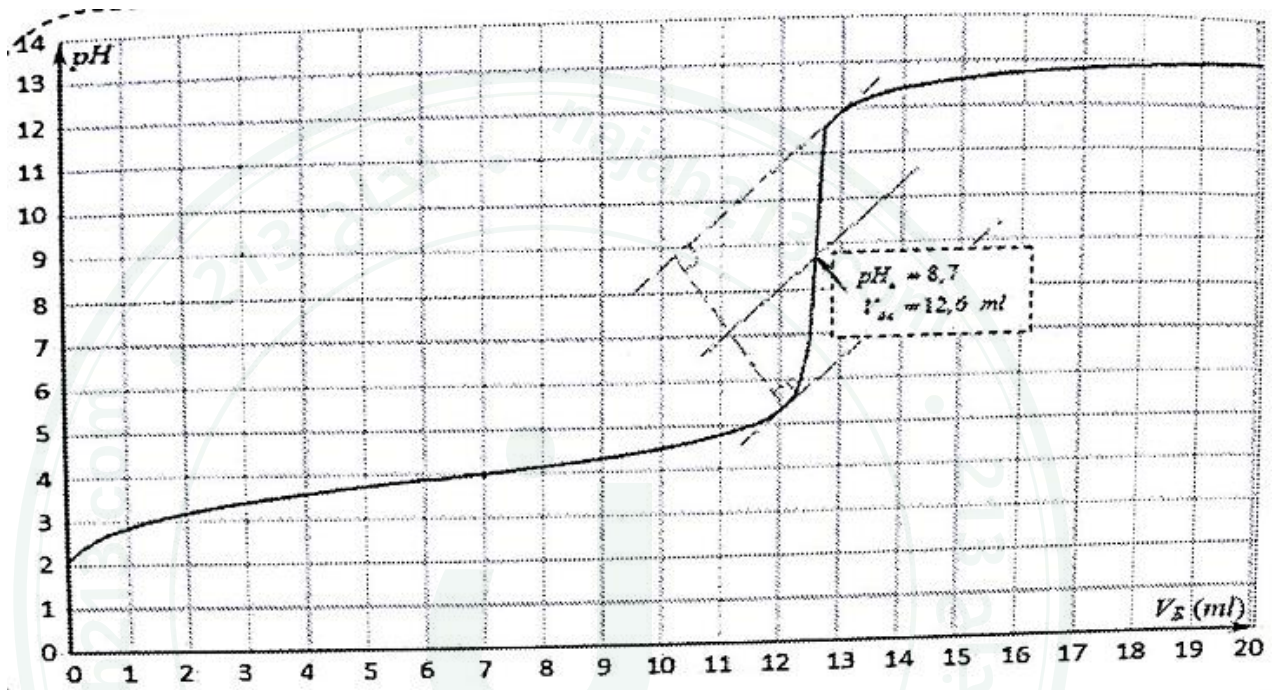
النسبة المئوية الكتلية : $p = 40\%$ ، الكتلة المولية للحمض : $M = 90g/mol$

الكتلة الحجمية للمحلول : $\rho = 1{,}13Kg/L$

نعطى : $K_e = 10^{-14}$ عند الدرجة $25C^0$

لتحديد التركيز C_a للحمض في المنتوج ، نخفف المحلول التجاري 10 مرات ثم نعاير حجما $V_a = 10ml$ من المحلول المخفف بمحلول هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + HO^-)$ تركيزه $C_b = 0{,}4mol/l$

يمثل المنحنى التالي منحنى المعايرة المحصل عليه بالنسبة لتغيرات pH المزيج



2-1- أكتب معادلة تفاعل المعايرة

2-2- أحسب النسبة $\frac{[A^-]_f}{[AH]_f}$ عند التكافؤ . إستنتج النوع المهيمن

2-3- أحسب تركيز الحمض C_a في المحلول المعَاير ثم إستنتج تركيز المحلول التجاري C

2-4- تحقق من صحة قيمة النسبة المئوية الكتلية $p = 40\%$ للحمض في المحلول

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

التمرين 01

1- جدول تقدم التفاعل

المعادلة	$CaCO_3 + 2H_3O^+ = Ca^{+2} + CO_2 + 3H_2O$					
	كمية المادة (mol)					التقدم بالـ mol
ابتدائية	n_0	m_0/M	CV	0	0	0
و	n	$\frac{m_0}{M} - x$	$CV - 2x$	x	x	x
ن	n_f	$\frac{m_0}{M} - x_f$	$CV - 2x_f$	x_f	x_f	x_f

2- تبيان أن : $m(t) = m_0 - 10[Ca^{+2}]$

من جدول التقدم : الحالة الوسطية

$$n_t(CaCO_3) = \frac{m_0}{M} - x(t)$$

$$\frac{m(t)}{M} = \frac{m_0}{M} - x(t)$$

$$\Rightarrow m(t) = m_0 - Mx(t) \quad ①$$

من جهة : $n_t(Ca^{+2}) = x(t)$

$$\Rightarrow x(t) = [Ca^{+2}].V \quad ... ②$$

نعوض ② في ① نجد :

$$\boxed{m(t) = m_0 - MV[Ca^{+2}]}$$

AN : $m(t) = m_0 - 100 \times 0,1[Ca^{+2}]$

$$\Rightarrow \boxed{m(t) = m_0 - 10[Ca^{+2}]}$$

و هو المطلوب تبيانه.

3- إيجاد مقدار التقدم الأعظمي

باعتبار التحول المدروس تام $x_f = x_{max}$

من الجدول : الحالة النهائية

$$n_f(CaCO_3) = \frac{m_0}{M} - x_{max}$$

$$\Rightarrow \frac{m_f}{M} = \frac{m_0}{M} - x_{max}$$

$$\Rightarrow \boxed{x_{max} = \frac{m_0 - m_f}{M}}$$

من البيان : $\begin{cases} m_0 = 2g \\ m_f = 1,5g \end{cases}$

AN : $x_{max} = \frac{2 - 1,5}{100} = \frac{0,5}{100}$

$$\Rightarrow \boxed{x_{max} = 5.10^{-3}\ mol}$$

4) التركيز المولي الإبتدائي C :

إعتمادا على البيان فإن $CaCO_3$ لا يمثل المتفاعل المحد لان : $n_f(CaCO_3) \neq 0$

بإعتبار التحول تام فإن شوارد H_3O^+ تمثل المتفاعل المحد ومنه : $n_f(H_3O^+) = 0$

$$\Rightarrow CV - 2x_{max} = 0$$

$$\Rightarrow \boxed{C = \frac{2}{V} x_{max}}$$

AN : $C = \frac{2 \times 5.10^{-3}}{0,1}$

$$\boxed{C = 0,1\ \frac{mol}{L}}$$

5) تفريق سرعة التفاعل

سرعة التفاعل v هي مشتق التقدم في وحدة الزمن و نكتب : $v = \frac{dx}{dt}$ عبارتها بدلالة m و M

من جدول التقدم : الحالة الوسطية

لدينا من ① : $x(t) = \frac{m_0}{M} - \frac{m(t)}{M}$

$$\Rightarrow \frac{dx}{dt} = \left(\frac{dm_0}{dt} - \frac{dm}{dt}\right) \times \frac{1}{M}$$

$$\Rightarrow \boxed{v = -\frac{dm}{Mdt}}$$

أ) قيمتها عند اللحظة $t = 40s$

$$v(t=40s) = -\frac{dm}{Mdt}\Big/_{t=40s}$$

$$v(t=40) = -\frac{\Delta m}{M\Delta t}$$

بريم ماس عند اللحظة $t = 40s$ نجد :

$$v(t=40s) = -\frac{1}{100}\frac{(7,25-6,5)}{0-40}$$

$$\boxed{v(t=40s) = 4,7.10^{-5}\ \frac{mol}{s}}$$

التمرين 01 (تابع)

ب) إستنتاج سرعة تشكل الشاردة Ca^{+2} عند اللحظة $t=40s$

نعلم أن : $v(t=40s) = v_{t=40s}(Ca^{+2})$

$v(t=40s)$: سرعة التفاعل عند $t=40s$

$v_{t=40s}(Ca^{+2})$: سرعة تشكل الشاردة Ca^{+2} عند اللحظة $t=40s$

$\Rightarrow \boxed{v(Ca^{+2}) = 4,7.10^{-5}\ \frac{mol}{L}}$

6) تحديد زمن نصف التفاعل

هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه النهائي

أ) نكتب : $x(t=t_{1/2}) = \frac{x_{max}}{2}$

7) بيان أن : $m(t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2}$

من ① : $m(t) = m_0 - M.x(t)$

$t=t_f$: $m(t_f) = m_0 - M x(t=t_f)$

$\Rightarrow m_f = m_0 - M x_{max}$ ..①

$t=t_{1/2}$: $m(t_{1/2}) = m_0 - M x(t_{1/2})$

$m(t_{1/2}) = m_0 - M \frac{x_{max}}{2}$ ②

من ① : $x_{max} = \frac{m_0 - m_f}{M}$

لنعوض عن x_{max} في ② نجد :

$m(t_{1/2}) = m_0 - \frac{M}{2}\left(\frac{m_0}{M} - \frac{m_f}{M}\right)$

$= m_0 - \frac{m_0}{2} + \frac{m_f}{2}$

$= \frac{m_0}{2} + \frac{m_f}{2}$

ومنه : $\boxed{m(t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2}}$

ب) هو المطلوب تبيانه

إستنتاج قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$

$m(t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2}$

AN : $m(t_{1/2}) = \frac{2 + 1,5}{2} = \frac{3,5}{2}$

$\boxed{m(t_{1/2}) = 1,75g}$

بالإستعمال الرسم نجد : $m(t_{1/2}) = \frac{1,75}{0,25}$

$\Rightarrow m(t_{1/2}) = 7$

بالإسقاط نجد : $\boxed{t_{1/2} = 25s}$

najah213.com
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com · نجاح 213

التمرين 02

1) تحديد تركيب النواة $^{210}_{84}Po$

$\begin{cases} Z = 84 \\ N = 210 - 84 = 126 \end{cases}$

تتكون نواة الـ Po من :

84 بروتون
126 نوترون

ب) كتابة معادلة التفكك النووي

$$^{210}_{84}Po \rightarrow {}^{206}_{82}Pb^{*} + {}^{A}_{Z}X$$

$$^{210}_{84}Po \rightarrow {}^{206}_{82}Pb + {}^{0}_{0}\gamma + {}^{A}_{Z}X$$

بتطبيق قانوني الانحفاظ نجد :

$A = 4 \Leftrightarrow {}^{A}_{Z}X \equiv {}^{4}_{2}He$
$Z = 2$

ومنه : $\left(^{210}_{84}Po \rightarrow {}^{206}_{82}Pb + \gamma + {}^{4}_{2}He\right)$

2) أ) عبارة قانون التناقص للكتلة m

لدينا : $N(t) = N_0 e^{-t/\tau}$

من جهة : $N_0 = \frac{m_0}{M}.N_A$

$N(t) = \frac{m(t)}{M}.N_A$

$\Leftrightarrow \frac{m(t)}{M}N_A = \frac{m_0}{M}N_A e^{-t/\tau}$

$\Rightarrow \left(m(t) = m_0 e^{-t/\tau}\right)$

ب) عبارة m_d بدلالة m_0 ، λ ، t

لدينا : $m_d(t) = m_0 - m(t)$

$m_d(t) = m_0 - m_0 e^{-\lambda t}$

$\Rightarrow \left(m_d(t) = m_0\left(1 - e^{-\lambda t}\right)\right)$ ...(*)

العلاقة التي تربط $\frac{dm_d}{dt}$ و m ، τ

من (*) $m_d(t) = m_0 - m_0 e^{-t/\tau}$

بالإشتقاق بالنسبة للزمن نجد :

$\frac{dm_d}{dt} = \frac{1}{\tau} m_0 e^{-t/\tau}$

$\left(\frac{dm_d}{dt} = \frac{1}{\tau} m(t)\right)$

ج) إيجاد قيمة ثابت الزمن τ

- البيان خط مستقيم يمر من المبدأ

معادلته : $\frac{dm_d}{dt} = a\,m$

نظريا : $\frac{dm_d}{dt} = \frac{1}{\tau} m$

بالمطابقة الحلا قتين نجد :

$\frac{1}{\tau} = a \Rightarrow \tau = \frac{1}{a}$

حيث a : ميل المستقيم

$a = \frac{\Delta dm_d/dt}{\Delta t} = \frac{0,8.10^{-7} - 0}{1,4}$

$a = 0,57.10^{-7}$ ... (SI)

ومنه : $\left(\tau = 1,75.10^{7}\,s\right)$

تعريف زمن نصف العمر $t_{1/2}$:

هو المدة الزمنية اللازمة لتفكك نصف عدد الأنوية الإبتدائية

قيمته : $t_{1/2} = \tau \ln 2$

AN : $t_{1/2} = 1,2.10^{7}\,s$

$t_{1/2} = \frac{1,2.10^{7}}{86400} \Rightarrow \left(t_{1/2} = 138,9\,J\right)$

النواة $^{A}_{Z}X$ المشعة هي : $^{210}_{84}Po$

4) المدة الزمنية لإنعدام كتلة العينة :

$m(t) = 1\%\, m_0 \Rightarrow m(t) = \frac{1}{100} m_0$

$m_0 e^{-t/\tau} = \frac{1}{100} m_0 \Rightarrow e^{-t/\tau} = \frac{1}{100}$

$\ln e^{-t/\tau} = \ln \frac{1}{100} \Rightarrow \frac{t}{\tau} = \ln 100$

$\Rightarrow t = \tau \ln 100 \Rightarrow t = 4,6\tau$

$\left(t \simeq 5\tau\right)$

هذه النتيجة يمكن تعميمها لجميع الأنوية المشعة لأن عبارة اللحظة لا تحوي مقادير خاصة ببعض الأنوية

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com · نجاح 213

1. لتفريغ المكثفة نضع البادلة في الوضع (2)

2- حساب $u_c(t=0)$ ، $u_{R_2}(t=0)$

$$\begin{cases} u_c(t=0) = E \\ u_{R_2}(t=0) = -E \end{cases}$$

3- بتبيان أن : $\tau \frac{du_{R_2}}{dt} + u_{R_2} = 0$

حسب قانون جمع التوترات :

$$u_c + u_{R_2} = 0$$

بإشتقاق المساواة بالنسبة للزمن

$$\frac{du_c}{dt} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0$$

من جهة : $\frac{du_c}{dt} = \frac{i}{C}$

حسب قانون أوم :

$$u_{R_2} = R_2 i \Rightarrow i = \frac{u_{R_2}}{R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{du_c}{dt} = \frac{u_{R_2}}{R_2 C}$$

ومنه : $\frac{u_{R_2}}{R_2 C} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0$

نضع : $\tau = R_2 C$ نجد

$$\frac{u_{R_2}}{\tau} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0$$

$\times \tau$: $\left(\tau \frac{du_{R_2}}{dt} + u_{R_2} = 0\right)$

و هو المطلوب.

حيث : $(\tau = R_2 C)$

4- تبيان أن : $u_{R_2}(t) = Ae^{-t/\tau}$

حل للمعادلة

لدينا : $\tau \frac{du_{R_2}}{dt} + u_{R_2} = 0$ ... (1)

$$u_{R_2}(t) = Ae^{-t/\tau} \quad \text{... (2)}$$

$$\frac{du_{R_2}}{dt} = -\frac{A}{\tau} e^{-t/\tau} \quad \text{... (3)}$$

بتعويض (2) و (3) في (1) نجد :

$$\tau \times -\frac{A}{\tau} e^{-t/\tau} + Ae^{-t/\tau} \stackrel{?}{=} 0$$

$$-Ae^{-t/\tau} + Ae^{-t/\tau} = 0$$

$$0 = 0$$

$\therefore u_{R_2} = Ae^{-t/\tau}$ حل للمعادلة (1)

عبارة الثابت A

$$u_{R_2} = Ae^{-t/\tau}$$

باستعمال الشروط الإبتدائية :

$$u_{R_2}(t=0) = -E$$

$$u_{R_2}(t=0) = Ae^0 = A$$

$$\Rightarrow (A = -E)$$

ومنه : $(u_{R_2}(t) = -Ee^{-t/\tau})$

5- إستنتاج عبارة التوتر : $u_c(t)$

حسب قانون جمع التوترات عند لحظة t :

$$u_c(t) + u_{R_2}(t) = 0$$

$$\Rightarrow u_c(t) = -u_{R_2}(t)$$

$$\Rightarrow (u_c(t) = Ee^{-t/\tau})$$

6- عبارة $E_c(t)$ بدلالة t ، τ و $E_c(0)$

بالتعريف : $E_c(t) = \frac{1}{2} C u_c^2(t)$

$$E_c(t) = \frac{1}{2} C E^2 e^{-\frac{2t}{\tau}}$$

$$t=0 \Rightarrow E_c(0) = \frac{1}{2} C E^2$$

ومنه : $(E_c(t) = E_c(0) e^{-2t/\tau})$

إيجاد قيمة كل من : $E_c(0)$ و τ

البيان $\ln(E_c(t)) = f(t)$ عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته :

$$\ln(E_c(t)) = at + b$$

حيث a : ميل المستقيم

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

المتربين 03 (تابع)

$$a = \frac{\Delta \ln(E_c(t))}{\Delta t}$$

$$AN: \quad a = \frac{-9,12-(-8,62)}{5.10^{-3}-0}$$

$$a = \frac{-9,12+8,62}{5.10^{-3}}$$

$$\boxed{a = -100}$$

من جهة : $\boxed{b = -8,62}$

ومنه :

$$\boxed{\ln(E_c(t)) = -100t - 8,62} \quad ..(1)$$

العلاقة النظرية:

$$E_c(t) = E_c(0)\, e^{-2t/\tau}$$

$$\ln(E_c(t)) = -\frac{2}{\tau}t + \ln E_c(0) \quad (*)$$

بالمطابقة نجد :

* $\ln E_c(0) = -8,62$

$$\Rightarrow E_c(0) = e^{-8,62}$$

$$\boxed{E_c(0) = 1,8.10^{-4}\ J}$$

* $-\frac{2}{\tau} = -100 \Rightarrow \tau = \frac{2}{100}$

$$\boxed{\tau = 0,02\ s}$$

استنتاج قيمة E و C

لدينا : $\tau = R_2 C$

$$\Rightarrow \boxed{C = \frac{\tau}{R_2}}$$

$$AN: \quad C = \frac{0,02}{10^3}$$

$$C = 2.10^{-5}\ F$$

$$\boxed{C = 20\ \mu F}$$

لدينا : $E_c(0) = \frac{1}{2}CE^2$

$$\Rightarrow E = \sqrt{\frac{2E_c(0)}{C}}$$

$$AN: \quad E = \sqrt{\frac{2\times 1,8.10^{-4}}{2.10^{-5}}}$$

$$\boxed{E = 4,24\ V}$$

7. تبيان أن : $C' = \frac{C}{3}$

لتقليص مدة التفريغ يجب ربط المكثفة C' والمكثفة C على التسلسل

لدينا :

$$\begin{cases} \tau_1 = R_1 C \\ \tau' = R_2 C_{éq} \end{cases}$$

حسب المعطيات : $\tau' = \frac{1}{2}\tau_1$

$$\Rightarrow R_2 C_{éq} = \frac{1}{2}R_1 C$$

$R_2 = 2R_1 \Rightarrow 2R_1 C_{éq} = \frac{1}{2}R_1 C$

$$\Rightarrow C_{éq} = \frac{1}{4}C$$

$C_{éq}$: السعة المكافئة للسعتين C, C' الموصولتين على التسلسل حيث :

$$\frac{1}{C_{éq}} = \frac{1}{C'} + \frac{1}{C} \Rightarrow C_{éq} = \frac{C.C'}{C+C'}$$

ومنه :

$$\frac{C.C'}{C+C'} = \frac{1}{4}C$$

$$\Rightarrow \frac{C'}{C+C'} = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow 4C' = C + C'$$

$$\Rightarrow 3C' = C$$

$$\Rightarrow \boxed{C' = \frac{C}{3}}$$

وهو المطلوب.

najah213.com · نجاح 213

التمرين 04

1.1) عبارة C بدلالة V_0 ، V و V_M

لدينا : $n = CV$

$$\frac{V_0}{V_M} = CV$$

$$\Rightarrow \boxed{C = \frac{V_0}{V_M . V}}$$

قيمة C : $AN: C = \frac{0,12}{24 \times 0,5}$

$$\boxed{C = 10^{-2}\ \frac{mol}{\ell}}$$

2.1) معادلة التفاعل الحاصل

$$NH_3 + H_2O = NH_4^+ + HO^-$$

3.1) جدول التقدم

المعادلة	$NH_3 + H_2O = NH_4^+ + HO^-$				
الحالة	التقدم	كمية المادة (mol)			
ابتدائية	0	CV	بوفرة	0	0
و	x	CV-x	بوفرة	x	x
ن	x_f	CV-x_f	بوفرة	x_f	x_f
النهائية تام التحول	x_m	CV-x_m	بوفرة	x_m	x_m

4.1) عبارة τ_1 بدلالة pH, C, K_e

بالتعريف : $\tau_1 = \frac{x_f}{x_{max}}$

من الجدول : الحالة النهائية

$$x_f = [HO^-]V \Rightarrow x_f = 10^{pH-Ke} . V$$

باعتبار التحول تام : $x_{max} = CV$

$$\Rightarrow \boxed{\tau_1 = \frac{10^{pH-Ke}}{C}}$$

قيمة τ_1 : $AN: \tau_1 = 10^{-1,4}$

$$\boxed{\tau_1 \approx 0,04}$$

الإستنتاج : $\tau_1 < 1$

تفاعل الأمونياك NH_3 مع الماء محدود

5.1) عبارة K بدلالة C و τ_1

$$K = \frac{[HO^-]_f . [NH_4^+]_f}{[NH_3]_f}$$

لدينا : $\tau_1 = \frac{[HO^-]_f}{C} \Rightarrow [HO^-]_f = \tau_1 C$

حسب قانون إنحفاظ الشحنة :

$$[NH_4^+]_f = [HO^-]_f \Rightarrow [NH_4^+]_f = \tau_1 C$$

من الجدول : $[NH_3]_f = C - \frac{x_f}{V}$

$$[NH_3]_f = C - [HO^-]_f$$

$$\Rightarrow [NH_3]_f = C - \tau_1 C$$

ومنه :

$$K = \frac{\tau_1^2 . C^2}{C - \tau_1 C}$$

$$\Rightarrow \boxed{K = \frac{\tau_1^2}{1 - \tau_1} . C}$$

حساب K : $K = \frac{(0,04)^2}{1 - 0,04} . 10^{-2}$

$$\boxed{K = 1,67 . 10^{-5}}$$

6.1) إستنتاج أن قيمة pKa_1 هي :

$$\boxed{pKa_1 = 9,2}$$

$$K = \frac{[HO^-]_f . [NH_4^+]_f}{[NH_3]_f} \cdot \frac{[H_3O^+]_f}{[H_3O^+]_f}$$

$$K = \frac{[NH_4^+]_f}{[H_3O^+]_f . [NH_3]_f} \times [H_3O^+]_f . [HO^-]_f$$

$$K = \frac{Ke}{Ka_1} \Rightarrow \boxed{Ka_1 = \frac{Ke}{K}}$$

$$AN: Ka_1 = \frac{10^{-14}}{1,67 . 10^{-5}}$$

$$\boxed{Ka_1 = 6 . 10^{-10}}$$

من جهة : $pKa_1 = -\log Ka_1$

$$\Rightarrow \boxed{pKa_1 = 9,2}$$

وهو المطلوب .

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين 04 (تابع)

2-1) إثبات أن :

$$\tau = \frac{V_1}{V_2\left(1 + 10^{pH-pKa_1}\right)}$$

جدول التقدم :

المعادلة	$CH_3COOH + NH_3 = NH_4^+ + CH_3COO^-$			
ح. إبتدائية	CV_2	CV_1	0	0
ح. انتقالية	$CV_2 - x$	$CV_1 - x$	x	x
ح. نهائية	$CV_2 - x_f$	$CV_1 - x_f$	x_f	x_f
باعتبار التحول تام	$CV_2 - x_m$	$CV_1 - x_m$	x_m	x_m

بالتعريف : $\tau = \frac{x_f}{x_{max}}$ .. (*)

تحديد عبارة x_{max}

باعتبار التحول تام : $(x_{max} = CV_2)$

تحديد عبارة x_f

من زوج الثنائية : (NH_4^+/NH_3)

لدينا :

$$pH = pKa_1 + \log\frac{[NH_3]_f}{[NH_4^+]_f}$$

$$\Rightarrow \frac{[NH_3]_f}{[NH_4^+]_f} = 10^{pH-pKa_1} \quad -(1)$$

من جدول التقدم : الحالة النهائية

$$[NH_3]_f = \frac{CV_1 - x_f}{V_T}$$

$$[NH_4^+]_f = \frac{x_f}{V_T}$$

$$\Rightarrow \frac{[NH_3]_f}{[NH_4^+]_f} = \frac{CV_1 - x_f}{x_f} \quad -(2)$$

$$(1)\cdot(2) \Rightarrow \frac{CV_1 - x_f}{x_f} = 10^{pH-pKa_1}$$

$$\Rightarrow x_f\left(10^{pH-pKa_1}\right) = CV_1 - x_f$$

$$x_f\left(10^{pH-pKa_1}\right) + x_f = CV_1$$

$$x_f\left(1 + 10^{pH-pKa_1}\right) = CV_1$$

$$\Rightarrow \left(x_f = \frac{CV_1}{1 + 10^{pH-pKa_1}}\right)$$

بتعويض عبارة x_{max} و x_f في (*) نجد :

$$\tau = \frac{V_1}{V_2\left(1 + 10^{pH-pKa_1}\right)}$$

حساب τ

من أجل $pH = pKa_1$ و $V_2 = \frac{V_1}{2}$ نجد :

$$(\tau = 1)$$

الاستنتاج : التفاعل تام

3-2) إيجاد K بدلالة pKa_1 و pKa_2

$$K = \frac{[CH_3COO^-]_f \cdot [NH_4^+]}{[CH_3COOH]_f \cdot [NH_3]_f} \cdot \frac{[H_3O^+]}{[H_3O^+]}$$

$$K = [H_3O^+]_f \cdot \frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f} \cdot \frac{[NH_4^+]_f}{[H_3O^+]_f \cdot [NH_3]_f}$$

$$K = \frac{Ka_2}{Ka_1} = \frac{10^{-pKa_2}}{10^{-pKa_1}}$$

$$\Rightarrow \left(K = 10^{pKa_1 - pKa_2}\right)$$

حساب قيمة K

$$K = 10^{9,2-4,8} \Rightarrow K = 10^{4,4}$$

$$\left(K = 2,5 \cdot 10^4\right)$$

الاستنتاج : $K > 10^4$: التحول تام

وتتوافق هذه القيمة مع نتيجة السؤال السابق .

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين التجريبي

1-1) إيجاد تغير الطاقة الكامنة الثقالية

$$\Delta E_{pp} = E_{pp_3} - E_{pp_i}$$

$$\Delta E_{pp} = -E_{pp_i}$$

$$\Rightarrow \boxed{\Delta E_{pp} = -mgH}$$

قيمة ΔE_{pp}

لدينا: $\rho_a = \frac{m}{V}$

$$\Rightarrow m = \rho_a . V$$

مع: $V = \frac{4}{3}\pi r^3$

$$\Rightarrow m = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho_a$$

ومنه: $\boxed{\Delta E_{pp} = -\frac{4}{3}\pi r^3 \rho_a g H}$

AN: $\boxed{\Delta E_{pp} = -0,018\,J}$

2-1) قيمة السرعة v_1

الدراسة التحريكية

أثناء سقوط الكرية في الهواء فهي خاضعة فقط لقوة ثقلها $\vec{P}$.

∴ الكرية في سقوط حر

بتطبيق قانون نيوتن II:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} = m\vec{a}$$

$$m\vec{g} = m\vec{a}$$

ومنه: $\vec{a} = \vec{g}$

بالإسقاط على المحور الموجه

$$a = g$$

$a = cte$ ، $a > 0$

$\vec{a}.\vec{v} > 0$

حركة الكرية مستقيمة متسارعة بانتظام

ومنه:

$$\begin{cases} v = gt \quad \cdots (1) \\ z = \frac{1}{2}gt^2 \quad \cdots (2) \end{cases} \Rightarrow$$

عند بلوغ الكرية السطح الحر للسائل:

$z = H$

من (2): $H = \frac{1}{2}gt^2$

$$\Rightarrow t = \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

بتعويض t في (1) نجد سرعة الكرية v_1

$$v_1 = g\sqrt{\frac{2H}{g}}$$

$$v_1 = \sqrt{2gH}$$

AN: $v_1 = \sqrt{2 \times 9,8 \times 0,46}$

$$\boxed{v_1 = 3\,m/s}$$

الدراسة الطاقوية

حسب مبدأ إنحفاظ الطاقة:

$$E_{C_0}^{\nearrow 0} + W(\vec{P}) = E_{C_1}$$

$$mgH = \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$\Rightarrow v_1 = \sqrt{2gH}$$

AN: $\boxed{v_1 = 3\,m/s}$

3-1) قيمة الطاقة الميكانيكية

عند الإنطلاق: $E_m = E_{C_0}^{\nearrow 0} + E_{pp_0}$

$$E_m = mgH$$

$$\boxed{E_m = 0,018\,J}$$

4-1) بيان أن: $\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = B$

بتطبيق قانون نيوتن II: $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$

$$\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$$

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين التجريبي (تابع)

بالإسقاط على المحور الموجه

$$P - \pi - f = ma$$

$$\Rightarrow a = \frac{P - \pi - f}{m}$$

$$\Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{f}{m} = (P - \pi)\frac{1}{m}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi\eta r}{m} v = (mg - m_L g)\frac{1}{m}$$

$$\Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{6\pi\eta r}{m} v = g\left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_a}\right)$$

وتمثل معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى من الشكل

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = B \quad \dots (*)$$

2-4) عبارة τ و B

بالمطابقة نجد :

$$\tau = \frac{m}{6\pi\eta r}$$

ويمثل الزمن المميز للسقوط

$$B = g\left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_a}\right)$$

ويمثل التسارع الابتدائي

3-2) بيان أن :

$$v(t) = (v_1 - \tau B)e^{-t/\tau} + \tau B$$

حل المعادلة :

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = B \quad \dots (1)$$

$$v(t) = (v_1 - \tau B)e^{-t/\tau} + \tau B \quad \dots (2)$$

$$\frac{dv}{dt} = -\frac{v_1}{\tau}e^{-t/\tau} + Be^{-t/\tau} \quad \dots (3)$$

بتعويض (2) و (3) في (1) نجد

$$-\frac{v_1}{\tau}e^{-t/\tau} + Be^{-t/\tau} + \frac{v_1}{\tau}e^{-t/\tau} - Be^{-t/\tau} + B = B$$

$$\Rightarrow B = B$$

ومنه : $v = (v_1 - \tau B)e^{-t/\tau} + \tau B$ حل للمعادلة .

4-2) عبارة $v(t)$ بدلالة v_1 ، τ و v_{lim}

من (*) في النظام الدائم : $v = v_{lim} = cte$

$$\Rightarrow \frac{v_{lim}}{\tau} = B$$

$$\Rightarrow \boxed{v_{lim} = \tau B}$$

ومنه : $v(t) = (v_1 - v_{lim})e^{-t/\tau} + v_{lim}$

3) السرعة الحدية v_{lim}

بيانيا نجد : $\boxed{v_{lim} = 0{,}38\ m/s}$

معامل اللزوجة η

$$\tau = \frac{m}{6\pi\eta r} \Rightarrow \eta = \frac{m}{6\pi r\tau}$$

$$\eta = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3 \rho_a}{6\pi r\tau}$$

$$\eta = \frac{2r^2\rho_a}{9\tau}$$

بيانيا : $\tau = 39{,}6.10^{-3}\ s$

$$\eta = \frac{2(5.10^{-3})^2 \cdot 7800}{9 \times 39{,}6.10^{-3}}$$

$$\boxed{\eta = 5\ Kg/m.s}$$

الكتلة الحجمية ρ_L

$$B = g\left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_a}\right) \Rightarrow \rho_L = \rho_a\left(1 - \frac{B}{g}\right)$$

من جهة : $B = \frac{v_{lim}}{\tau}$

$$\Rightarrow \rho_L = \rho_a\left(1 - \frac{v_{lim}}{\tau . g}\right)$$

AN : $\rho_L = 7800\left(1 - \frac{0{,}38}{39{,}6.10^{-3} \times 9{,}8}\right)$

$$\rho_L = 7800 \times 0{,}02$$

$$\boxed{\rho_L = 156\ Kg/m^3}$$

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com