najah213.com · نجاح 213

الأستاذ :ساس عبدالله فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات 2021/2020

المدة : 45 د القسم

: 3ت ق ر (ه م + ه ك)

(I) الدالة العددية g المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $g(x)=1+(1-x)e^{x}$

1) أدرس تغيرات الدالة g.

2) بين أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α على $\mathbb{R}$.

3) تحقق أن : $1,2<\alpha<1,3$ ثمّ استنتج إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$.

4) تحقق أن : $e^{-\alpha}=\alpha-1$.

(II) الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$بـ : $f(x)=1+\dfrac{x}{e^{x}+1}$

و (C_f)المنحني الممثل لها في المعلم المتعامد والمتجانس $(O,\vec{i};\vec{j})$.

1) بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$ فان: $f'(x)=\dfrac{g(x)}{\left(e^{x}+1\right)^{2}}$

2) أدرس تغيرات الدالة f .

3) بين أن: $\lim\limits_{x\to-\infty}[f(x)-x]=1$. ثم فسر هندسيا هذه النتيجة.

4) أدرس الوضع النسبي بين (C_f) والمستقيم (Δ) الذي معادلة له : $y=x+1$

5) بين أن : $f(\alpha)=\alpha$ و $f(-\alpha)=0$.

6) أكتب معادلة ديكارتية للمماس (T) في النقطة التي فاصلتها $-\alpha$.

7) أنشئ (C_f) ، (Δ) و (T) في المعلم $(O,\vec{i};\vec{j})$.

8) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة $f(x)=x+f(m)$.

الدّالة العددية h المعرّفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $h(x)=1-\dfrac{xe^{x}}{e^{x}+1}$ ، (C_h)تمثيلها البياني في المعلم السابق

➢ بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x من $\mathbb{R}$ فإنّ : $h(x)=f(-x)$.

ثمّ استنتج كيفية إنشاء (C_h) انطلاقا من (C_f).

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

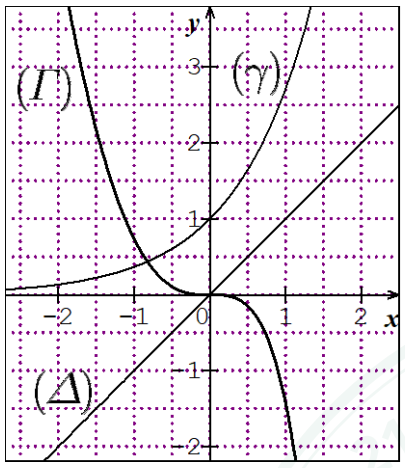
najah213.com · نجاح 213

للبيت

ج 01 :

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O\ ;\ \vec{i}, \vec{j})$.

في الشكل المرفق، (Γ) المنحنى الممثل للدالة g المعرّفة على $\mathbb{R}$ بـ: $g(x) = 2x(x + 1 - e^x)$.



(Δ) المستقيم الذي معادلة له : $y = x$

و (γ) المنحنى الممثل للدالة: $x \mapsto e^x$.

بقـراءة بيـانيــة:

1/ برّرْ أنه من أجل كل عدد حقيقي x: $e^x - x > 0$.

2/ حدِّدْ تبعا لقيم العدد الحقيقي x إشارة $g(x)$.

ج 02 :

الدالة العددية f معرّفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = -1 + \dfrac{2e^x}{e^x - x}$.

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم السابق.

1/ بين أنّ: $\lim\limits_{x \to +\infty} f(x) = 1$ وأحسب $\lim\limits_{x \to -\infty} f(x)$ ثم فسر النهايتين هندسيا.

2/ أ- بين أنّه من أجل كل عدد حقيقي x يكون: $f'(x) = \dfrac{2e^x(1-x)}{(e^x - x)^2}$.

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكّل جدول تغيراتها.

3/ أ- أُكتب معادلة لـ (T) المماس للمنحنى (C_f) في النقطة A ذات الفاصلة 0.

ب- بين أنّه من أجل كل عدد حقيقي x يكون: $f(x) - (2x + 1) = \dfrac{g(x)}{e^x - x}$

ج- استنتج الوضع النسبي لـ (C_f) و(T) على $\mathbb{R}$، ماذا تمثل النقطة A بالنسبة إلى (C_f)؟

4/ بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]-\infty\ ;\ 1]$، ثم تحقق أنّ: $-0{,}6 < \alpha < -0{,}5$.

5/ أُنشئ المماس (T) والمستقيمين المقاربين ثم أنشئ المنحنى (C_f)

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com