najah213.com · نجاح 213

Etablissement privé d'éducation et d'enseignement - L'Opiniâtre

المؤسسة الخاصة للتربية و التعليم - أوبينياتر

المستوى: الثالثة ثانوي علوم تجريبية مارس **2020**

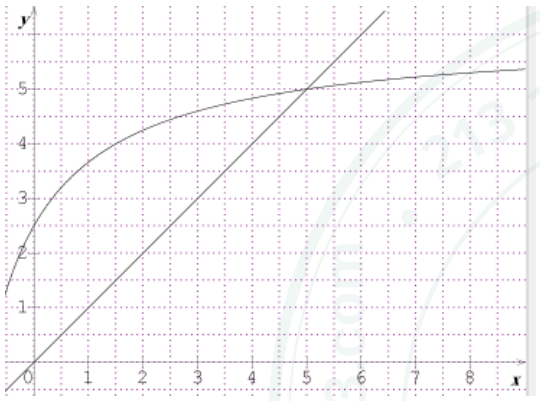
اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات المدة:**3**سا و**30**د

التمرين الأول

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o,\vec{\imath},\vec{\jmath})$

f الدالة المعرفة على $[0,+\infty[$ بـ $f(x)=\frac{6x+5}{x+2}$

$C_{(f)}$ المنحنى الممثل للدالة f و (Δ) المستقيم ذو المعادلة $y=x$



I. 1. بين أن f متزايدة تماما على $[0,+\infty[$

II. (U_n) المتتالية المعرفة بحدها الأول $U_0=1$، ومن أجل كل عدد طبيعي n : $U_{n+1}=f(U_n)$

1. أ) أنقل الشكل ثم مثل على محور الفواصل الحدود: U_0 ، U_1، U_2، U_3

ب) ضع تخمينا حول اتجاه تغير (U_n) وتقاربها

2. برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n $1\leq U_n\leq 5$

3. أدرس اتجاه تغير المتتالية (U_n) هل هي متقاربة؟ جد نهايتها l

III. 1. بين أن من أجل كل عدد طبيعي n: $5-U_{n+1}\leq\frac{1}{3}(5-U_n)$

2. استنتج أن من أجل كل عدد طبيعي n: $5-U_n\leq\left(\frac{1}{3}\right)^n\times 4$

3. استنتج من جديد $\lim\limits_{n\to+\infty}U_n$

IV. نضع من أجل كل عدد طبيعي n: $V_n=\frac{U_n-5}{U_n+1}$

1. بين أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعين أساسها وحدها الأول

2. عبر بدلالة n عن V_n ثم U_n

3. استنتج مرة أخرى $\lim\limits_{n\to+\infty}U_n$

4. نضع: $S_n=\frac{1}{U_0+1}+\frac{1}{U_1+1}+\cdots\frac{1}{U_n+1}$

5. بين أن $\frac{1}{U_n+1}=\frac{V_n-1}{-6}$

6. استنتج S_n بدلالة n

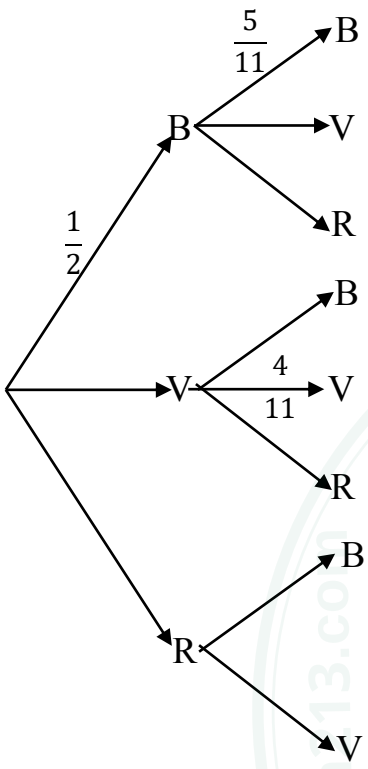
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

التمرين الثاني:

يحتوي كيس على 6 كرات بيضاء تحمل الأرقام التالية 0،0،1،1،2،2 و5 كرات خضراء تحمل الأرقام 0،1،1،2،2 وكرة حمراء تحمل الرقم 2.

نفرض أن كل الكريات متماثلة.



I. نسحب عشوائيا بدفعة بواحدة 3 كريات ولتكن الحوادث.

A " نسحب الألوان الوطنية"

B "سحب على الأقل كرية بيضاء"

C" سحب 3 كرايات من نفس اللون"

- أحسب عدد الحالات الممكنة.
- أحسب $P(A)\ P(C)\ ;\ P(B);$

II. نسحب الآن كريتين على التوالي دون إرجاع.

1. أكمل شجرة الاحتمالات

حيث:

- B: بيضاء
- V: خضراء
- R: حمراء.

2. ما احتمال سحب كرتين من نفس اللون؟
3. احسب احتمال سحب الحادثة D سحب كرتين جداء رقميهما غير معدوم
4. ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب كرتين جداء رقميهما

أ. ماهي قيم X

ب. عين قانون احتمال المتغير العشوائي

التمرين الثالث:

المستوي المركب منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o;\vec{u};\vec{v}$

نعتبر النقط $C;B;A$ ذات اللواحق $z_A = 2i$; $z_B = \sqrt{3} - i$; $z_C = -\sqrt{3} - i$

1. أكتب كل من $z_C; z_B; z_A$ على الشكل الأسي
2. أستنتج مركز ونصف قطر الدائرة المحيطة بالمثلث ABC
3. نضع: $Z = \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}$

أ. أكتب Z على الشكل الجبري ثم على الشكل الاسي

ب. أحسب طويلة Z وعمدة له. ثم استنتج طبيعة المثلث ABC

4. نسمي I منتصف $[BC]$ عين z_D لاحقة النقطة D نظيرة A بالنسبة إلى I

حدد بدقة طبيعة الرباعي $ABDC$

5. عين (r) مجموعة النقط M ذات اللاحقة z

حيث $|z - z_B| = |z + \overline{z_B}|$

6. عين (r') مجموعة النقط M ذات اللاحقة z

حيث:

أ. $\left\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MD}\right\| = 4\sqrt{3}$ (تحقق أن $B \in (r')$)

ب. $Arg(\bar{z} + 2i) = \frac{\pi}{2}$

بالتوفيق

najah213.com · نجاح 213

التصحيح النموذجي

رقم التمرين	الحل		العلامة
التمرين 1	**I.** 1. f متزايدة تماما	0.5	08
	II. 1.أ) أنقل الشكل مع تمثيل الحدود	0.5	
	ب) (U_n) متزايدة وتتقارب نحو العدد 5	0.5	
	2. $1 \leq U_n \leq 5$	0.5	
	3. (U_n) متزايدة ومحدودة من الأعلى فهي مقاربة	01	
	$\lim\limits_{n\to+\infty} U_n = 5$	0.5	
	III. 1. $5 - U_{n+1} \leq \frac{1}{3}(5 - U_n)$	0.5	
	2. $0 \leq 5 - U_n \leq \left(\frac{1}{3}\right)^n \times 4$	0.5	
	3. $\lim\limits_{n\to+\infty} U_n = 5$	0.5	
	IV. 1. (V_n) هندسية $q = \frac{1}{7}$; $V_0 = -2$	0.5	
	2. $V_n = (-2)\left(\frac{1}{7}\right)^n$; $U_n = \frac{-5+2\left(\frac{1}{7}\right)^n}{-2\left(\frac{1}{7}\right)^n - 1}$	01	
	3. $\lim\limits_{n\to+\infty} U_n = 5$	0.5	
	V. 1. $\frac{1}{U_n+1} = \frac{V_n-1}{-6}$	0.5	
	2. حساب S_n $S_n = \frac{7}{18}\left[1 - \left(\frac{1}{7}\right)^{n+1}\right] - (n+1)$	0.5	
	عدد الحالات الممكنة $C_{12}^3 = 220$		
	$P(A) = \frac{6 \times 5 \times 1}{C_{12}^3} = \frac{30}{220}$		

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

	02	$P(B) = 1 - \frac{C_6^3}{220} = \frac{200}{220} = \frac{10}{11}$ $P(C) = \frac{C_6^3 + C_5^3}{220} = \frac{30}{220} = \frac{3}{22}$	
	01	1. إكمال الشجرة	
	01	2. $P[(B \cap B) \cup (V \cap V)] = P(B \cap B) + P(V \cap V)$ $= \left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{11}\right) + \left(\frac{5}{12} \times \frac{4}{11}\right) = \frac{25}{66}$	
	01	3. $P(D) = \frac{A_9^2}{A_{12}^2} = \frac{9 \times 8}{12 \times 11} = \frac{72}{132} = \frac{6}{11}$	
	0.5	4. $X \in \{0,1,2,4\}$	
07	01	$P(X = 1) = \frac{A_4^2}{A_{12}^2} = \frac{4 \times 3}{132} = \frac{1}{11}$ $P(X = 2) = 1 - P(D) = \frac{5}{11}$ $P(X = 4) = \frac{A_5^2}{132} = \frac{20}{132} = \frac{5}{33}$ $P(X = 2) = \frac{A_4^1 \times A_5^1 \times 2}{132} = \frac{10}{33}$	التمرين 2
	05	$X=xi$: 0 | 1 | 2 | 4 $P[X = xi]$: $\frac{15}{33}$ | $\frac{3}{33}$ | $\frac{10}{33}$ | $\frac{5}{33}$ $\sum P_i = 1$	
	1.5	1. $z_A = 2e^{i\frac{\pi}{2}}$; $z_B = 2e^{i\left(-\frac{\pi}{6}\right)}$; $z_C = 2e^{i\left(\frac{7\pi}{6}\right)}$	
	0.5	2. المركز O ونصف القطر 2 $OA = OB = OC = 2$	
	0.5	3. أ) $Z = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2} = e^{i\frac{\pi}{3}}$	

التمرين 3	ب) $\|Z\| = 1$ و $ArgZ = \frac{\pi}{3}$ ABC متقايس الأضلاع	0.5	05
	4. $ABDC$ معين	0.5	
	5. $\|z - z_C\| = \|z - (-\sqrt{3} - i)\| = \|z + \sqrt{3} + i\| = \|z + \overline{z_B}\|$ (r) محور القطعة $[BC]$	0.5	
	6. أ. (r') $MI = \sqrt{3}$ الدائرة التي مركزها I ونصف قطرها $\sqrt{3}$ والمارة بالنقطتين B و C	0.5	
	ب. $Arg(\bar{z} + 2i) = \text{Arg}(\overline{z - 2i}) = \frac{\pi}{2}$ $Arg(z - z_A) = -\frac{\pi}{2}$ $(i\ ;\ \overline{AM}) = -\frac{\pi}{2}$ مجموعة النقطة M هي نصف المستقيم $[AI)$ ماعدا النقطة A	0.5	