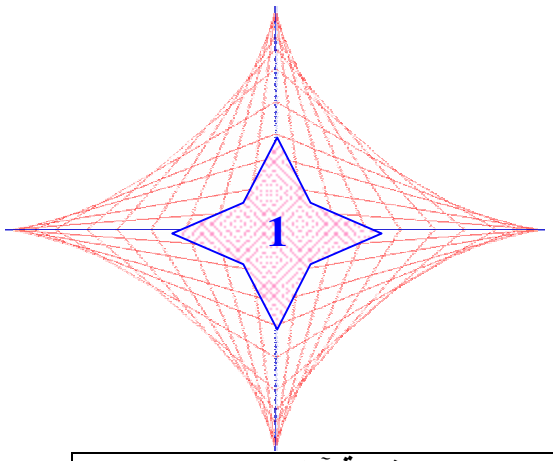
najah213.com · نجاح 213

# النسب المئوية والمؤشرات




**الباب 1: النسب المئوية والمؤشرات**

1. نسبة الجزء إلى الكلّ.
2. النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى.
3. التطورات والنسب المئوية.
4. المؤشرات.

- **الكفاءات المستهدفة :**

| شعبة تسيير واقتصاد | شعبة آداب |
|---|---|
| - التمييز بين التغيّر المطلق والتغيّر النسبي.<br>- حساب نسبة مئوية.<br>- إرجاع زيادة أو تخفيض إلى شكل ضرب.<br>- حساب وترجمة مؤشر تطور ظاهرة (سعر، سكان، إنتاج، ...).<br>- التعبير بنسبة مئوية على زيادة أو تخفيض.<br>- تعيين نسبة التطوّر الإجمالية بمعرفة نسبتين متتاليتين للتطوّر. | - التمييز بين التغير المطلق والتغير النسبي.<br>- معرفة حساب نسبة مئوية.<br>- معرفة تحويل زيادة أو نقصان نسبة مئوية إلى ضرب.<br>- معرفة حساب وتفسير مؤشر نمو ظاهرة( سعر، إنتاج، عدد السكان،...).<br>- التعبير عن زيادة أو نقصان بنسبة مئوية.<br>- تحديد نسبة النمو الإجمالي بمعرفة نسبتي نمو متتابعتين. |

- **جدول تمفصل الأجزاء**

| أنشطة | معارف | | طرائق |
|---|---|---|---|
| 1 | 1. نسبة الجزء إلى الكلّ | • نسبة الجزء إلى الكلّ . | 1 |
| 2 | 2. النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى | • النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى. | |
| 3 | 3. التطورات والنسب المئوية | • التعبير عن زيادة أو تخفيض.<br>• التطوّر المطلق والتطوّر النسبي. | |



www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

| | | | |
|---|---|---|---|
| | | • المعامل الضربي.<br>• التطوّرات المتعاقبة. | 2 |
| 4 | 4. المؤشرات | • المؤشرات. | 3<br>4<br>5 |

- **توجيهات لتنفيذ الأنشطة**

**استبيان متعدد الإجابات**

يهدف هذا الاستبيان إلى تقويم مكتسبات التلاميذ حول مفهوم النسبة المئوية وبالأخصّ الحساب على النسب المئوية. يسمح هذا النشاط بذكر بعض الأخطاء الشائعة المتعلقة بهذا المفهوم قصد تفاديها .

**الأنشطة التمهيدية**

**نشاط 1: نسبة الجزء إلى الكلّ**

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من حساب نسب مئوية مختلفة وتوظيف النسبة المئوية لحساب بعض القيم. ومن خلال المثال الملموس المقترح يستنتج التلميذ تعريف نسبة الجزء إلى الكلّ.

**نشاط 2: النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى**

يرمي هذا النشاط إلى جعل التلميذ يستنتج، من خلال مثال بسيط، الخاصية التي تسمح بحساب نسبة مئوية لنسبة مئوية أخرى.

**نشاط 3: التطوّر والنسبة المئوية**

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من استنتاج الخاصية التي تسمح بإيجاد النسبة المئوية لتطوّر إجمالي الناتجة عن تطوّرات متعاقبة.

**نشاط 4: المؤشرات**

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من الوصول إلى تعريف المؤشر وبالتالي استغلال هذا المؤشر لحساب النسبة المئوية لتطوّر ظاهرة ما.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

- **تمارين ومسائل:**

**1. صحيح أو خاطئ**

أ) صحيح　　هـ) خاطئ

ب) صحيح　　و) خاطئ

ح) صحيح　　ك) خاطئ

د) خاطئ　　ل) صحيح

**نسبة الجزء إلى الكلّ**

**.7**

| | أقل من 18 سنة | من 18 إلى 60 سنة | أكثر من 60 سنة | المجموع |
|---|---|---|---|---|
| ذكور | 9,07 | 32,76 | 8,57 | 50,4 |
| إناث | 10,91 | 31,24 | 7,44 | 49,6 |
| المجموع | 19,98 | 64 | 16,01 | 100 |

ملاحظة: النتائج مدوّرة إلى 0,01.

**.16**

1) الدستور: $L_1 * 17/100$.

2) القيم: 213,52، 820,42، 1336,2، 1087,2، 1734,0، 4367,3.

**نسب مئوية لنسب مئوية**

**.18**

$$\frac{53\times 17}{100}\% = 9,01\%$$

**.21**

المعامل الضربي الإجمالي هو:

$1,1\times 1,08\times 1,06 = 1,2593$

إذن النسبة المئوية للزيادة الإجمالية هي:

25,93 %.

**.24**

$$\frac{18\times 49}{100}\% = 8,82\%$$

**.25**

أ) $\frac{25\times 18}{100}\% = 4,5\%$ ،

ب) $\frac{1}{10}\times 40\% = 4\%$ ،

ج) $\frac{1}{3}\times\frac{1}{2}\% \approx 16,67\%$ ،

د) $\frac{3}{4}\times\frac{8}{10}\% = 60\%$

هـ) $12\times\frac{5}{36}\% \approx 1,67\%$

و) $16\% \approx \frac{4}{5}\times 20$.

**التطوّرات والنسب المئوية**

**.27**

أ) $125\times 1,06 = 132,50$.

ب) $125\times 0,92 = 115$

**.28**

1) 200 %.

2) 40 %.

3) –50 %.

**.29**

أ) 1,25 ، ب) 0,6 ، ج) 0,968 ، د) 3.

**.30** 14 % ، 2,8 % ، –1,2 % ، –63 % ،

–20 % ، 224 %.

2) الدستور: $=(C2-1)\times 100$



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

**.31**

1,35 ، 1,4 ، 1,072 ، 0,91 ، 1,001 ، 0,82 .

**.33**

- تخفيض 4 % متبوع بتخفيض 6 %
يوافق المعامل الضربي قدره :
$0,94 \times 0,96 = 0,9024$
أي تخفيض إجمالي قدره 9,76% .
- تخفيض 6 % متبوعا بتخفيض 4 %
يوافق تخفيضا إجماليا قدره 9,76% .
- تخفيض 5 % متبوعا بتخفيض 5 %
يوافق المعامل الضربي قدره :
$0,95 \times 0,95 = 0,9025$
أي تخفيض إجمالي قدره 9,75% .

إذن الطريقة الأكثر فائدة بالنسبة إلى الزبائن هي الطريقة الأخيرة أي تخفيض 10 % .

**.38**

1) الدستور: $L_2 - L_1$ .
القيم: 16- ، 18 ، 15 ، 20- ، 35- .
2) الدستور: $L_3 / L_1$
التطورات النسبية: 0,1026- ، 0,0756 ، 0,125 ، 0,0769- ، 0,0462 .
3) الدستور: $L_2 / L_1$ .
المعاملات الضربية: 0,8974 ، 1,0756 ، 1,125 ، 0,9231 ، 0,9538 .

**.40**

1) الدستور: $= B2 / A2$ .
المعاملات الضربية: 1,1258 ، 1,0733 ، 0,8730 ، 1,2894 .

النسب المئوية: 12,58% ، 7,33% ، 12,70%- ، 20,94% .

## المؤشرات

**.42**

| السنة | 1996 | 1997 | 1998 | 1999 |
|---|---|---|---|---|
| القمح | 100 | 22,19 | 76,43 | 50,39 |
| الشعير | 100 | 10,61 | 38,89 | 26,72 |

ملاحظة: النتائج مدوّرة إلى 0,01 .

**.44**

1) الدستور: $L_2 / L_1 (4) * 100$ .
المؤشرات: 240 ، 270 ، 120 ، 100 ، 180 ، 90 .

## مسائل

**.49**

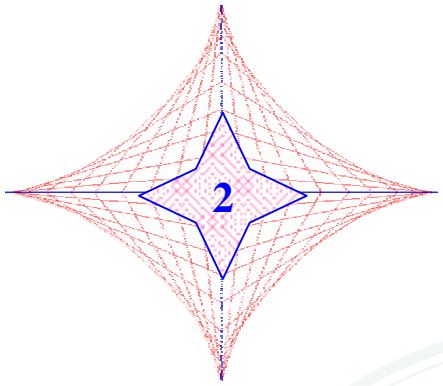
1) $\frac{4800}{25} = 192$ .
السعر الوسطي للكتاب الواحد: 192 دينارا
2)
أ) المعامل الضربي الموافق لزيادة قدرها 10% هو 1,1 .
إذن السعر الوسطي للكتاب الواحد في سنة 2004 هو: $192 \times 1,1 = 211,20$ .
$\frac{4800}{211,2} \approx 22,7$ أي 22 كتابا .
ب) انخفضت القدرة الشرائية لرب العائلة.
3)
أ) $\frac{4800 + 600}{25} = 216$ . (216 كتابا).
ب) ازدادت القدرة الشرائية لرب العائلة.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

# الإحصاء




## الباب 2: الإحصاء

1. السلاسل الزمنية. Œ
2. التمليس بالأوساط المتحركة .Œ
3. المدرجات التكرارية.
4. التباين والانحراف المعياري.
5. الربعيات والعشريات والمخطط بالعلبة.
6. التجربة العشوائية والمحاكاة.

- **الكفاءات المستهدفة :**

| شعبة تسيير واقتصاد | شعبة آداب |
|---|---|
| - تمثيل سلسلة إحصائية منظمة في فئات مختلفة الأطوال بمدرج تكراري.<br>- حساب انحراف معياري وترجمته.<br>- حساب الربيعيات و العشريين الأول والتاسع لسلسلة إحصائية.<br>- تمثيل سلسلة إحصائية بمخطط بالعلبة وترجمته.<br>- مقارنة مخططات بالعلبة لسلاسل مختلفة. | - إنجاز محاكاة تجارب عشوائية بسيطة.<br>- معرفة مفهوم تذبذب العينات.<br>- حساب الانحراف المعياري لسلسلة إحصائية وتفسيره.<br>- معرفة تحديد وتفسير الربيعيين الأدنى والأعلى $Q_1$ و $Q_3$.<br>- إنشاء وتفسير مخطط بالعلبة.<br>- تعيين الانحراف الربيعي لسلسلة إحصائية. |

- **جدول تمفصل الأجزاء:**

| أنشطة | معارف | | طرائق |
|---|---|---|---|
| | 1. السلاسل الزمنية | • السلسلة الزمنية | |
| 1 | 2. التمليس بالأوساط المتحركة *. | • الأوساط المتحركة.<br>• التمليس بالأوساط المتحركة . | 1 |
| 2 | 3.المدرجات التكرارية | • المدرج التكراري | |
| | | • الوسط. | 3 |

1

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

| | | | |
|---|---|---|---|
| 3 | 4.التباين - الانحراف المعياري | • التباين.<br>• الانحراف المعياري. | 5 |
| 4 | 5. الربعيات- العشريات – المخطط بالعلبة | • الوسيط.<br>• الربعيات والعشريات.<br>• المخطط بالعلبة. | 4<br>6 |
| 5 | 6. التجربة العشوائية- المحاكاة. | • التجربة العشوائية.<br>• العينة.<br>• محاكاة تجربة عشوائية. | 7<br>8<br>9<br>10 |

- **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

**استبيان متعدد الإجابات:**

يهدف هذا الاستبيان إلى تقويم مكتسبات التلاميذ حول المصطلحات الإحصائية والمؤشرات الإحصائية والتمثيلات البيانية المدروسة في السنة الأولى.

**أنشطة تمهيدية :**

**نشاط 1: التمليس بالأوساط المتحركة.**

يهدف هذا النشاط إلى مقاربة مفهوم التمليس بالأوساط المتحركة انطلاقا من مثال ملموس . يسمح للتلميذ من إدراك بعض النتائج الناجمة عن هذا التمليس..

**نشاط 2: المدرجات التكرارية.**

يرمي هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من إنجاز مدرج تكراري لسلسة إحصائية معطاة في شكل فئات مختلفة الأطوال و منه استنتاج قواعد الإنشاء.

**نشاط 3: التباين، الانحراف المعياري.**

يرمي هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من التعرف على معياري تشتت جديدين هما التباين والانحراف المعياري واستغلالهما لمقارنة سلسلتين إحصائيتين لهما نفس الوسط.

**نشاط 4: الوسيط والربعيات.**

يهدف هذا النشاط إلى التطرق إلى مفهوم الربعي ومن ثمة الانحراف الربعي الذي هو معيار تشتت أخر يسمح بتحليل سلسلة إحصائية وبمقاربة سلسلتين إحصائيتين بأكثر دقة. ويستغل هذا المفهوم في تمثيل سلسلة إحصائية بمخطط بالعلبة.

**نشاط 5: التجربة العشوائية**

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من إنجاز محاكاة لتجربة عشوائية ومن خلالها التطرّق إلى مفهوم تذبذب العيّنات. يعتبر هذا النشاط أساسا هاما لمقاربة مفهوم الاحتمال مقاربة تواترية.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

- **تمارين ومسائل:**

**1. صحيح أو خاطئ**

أ) صحيح
ب) صحيح
ح) خاطئ
د) خاطئ
ه) صحيح
و) صحيح
ك) صحيح
ل) صحيح

## الأوساط المتحركة

**2.**

1)

| اليوم | الأحد | الاثنين | الثلاثاء |
|---|---|---|---|
| القيمة (°) | 13 | 12 | 14 |

2)




## المدرجات التكرارية

**4.**

المدرج التكراري (2).

**7.**

| [20;30[ | [30;35[ | [35;40[ | [40;45[ | [45;60[ |
|---|---|---|---|---|
| 40 | 90 | 45 | 45 | 60 |

## الوسط- التباين – الانحراف المعياري

**10.**

الوسط: $\bar{x} \approx 0,14$
التباين: $V \approx 3,24$
الانحراف المعياري: $\sigma \approx 1,80$
( النتائج مدوّرة إلى 0,01).

**15.**

تؤخذ مراكز الفئات كقيّم السلسلة ونجد:
الوسط: $\bar{x} \approx 9,05$
الانحراف المعياري: $\sigma \approx 4,45$.

## الوسيط- الربعيات – المخطط بالعلبة

**17.**

| السلسلة | $Me$ | $Q_1$ | $Q_3$ |
|---|---|---|---|
| 1 | 5,5 | 3 | 8 |
| 2 | 7 | 4 | 7 |
| 3 | 15 | 15 | 17 |

**19.**

| السلسلة | $Me$ | $Q_1$ | $Q_3$ |
|---|---|---|---|
| 1 | 8 | 7 | 11 |
| 2 | 63 | 55 | 80 |

## المحاكاة

**25.**

1) الوسط: $\bar{x} = 10,5$.

## مسائل

**32.**

1) حسب خواص وسط سلسلة إحصائية فإن: $\bar{y} = \bar{x} + b$



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

2) أ) لتوليد عينة من 50 عددا مأخوذة بصفة عشوائية من بين الأعداد الطبيعية المحصورة بين 1 و 20 نستعمل أحد الدستورين:

- بالحاسبة:

$$\text{seq}\left(\text{randInt}\left(1,20\right),X,1,50\right)\rightarrow L_1$$

- بالمجدول:

=ENT(ALEA()*(20-1)+1)

3) نلاحظ أن الأوساط الناتجة تقترب من 10,5.

**.26**

1)

| **الوجه** | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|
| **التكرار** | 74 | 53 | 73 |
| **التواتر** | 0 ,184 | 0,132 | 0,183 |

| 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|
| 69 | 61 | 70 |
| 0,173 | 0,152 | 0,176 |

2)

أ) 0,184.

ب) $0,481 = 0,176 + 0,173 + 0,132$.

ج) $0,519 = 0,152 + 0,183 + 0,184$.

$$V' = \frac{\sum\left(y_i - \bar{y}\right)^2}{N} = \frac{\sum\left[x_i + b - \left(\bar{x} + b\right)\right]^2}{N}$$

$$= \frac{\sum\left(x_i + b - \bar{x} - b\right)^2}{N} = \frac{\sum\left(x_i - \bar{x}\right)^2}{N} = V$$

$$\sigma' = \sqrt{V'} = \sqrt{V} = \sigma$$

2) لتكن السلسلة الجديدة $(z_i)$ حيث $z_i = ax_i$.

$\bar{z}$ ، "$V$"، "$\sigma$" هي الوسط والتباين والانحراف المعياري للسلسلة $(z_i)$.

حسب خواص وسط سلسلة إحصائية فإن: $\bar{z} = a\bar{x}$.

$$V'' = \frac{\sum\left(z_i - \bar{z}\right)^2}{N} = \frac{\sum\left[ax_i - a\bar{x}\right]^2}{N}$$

$$= \frac{\sum a^2\left(x_i - \bar{x}\right)^2}{N} = a^2\frac{\sum\left(x_i - \bar{x}\right)^2}{N} = a^2V$$

$$\sigma'' = \sqrt{V''} = \sqrt{a^2V} = |a|\sqrt{V} = |a|\sigma$$

3)

الخاصية 1: إذا أضفنا نفس القيمة $b$ إلى كل قيم سلسلة إحصائية فكل من تباينها وانحرافها المعياري لم يتغير..

الخاصية 1: إذا ضربنا كل قيم سلسلة إحصائية في نفس القيمة $a$ فتباينها يضرب في مربع العدد $a$ وانحرافها المعياري يضرب في القيمة المطلقة للعدد $a$.

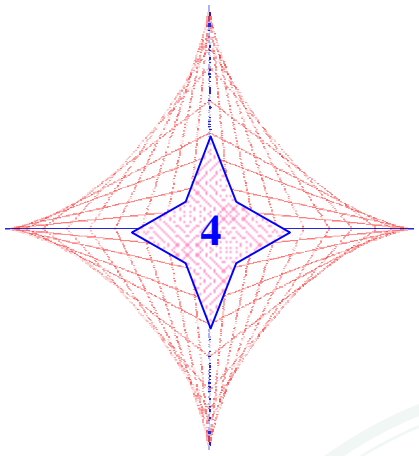


فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

# المعادلات والمتراجحات من الدرجة الثانية




## الباب 4: المعادلات والمتراجحات من الدرجة الثانية

1. ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية.
2. المعادلات من الدرجة الثانية.
3. المتراجحات من الدرجة الثانية.
4. حلّ، بيانيا، معادلات ومتراجحات من الدرجة الثانية.

- **الكفاءات المستهدفة :**

| شعبة تسيير واقتصاد | شعبة آداب |
|---|---|
| - تمثيل دالة من الشكل:<br>$f : x \mapsto ax^2+bx+c$<br>مع $a \neq 0$ وإنشاء جدول تغيرّاتها.<br><br>- استعمال التمثيل البياني لثلاثي الحدود لاستنتاج وجود حلول المعادلة أو المتراجحة من الدرجة الثانية المرفقة. | - إنشاء التمثيل البياني للدالة:<br>$x \mapsto ax^2+bx+c$<br>- تحديد جذور ثلاثي الحدود وإشارته.<br>- حلّ معادلة من الدرجة الثانية باستعمال التمثيل البياني للدالة:<br>$x \mapsto ax^2+bx+c$<br>- حلّ معادلة من الدرجة الثانية جبريا. |

- **جدول تمفصل الأجزاء :**

| أنشطة تمهيدية | معارف | | طرائق |
|---|---|---|---|
| | 1. ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية | - الدالة ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية.<br>- الشكل النموذجي لثلاثي الحدود من الدرجة الثانية. | 1 |
| 1<br>2 | | - التمثيل البياني لدالة ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية.<br>- تغيرات دالة ثلاثي الحدود | 2 |



www.dzexams.com
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

| | | |
|---|---|---|
| | من الدرجة الثانية. | |
| 4 | 2. المعادلات من الدرجة الثانية<br>3. المتراجحات من الدرجة الثانية | 4 |
| 5 | 4. حلّ معادلات ومتراجحات من الدرجة الثانية بيانيا | 5 |
| 3 | 5. حلّ مشكلات باستعمال معادلات أو متراجحات من الدرجة الثانية بيانيا | 3 |

- **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

**استبيان متعدد الإجابات :**

تتعلق الأسئلة بالمكتسبات القبلية حول العبارات الجبرية والمعادلات.

**أنشطة تمهيدية :**

**نشاط1: صورة قطع مكافئ بانسحاب »**

الهدف من هذا النشاط استنتاج التمثيل البياني لدالة ثلاثي حدود من الدرجة الثانية باستعمال التمثيل البياني للدالة " مربع".

**نشاط 2: دراسة دالة ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية**

الهدف من هذا النشاط دراسة دالة كثير حدود من الدرجة الثانية واستعمال التمثيل البياني لثلاثي الحدود لاستنتاج وجود حلول معادلة أو متراجحة الدرجة الثانية.

**نشاط 3: حلّ مشكلة باستخدام معادلة من الدرجة الثانية**

الهدف من هذا النشاط هو حلّ مشكلة بنمذجتها باستعمال معادلة من الدرجة الثانية.

**نشاط 4: الصيغ المختلفة لثلاثي الحدود**

الهدف من هذا النشاط هو كتابة عبارة ثلاثي حدود من الدرجة الثانية بصيغ مختلفة واختيار الصيغة الأنسب لحلّ معادلة.

**نشاط 5: التحقق من حلّ معادلة بحاسبة بيانية**

الهدف من هذا النشاط هو استعمال حاسبة بيانية لتمثيل دالة ثلاثي حدود من الدرجة الثانية واستعماله للتحقق من حلّ معادلة.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

- **تمارين ومسائل :**

**.1**
**أصحيح أم خاطئ**

أ) خاطئ
ب) صحيح
ج) خاطئ
د) خاطئ
ه) خاطئ
و) صحيح
ز) خاطئ
ي) صحيح

## الشّكل النموذجي لثلاثي الحدود

**.2**
أ) $x^2-6x+9$
ب) $x^2-6x=(x-3)^2-9$
حـ) $(x-3)^2-7$.

**.3**
أ) $x^2+4x+3=(x-2)^2-1$
ب) $x^2-5x-1=\left(x-\frac{5}{2}\right)^2-\frac{21}{4}$
حـ) $-3x^2+x+1=-3\left(x-\frac{1}{6}\right)^2+\frac{11}{12}$
د) $4x^2-x+1=4\left(x-\frac{1}{8}\right)^2+\frac{17}{16}$

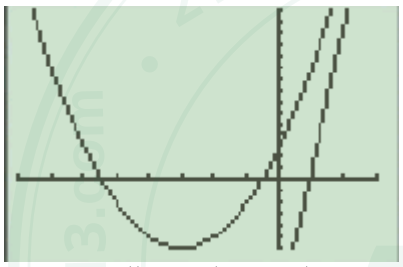
**.6**
أ) $(x-7)(x-3)$
ب) $(x-0{,}7)(x+0{,}7)$
حـ) $\left(t-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2$
د) $-x^2-5x-60$

## الدوال ثلاثي الحدود

**.12**
$c=3$ و $a=-1$.

**.13**
الدالة الممثلة كما على الشكل هي الدالة $x \xrightarrow{g} x^2+3x$.

**.15**
1) باستعمال حاسبة بيانية نحصل على المنحنيين التاليين الممثليين للدالتين $f$ و $g$ حيث:
$x \xrightarrow{f} 13x-12$
و $x \xrightarrow{g} x^2+6x+3$



2) لمعرفة الوضع النسبي للمنحنيين، نختار نوافذ مناسبة ونضع التخمين أنّ المنحنيين لا يتقاطعان.
3) نتحقق حسابيا بحلّ المعادلة $x^2+6x+3=13x+12$ ...

## المعادلات من الدرجة الثانية

**.18**
أ) $x=\frac{11}{4}$ أو $x=-1$



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

**.19**

أ) $\Delta = 169$ . $x_1 = -3$ أو $x_2 = \frac{4}{3}$

د) $\Delta = 0$ . $x_0 = \frac{1}{5}$

حـ) $\Delta = 27$ . $x_1 = -\sqrt{3}$ أو $x_1 = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

هـ) $\Delta = 6{,}25$ . $x_1 = -\frac{1}{2}$ أو $x_2 = 2$

**.22**

لحلّ المعادلة $x^4 - 2x^2 - 8 = 0$ ، نضع $y = x^2$ .

المعادلة تصبح $y^2 - 2y - 8 = 0$ .

مميّز هذه المعادلة هو $\Delta = 36$ . فهي تقبل حلّين متمايزين هما $y_1 = -2$ (وهو حلّ مرفوض) أو $y_2 = 4$ .

ونستنتج حلول المعادلة $x^4 - 2x^2 - 8 = 0$

**.23**

أ) مجموعة حلول المعادلة: $\left\{-1; -\frac{\sqrt{2}}{2}; \frac{\sqrt{2}}{2}; 1\right\}$

ب) المعادلة لا تقبل حلولا.

**إشارة ثلاثي الحدود**

**.26**

1. أ) $(-2;0)$ ، $(1;0)$

ب) $(0;-2)$.

حـ) $(-1;-2)$ ، $(1;0)$.

2. نتحقق من النتائج بقراءة بيانية.

**.37**

**.27**

بقراءة بيانية، نستنتج أنّ المنحنيين يتقاطعان في النقطتين $M_1(-1;4)$ و $M_2(1{,}5;2{,}5)$.

ونتحقق من النتائج حسابيا بحلّ المعادلة $x^2 - x + 2 = 3x^2 - 2x - 1$ ،

أي $2x^2 - x - 3 = 0$ حيث نجد أنها تقبل حلّين هما $-1$ و $1{,}5$.

ثم بالتعويض في إحدى معادلتي المنحنيين نجد النقطتين $M_1(-1;4)$ و $M_2(1{,}5;2{,}5)$.

**.28**

حلول $f(x) \leq g(x)$ توافق فواصل نقط المنحني $(C_f)$ الواقعة أسفل نقط المنحني $(C_g)$ : $[2;4]$ .

لدينا $f(x) \leq g(x)$ تكافئ

$x^2 - 4x + 4 \leq -x^2 + 8x - 12$

أي $x^2 - 6x + 8 \leq 0$ ....

حلول المتراجحة المفروضة هي $[2;4]$.

**.29**

ب) حلول المتراجحة $f(x) < 0$ :

$\left]-\infty; -\frac{1}{2}\right[ \cup ]1;2[$ .

**حلّ معادلات أو متراجحات من الدرجة الثانية بيانيا.**

**.33**

ب) $x \in \left[-\frac{3}{2}; 1\right]$



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

أ) صحيح.
ب) صحيح.

**.41**
أ) 4 حلول.
ب) نحلّ المعادلة
$(x^2+3x+2)(x^2-4x+3)=0$ ...

**مسائل**

---

**.45**
$\Phi=\dfrac{1+\sqrt{5}}{2}$

**.46**
نضع $L$ طول و $l$ عرض المستطيل ($L$ و $l$ عددان حقيقيان موجبان).
لدينا: $\begin{cases}L=l+7\\ l(l+7)=60\end{cases}$
نجد $l=5m$ و $L=12m$ .

**.48**
$x$ عدد حقيقي موجب. نضع $A(x)$ مساحة الجزء المظلل .
لدينا $A(x)=x^2+5x$ .
نحلّ المتراجحة $x^2+5x>6$ ...

**.50**
1. $C_M(x)=\dfrac{1}{27}x^2-\dfrac{10}{3}x+150$

2. $C_M(9)=123$
$C_M(x)=C_M(9)$ تكافئ
$\dfrac{1}{27}x^2-\dfrac{10}{3}x+150=123$
نحلّ المعادلة $x^2-90x+729=0$ حيث $x>0$ ...

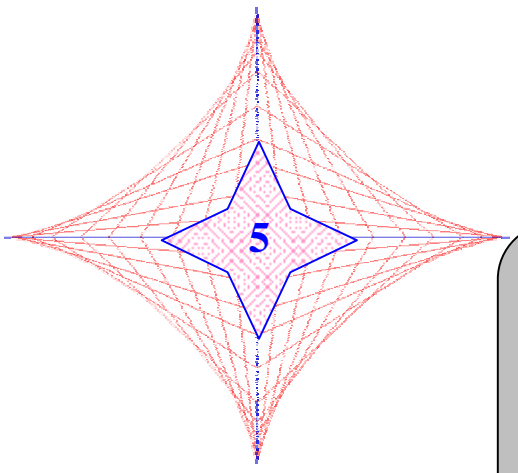
3. $x=45$



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

# الإشتقاق




**الباب 5: الاشتقاق**

1. العدد المشتق.
2. معادلة المماس لمنحن عند نقطة منه.
3. الدوال المشتقة.
4. عمليات على الدوال المشتقة.
5. الدالة المشتقة واتجاه التغيّر.
6. القيم الحدية لدالة. Œ
7. التقريب التآلفي المماسي لدالة. Œ

- **الكفاءات المستهدفة :**

| شعبة تسيير واقتصاد | شعبة آداب |
|---|---|
| - مقاربة مفهوم العدد المشتق على مثال.<br>- معرفة العدد المشتق للدوال المرجعية المقررة من أجل قيمة معينة $x_0$ .<br>- ترجمة العدد المشتق بيانيا.<br>- تعيين المعادلة المبسطة لمماس.<br>- إنشاء المماس عند نقطة $A$ للمنحنى الممثل لدالة مرجعية مقررة.<br>- تعريف الدالة المشتقة لدالة قابلة للاشتقاق على مجال.<br>- حساب مشتق مجموع وجداء وحاصل قسمة دالتين قابلتين للاشتقاق.<br>- حساب مشتق دالة كثير حدود ودالة ناطقة من الشكل: $x \mapsto \frac{ax+b}{cx+d}$ .<br>- الربط بين اتجاه تغيّر دالة وإشارة مشتقها.<br>- تعيين القيم الحدية لدالة قابلة للاشتقاق على مجال.<br>- تعيين التقريب التآلفي لدالة عند قيمة انطلاقا من أمثلة بسيطة. | - تعيين العدد المشتق لدالة مرجعية مقررة.<br>- تعيين معادلة المماس لمنحنى الدالة " مربع ".<br>- تعيين معادلة لمماس منحني دالة مرجعية.<br>- تعيين العدد المشتق لدالة $f$ عند $x_0$ .<br>- التعرّف على قابلية اشتقاق دالة عند $x_0$ . - تعيين الدوال المشتقة للدوال المرجعية:<br>$x \mapsto k$ ؛ $x \mapsto ax+b$<br>$x \mapsto x^2$ ؛ $x \mapsto \frac{1}{x}$<br>- حساب مشتقة مجموع دالتين ومشتقة جداء دالتين ومشتقة مقلوب دالة ومشتقة الدالة " قوة ".<br>- استعمال إشارة المشتقة لتحديد اتجاه تغيّر دالة على مجال. |



www.dzexams.com
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

- **جدول تمفصل الأجزاء :**

| أنشطة تمهيدية | معارف | | طرائق |
|---|---|---|---|
| 1<br>2 | 1. العدد المشتق. | - النهاية عند $0$.<br>- نسبة تزايد دالة بين عددين حقيقيين.<br>- العدد المشتق عند $a$. | 1<br>2<br>3<br>4<br>5 |
| 3 | 2. معادلة المماس لمنحن عند نقطة منه. | | 6 |
| 4 | 3. الدوال المشتقة. | - قابلية الاشتقاق لدالة على مجال.<br>- الدالة المشتقة لدالة.<br>- الدوال المشتقة لدوال مألوفة. | |
| | 4. عمليات على الدوال المشتقة. | - الدالة المشتقة لمجموع دالتين.<br>- الدالة المشتقة لجداء دالتين.<br>- الدالة المشتقة لمقلوب دالة.<br>- الدالة المشتقة لحاصل قسمة دالتين.<br>- الدالة المشتقة لدالة كثير حدود.<br>- الدالة المشتقة لدالة تناظرية. | |
| | 5. الدالة المشتقة واتجاه التغيّر | | 7 |
| | 6. القيم الحدية لدالة. | | 8 |
| | 7. التقريب التآلفي المماسي لدالة. | - تعريف.<br>- تقريب $n$ زيادة متتابعة. | 9<br>10 |

- **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

**استبيان متعدد الإجابات :**

يهدف الاستبيان متعدد الإجابات إلى تقويم بعض المكتسبات المتعلقة بمفهوم الاشتقاق.
يشكّل مفهوم نهاية دالة عند عدد $x_0$ العنصر الأساسي في بناء مفهوم العدد المشتق لدالة عند $x_0$ ، فيكون ربط هذا المفهوم بمعامل توجيه المماس لمنحن عند نقطة منه مناسبة للانتقال من المجال العددي إلى المجال الهندسي.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

نجاح 213 · najah213.com

**أنشطة تمهيدية :**

**نشاط 1: حساب معامل توجيه مستقيم**

يهدف هذا النشاط إلى مقاربة مفهوم العدد المشتق لدالة عند عدد $x_0$ . فهو يمثل معامل توجيه المماس للمنحنى الممثل للدالة عند النقطة التي فاصلتها $x_0$ .

تسمح القراءة البيانية لإحداثيات نقط والبحث عن معامل توجيه مستقيم انطلاقا من نقطتين متمايزتين منه للتلميذ بالربط بين نسبة تزايد دالة بين عددين حقيقيين ومفهوم معامل توجيه هذا المستقيم.

**نشاط 2: حساب جبري**

يهدف هذا النشاط إلى مقاربة مفهوم العدد المشتق لدالة من خلال حساب نسبة تزايد هذه الدالة بين العددين $x_0$ و $x_0+h$ .

عند حساب النسب المطلوبة، يتوصل التلميذ إلى كتابتها على أبسط شكل لها وهذا ما يسهّل حساب نهايتها عندما يؤول $h$ إلى $0$.

**نشاط 3: مستقيمات قاطعة لمنحن تشمل نقطة**

يهدف هذا النشاط إلى دراسة معامل توجيه كلّ مستقيم يقطع المنحنى الممثل لدالة في نقطتين متمايزتين.إنّ دراسة قيم معامل التوجيه هذا القاطع وبالخصوص عندما تكون النقطتان قريبتين جدا من بعضهما يبرز الوضع " النهاية " للقاطع وهو ما يُعبّر عن مفهوم المستقيم المماس للمنحني عند نقطة منه.

**نشاط 4: مفهوم السرعة اللحظية**

يهدف هذا النشاط إلى دراسة وضعية ذات دلالة وهي الوضعية التي توظف مفهوم المسافة ومفهوم السرعة المتوسطة. فتغيّر السرعة بين لحظتين يسمح بتوظيف مفهوم نسبة التزايد ومفهوم النهاية عند الصفر.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

- **تمارين ومسائل :**

**1. صحيح أو خاطئ**

الجمل الصحيحة هي: 1؛ 3؛ 4؛ 8؛ 9.

**.6**

1) $f$ معرفة عند كلّ من الأعداد $0$ ؛ $1$ ؛ $-2$.

إذن $\lim\limits_{x\to 0} f(x)=\frac{1}{3}$ ؛ $\lim\limits_{x\to 1} f(x)=-\frac{5}{3}$

$\lim\limits_{x\to -2} f(x)=\frac{13}{3}$.

2) $h$ عدد حقيقي غير منعدم.

$\frac{f(1+h)-f(1)}{h}=-2$

$\lim\limits_{h\to 0}\frac{f(1+h)-f(1)}{h}=-2$

**.10**

تزايد الإنتاج خلال 5 سنوات (أي من بداية 2001 إلى نهاية 2005) هو $64300-41000$ أي $23300$.

إذن التزايد المتوسط السنوي للإنتاج هو $\frac{23300}{5}$ أي $4660$ جهازا.

عدد الأجهزة التي ستُنتج في السنة 2008 هو $64300+3\times 4660$ أي $78280$ جهازا.

**.13**

4) $f(x)=3x^2-3$ ؛ $a=2$

و $\lim\limits_{x\to -\infty} f(x)=+\infty$ و $f\left(\frac{7}{4}\right)=\frac{39}{8}$

$\frac{f(x)-f(2)}{x-2}=3(x+2)$ مع $x\neq 2$

$\lim\limits_{x\to 2}\frac{f(x)-f(2)}{x-2}=\lim\limits_{x\to 2}3(x+2)=12$

إذن العدد المشتق للدالة $f$ عند $2$ هو العدد $f'(2)$ حيث $f'(2)=12$.

**.26**

1) معادلة المماس $(T)$ هي $y=-2x$.

2) هذا المماس يشمل مبدأ المعلم لأنّ إحداثيي النقطة $O$ تحقق معادلة $(T)$.

**.32**

4) $f'(x)=3+\frac{1}{\sqrt{x}}$

5) $f'(x)=6x^2-6x$

6) $f'(x)=-10x+2$

**.42**

$f(x)=2x^2-7x+11$

1) $f$ قابلة للاشتقاق على $\mathbb{R}$ و $f'(x)=4x-7$.

2) اتجاه تغيّر الدالة $f$ يتعلق بإشارة $f'(x)$ على $\mathbb{R}$.

إذن $f$ متزايدة على المجال $\left[\frac{7}{4};+\infty\right[$

ومتناقصة على المجال $\left]-\infty;\frac{7}{4}\right]$.

3) يُعطى جدول تغيرات $f$ مع اعتبار $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)=+\infty$

المماس عند النقطة ذات الإحداثيين



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

**.52**

$g(x)=x^3+3x$

الدالة $g$ قابلة للاشتقاق على $\mathbb{R}$

و $g'(x)=3x^2+3$.

من أجل كلّ عدد حقيقي $x$، $g'(x)>0$.

إذن الدالة $g$ لا تقبل قيمة حدية على $\mathbb{R}$.

**.56**

1) جدول تغيّرات $f$ يكون كالآتي:

| $x$ | $-\infty$ | | $0$ | | $+\infty$ |
|---|---|---|---|---|---|
| $f'(x)$ | | - | $0$ | + | |
| $f(x)$ | $+\infty$ | ↘ | $-1$ | ↗ | $+\infty$ |

2) التقريب التآلفي المماسي للدالة $f$ هو الدالة $g$ المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ:

$g(x)=8x-6$

3) $f(1{,}099)$ ؛ $2{,}79$

**.57**

$f(x)=2x^2+3x-1$

1) حلّ المعادلة $f'(x)=1$

لدينا $f'(x)=1$ يعني $4x+3=1$

إذن $x=-\frac{1}{2}$ ؛ $f\left(-\frac{1}{2}\right)=-2$

المماس عند النقطة ذات الإحداثيين $\left(-\frac{1}{2};-2\right)$ معامل توجيه يساوي $1$.

2) حلّ المعادلة $f'(x)=3$

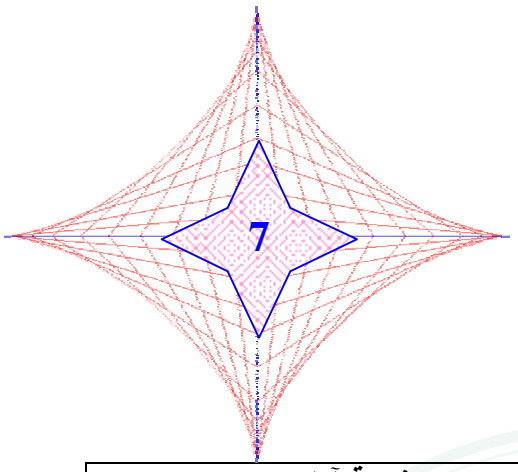
$(0;-1)$ يوازي المستقيم الذي معادلته $y=3x+5$ .



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

# المتتاليات العددية




**الباب 7: المتتاليات العددية**

1. عموميات. Œ
2. المتتاليات الحسابية.
3. المتتاليات الهندسية.

- **الكفاءات المستهدفة :**

| شعبة تسيير واقتصاد | شعبة آداب |
|---|---|
| - تعريف متتالية عددية واستعمال الكتابات والتعابير المناسبة.<br>- معرفة طرق توليد متتالية.<br>- حساب الحدّ من المرتبة $n$ لمتتالية.<br>- تعريف متتالية حسابية أو هندسية والتعرّف عليها تبعا لطريقة توليدها ووصفها باستعمال التعبير المناسب.<br>- حساب الحدّ من المرتبة $n$ لمتتالية حسابية أو هندسية بمعرفة حدّها الأوّل وأساسها.<br>- معرفة اتجاه تغيّر متتالية حسابية أو هندسية.<br>- حساب مجموع $n$ حدا متتابعة لمتتالية حسابية أو هندسية. | - التعرف على متتالية حسابية أو متتالية هندسية.<br>- معرفة واستعمال خاصية ثلاثة حدود متتابعة في متتالية.<br>- معرفة واستعمال الوسط الحسابي، الوسط الهندسي.<br>- حساب مجموع $n$ حدا الأولى لمتتالية.<br>- تحديد اتجاه تغير متتالية حسابية أو هندسية.<br>- دراسة وضعيات يؤول حلها إلى دراسة متتاليات حسابية أو إلى متتاليات هندسية. |

1

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

- **جدول تمفصل الأجزاء :**

| أنشطة تمهيدية | معارف | | طرائق |
|---|---|---|---|
| 1 | 1. عموميات | 1. مفهوم متتالية<br>2. طرق توليد متتالية<br>3. التمثيل البياني لمتتالية<br>4. اتجاه تغيّر متتالية | 1<br><br><br>2 |
| 2 | 2. المتتاليات الحسابية | 1. تعريف<br>2. حساب الحدّ العام $u_n$<br>3. مجموع حدود متتابعة<br>4. التمثيل البياني<br>5. اتجاه التغيّر | 3<br>4 |
| 3 | 3. المتتاليات الهندسية | 1. تعريف<br>2. حساب الحدّ العام $u_n$<br>3. مجموع حدود متتابعة<br>4. اتجاه التغيّر | 5<br>6 |
| | 4. نمذجة وضعيات باستعمال متتاليات. | | |

- **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

**استبيان متعدد الإجابات :**

الهدف من الاستبيان قياس درجة تحكم التلميذ في بعض المفاهيم المرتبطة بالمتتاليات العددية. تخصّ الأسئلة المقترحة العمل على الأسس والكتابات بأدلة وكذا إتمام انتظامات أعداد.

**أنشطة تمهيدية :**

**نشاط1: تطوّر سكان »**

إنّ الوضعية المقترحة مألوفة والهدف منها هو جعل التلميذ يدرك فائدة الأداة الرياضية المتمثلة في المتتاليات العددية لحلّ المشكلة المقترحة.

**نشاط 2: المتتاليات الحسابية**

الهدف من هذا النشاط معالجة وضعية مألوفة تتمثل في إيداع مبلغ من المال بفائدة بسيطة باستعمال المتتاليات الحسابية.

**نشاط 3: المتتاليات الهندسية**

تعدّ الوضعية المقترحة إحدى الوضعيات المعروفة قديما. الهدف من هذا النشاط هو جعل التلميذ ينمذج الوضعية ويحلّها باستعمال المتتاليات الهندسية. وهي فرصة يستعمل من خلالها المجدول للإجابة عن بعض الأسئلة المطروحة.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

- **تمارين ومسائل :**

**.1**

**أصحيح أم خاطئ**

أ) خاطئ.
ب) خاطئ.
ح) صحيح
د) خاطئ
ه) خاطئ.
ك) خاطئ.
ل) خاطئ.
و) صحيح.
ي) صحيح.

**عموميات**

**.2**

$u_{n+1} = 2n^2 + n + 1$ ؛ $u_{n+3} = 2n^2 + 9n + 2$

$u_{2n+1} = 8n^2 + 2n + 1$ ؛

$u_n - 1 = 2n^2 - 3n + 1$

**.3**

أ) $0$ ، $2$ ، $4$ ، $6$ ، $8$ ، $10$ ، $12$ ...

ب) $-2$ ، $0,5$ ، $3$ ، $5,5$ ، $8$ ، $10,5$ ، $13$ ...

ج) $1$ ، $5$ ، $25$ ، $125$ ، $625$ ، $3125$ ، $15625$ ...

**.7**

$u_1 = -0,5$ ؛ $u_2 = -0,429$ ؛

$u_3 = -0,416$ ؛ ...

**.9**

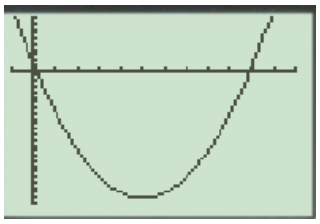
أ) الشكل 2 هو التمثيل البياني للمتتالية التي حدّها العام $u_n = 3n - 7$ .

ب) الشكل 1 هو التمثيل البياني للمتتالية التي حدّها العام $u_n = 2^n$ .

**.22**

**.15** 1) $(u_n)$ معرفة بعلاقة من الشكل $u_n = f(n)$ حيث $f$ هي الدالة $f(x) = x^2 - 10x + 1$ $x$ a

2) باستعمال حاسبة، نحصل على التمثيل البياني الآتي للدالة $f$ :



3) من دراسة تغيرات $f$ نستنتج اتجاه تغيّر المتتالية $(u_n)$.

**المتتاليات الحسابية**

**.18**

أ) $u_1 = -0,875$ ، $u_2 = -0,75$ و $u_3 = -0,625$ .

ب) من أجل كلّ عدد طبيعي $n$ ، $u_{n+1} - u_n = \frac{1}{8}$

المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ حسابية، أساسها $r = \frac{1}{8} = 0,125$ .

**.19**

أ) $u_1 = 11$ ، $u_2 = 8$ ، $u_3 = 5$ و $u_{25} = -61$ .

ب) من أجل كلّ عدد طبيعي $n$ ، $u_n = 14 - 3n$ .



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

2) الأعداد $a$، $b$، $c$ بهذا الترتيب حدود متتابعة لمتتالية حسابية أساسها $r$. نضع $a=b-r$ و $c=b+r$ ونعوّض في الجملة المفروضة.

نحصل على $\begin{cases} r=3 \\ b^2=64 \end{cases}$ ونستخلص...

**.24**

1) $r=7$.

2) من أجل كلّ عدد طبيعي $n$، $u_n=1+7n$.

3) $n=86$.

4) $S=26\,274$.

**.25**

1. من أجل كلّ $n$ من $\mathbb{N}^*$، $u_n=\frac{1}{n}-\frac{1}{n+1}$ (أي $a=1$ و $b=-1$)

2.

$$S=u_1+u_2+\ldots+u_n$$
$$=1-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}-\frac{1}{3}+\ldots+\frac{1}{n}-\frac{1}{n+1}$$
$$=1-\frac{1}{n+1}$$

## المتتاليات الهندسية

**.29**

أ) الأعداد $\frac{2}{7}$، $\frac{8}{21}$، $\frac{32}{63}$، $\frac{128}{189}$ حدود متتابعة لمتتالية هندسية.

ب) الأعداد $\frac{5}{2}$، $\frac{10}{3}$، $\frac{20}{3}$ ليست حدودا متتابعة لمتتالية هندسية.

**.32**

أ) $u_1=24$، $u_2=12$، $u_3=6$.

ب) من أجل كلّ عدد طبيعي غير منعدم $n$، $u_n=48\times(0,5)^n$

**.34**

$\alpha=24$

**.37**

نضع $u_n=\frac{3}{5^n}=3\times\left(\frac{1}{5}\right)^n$.

$(u_n)$ متتالية هندسية حدها الأول $3$ وأساسها $q=\frac{1}{5}$.

بما أن $0<q<1$ فإنّ $(u_n)$ متتالية متناقصة تماما.

**.39**

2) $S_n$ هو مجموع حدود متتابعة لمتتالية هندسية أساسها $2$ وحدها الأوّل $1$.

$1+2+2^2+\ldots+2^n=1\times\frac{1-2^{n+1}}{1-2}=2^{n+1}-1$



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

## مسائل

**.43**

مدة الإيداع هي $16$ شهرا.

**.46**

1. $u_n = 25000 \times (1,05)^n$

و $v_n = 25000 + 3300 \times n$

2. باستعمال مجدول، نجد:

من أجل $1 \leq n < 36$ فإنّ $v_n > u_n$.

من أجل $n \geq 36$ فإنّ $u_n > v_n$

بمعنى أنّ الإيداع بالكيفية الأولى يكون أفيد لمدة تقل عن 36 سنة والإيداع بالكيفية الثانية يكون أفيد لمدة تساوي أو تزيد عن 36 سنة.

**.49**

1. أ) $h_1 = 1,60\,m$ ، $h_2 = 1,28\,m$ ، $h_3 = 1,024\,m$.

ب) $h_{n+1} = 0,8 \times h_n$.

$(h_n)$ متتالية هندسية حدها الأول $2$ وأساسها $0,8$.

جـ) من أجل كلّ $n$، $h_n = 2 \times (0,8)^n$.

2. $n = 8$.

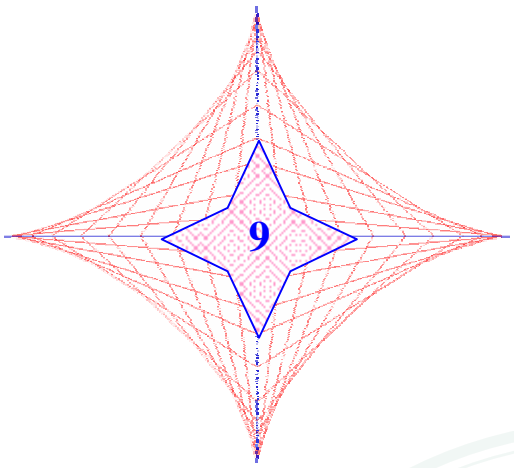


فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

# الإحتمالات




**الباب 9: الاحتمالات**

1. مفردات الاحتمالات
2. الاحتمالات

- **الكفاءات المستهدفة :**

| شعبة تسيير واقتصاد | شعبة آداب |
|---|---|
| - تعريف قانون الاحتمال.<br>- تعريف نموذج ملائم لتجربة عشوائية في حالات بسيطة.<br>- تعيين احتمال حادثة انطلاقا من قانون احتمال.<br>- حساب كلّ من احتمال الحادثة المضادة لحادثة واتحاد وتقاطع حادثتين. | - تعيين مجموعة النتائج الممكنة لتجربة عشوائية.<br>- حادثة بسيطة، حادثة مركبة.<br>- العمليات على الأحداث (الحادثة ، التقاطع، المتممة).<br>- معرفة قانون الاحتمال على مجموعة منتهية.<br>- معرفة حساب احتمال حادثة (حالة تساوي الاحتمالات).<br>- حساب احتمال الحادثة العكسية واتحاد حادثتين وتقاطع حادثتين. |

- **جدول تمفصل الأجزاء :**

| أنشطة تمهيدية | معارف | | طرائق |
|---|---|---|---|
| 1 | 1. مفردات الاحتمالات | • الحادثة<br>• الحوادث الخاصة<br>• تقاطع حادثتين<br>• الحادثتان المنفصلتان (غير | 1 |

1

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

| | | | |
|---|---|---|---|
| | | متلائمتين)<br>• اتحاد حادثتين<br>• الحادثة المعاكسة. | |
| 3<br><br><br>2 | 2. الاحتمالات | • قانون الاحتمال<br>• قانون متساوي الاحتمال<br>• الاحتمال والحوادث | 2<br><br>3<br>4 |

- **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

**استبيان متعدد الإجابات :**

يهدف هذا الاستبيان إلى تحديد مكتسبات التلاميذ حول مفهوم التواتر الذي هو الركيزة الأساسية في المقاربة التواترية للاحتمالات.

**أنشطة تمهيدية :**

**نشاط 1: الحوادث**

يهدف هذا النشاط إلى جعل التلميذ يتمكن من تعيين مجموعة إمكانيات (نتائج) حادثة وكذا تعيين مجموعة إمكانيات لتقاطع واتحاد حادثتين.

**نشاط 2: الاحتمال والجدول الإحصائي**

يرمي هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من مقاربة مفهوم احتمال حادثة كنسبة عدد الإمكانيات المواتية لهذه الحادثة على عدد الإمكانيات الممكنة و يكون تعيين عدد الإمكانيات (المواتية والممكنة) بالاعتماد على جدول توزيع تواترات.

**نشاط 3: قانون احتمال**

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من مقاربة مفهوم "قانون احتمال" وهذا بانجاز تجربة عشوائية ثم حساب تواترات حوادث، أولا، في حالة عينة صغيرة ثم في حالة عينة كبيرة باستعمال محاكاة. ويدرك التلميذ من خلال هذا النشاط أن التواتر التجريبي يؤول إلى التواتر النظري ومنه قانون الاحتمال المرفق إلى التجربة العشوائية.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

- **تمارين ومسائل :**

**1. صحيح أو خاطئ**

أ) خاطئ
ب) صحيح
ح) صحيح
د) خاطئ
ه) صحيح
و) صحيح
ك) خاطئ
ل) خاطئ
ق) خاطئ
ي) صحيح

**الحوادث**

**3.** $\{3;5\}$، $\{1;6\}$، $\{2;4\}$، $\{2;3\}$، $\{1;2\}$.
(توجد حوادث أخرى).

**4.** $\Omega=\{1;2;3;4;5;6;7\}$.

**6.** $A=\{1;3;5;7\}$،
$B=\{3;4;5;6;7;8\}$.
أ) خطأ ، ب) صحيح، ح) خطأ.
د) خطأ ، ه) خطأ.

**7.**
- الحادثة العكسية للحادثة أ: $\{1;3;5\}$.
- الحادثة العكسية للحادثة أ: $\{1;2;3\}$

**قانون الاحتمال**

**12.** نحسب التواترات الموافقة لظهور الألوان الثلاث بعد أنجاز محاكاة ذات 5000 سحب، نحصل على الجدول التالي:

| اللون $x_i$ | أصفر | أخضر | أسود |
|---|---|---|---|
| التكرارات | 1660 | 2499 | 841 |
| التواترات | 0,332 | 0,499 | 0,168 |

قانون الاحتمال الذي يمكن اختياره لارتكاب أقل خطأ ممكن هو القانون **3** لأن التوترات الناتجة من المحاكاة هي الأقرب من الاحتمالات المعطاة في هذا القانون.

**17.**
أ) $p(\{d\})=0,22$
ب) $p(\{a;c\})=0,63$
ج) $p(\overline{\{c\}})=0,6$.

**الاحتمالات والجداول**

**31.**

| | المجموع | ذكور | إناث |
|---|---|---|---|
| ناجح | 182 | 104 | 78 |
| راسب | 58 | 38 | 20 |
| المجموع | 240 | 142 | 98 |

1) أ) $p=\frac{104}{240}\approx 0,43$
ب) $p=\frac{98}{240}\approx 0,41$
ج) $p=\frac{58}{240}\approx 0,24$.
2) $p=\frac{104}{142}\approx 0,73$
3) $p=\frac{20}{58}\approx 0,34$.

**34.**
1) $p=\frac{450}{100}=0,45$.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

13) 1) أ) $p=\frac{5}{12}\approx 0,417$.

ب) $p=\frac{5}{16}\approx 0,313$.

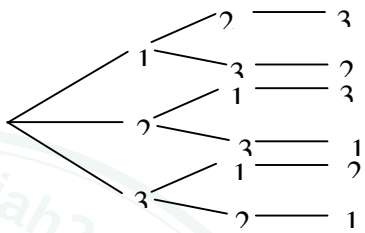
ج) $p=\frac{13}{48}\approx 0,270$.

2) $p\approx 0,687$.

**الاحتمالات والأشجار**

**35.**

1)



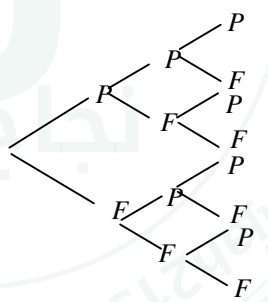
الأعداد: 123، 132، 213، 231، 312، 321.

2) أ) $p=\frac{2}{6}\approx 0,66$.

ب) $p=\frac{6}{6}=1$.

ج) $p=\frac{2}{6}\approx 0,66$

**37.**



$p(A)=\frac{1}{8}=0,125$

$p(B)=\frac{3}{8}=0,375$.

2) $p=\frac{189}{1000}=0,189$.

3) $p=\frac{90}{450}=0,2$.

4) $p=\frac{90}{189}\approx 0,477$.

**مسائل**

**39.**

1) قانون الاحتمال:

| $x$ | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
|---|---|---|---|---|---|
| $p$ | 0,8 | 0,02 | 0,04 | 0,06 | 0,08 |

2) $p(A)=0,98$.

$p(B)=0,12$.

**40.**

1)

أ) 13 384,60 دينارا.

ب) 12 285,70 دينارا.

ج) 12 999,35 دينارا.

2)

$p(A)=\frac{260}{400}=0,65$

$p(B)=\frac{40}{400}=0,1$.

$p(C)=\frac{20}{400}=0,05$.



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com