najah213.com · نجاح 213

ثانوية بن حداد محند أيذير تيمزريت 2024-2025	فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات	القسم : 3 تقني رياضي يوم : 20 -11- 2024 المدّة : 2 سا

التمرين الأول : (3 نقاط)

أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية :

f الدالة المعرفة على $]0;+\infty[$ بـ : $f(x)=e-\dfrac{1+\ln x}{x}$

1) من أجل $x\in]0;+\infty[$: $f'(x)=\dfrac{\ln(x)}{x^2}$.

2) الدالة f متزايدة تماما على المجال $]0;+\infty[$.

3) المستقيم ذو المعادلة $y=e$ هو مقارب لمنحنى الدالة f بجوار $+\infty$.

التمرين الثاني : (17 نقطة)

I) g الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x)=1+(4x-8)e^{-x}$

1) أ) احسب $\lim\limits_{x\to-\infty}g(x)$ و $\lim\limits_{x\to+\infty}g(x)$.

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها .

2) أ) بين أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حل وحيد α حيث : $1.18<\alpha<1.19$.

ب) استنتج إشارة $g(x)$ حسب قيم x .

II) f الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x)=x+(4-4x)e^{-x}$

(C_f) منحنى الدالة في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$.

1) أ) احسب $\lim\limits_{x\to+\infty}f(x)$ ثم بيّن أن $\lim\limits_{x\to-\infty}f(x)=+\infty$.

ب) بيّن أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x)=g(x)$

جـ) شكل جدول تغيرات الدالة f على $\mathbb{R}$.

2) أ) بين أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y=x$ ، مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $+\infty$.

ب) أدرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ).

3) أ) بيّن أنّ المنحنى (C_f) يقبل مماسا (T) يوازي (Δ) .

ب) تحقق أن : $y=x-4e^{-2}$ معادلة لـ (T).

4) أحسب $f(0)$ و $f(-0.5)$ ثم مثل (T) ، (Δ) و (C_f) . (نأخذ $f(\alpha)\approx0.96$)

5) ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة : $f(x)=x+m$

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

الحل النموذجي لفرض الفصل الأول في مادة الرياضيات

الشعبة: 3 تقني رياضي 2024-2025

الإجابة عن التمرين الأول:

1) صحيح: (0,5)

التبرير:

$$f'(x)=0-\frac{\frac{1}{x}\cdot x-1(1+\ln x)}{x^2}$$

$$=-\frac{1-1-\ln x}{x^2}$$

$$=-\frac{-\ln x}{x^2}$$ (0,5)

$$=\frac{\ln x}{x^2}$$

2) خطأ (0,5)

التبرير:

إشارة $f'(x)$ من إشارة $\ln x$

$x=1$ تكافئ $\ln x=0$ (0,5)

x	0		1		$+\infty$
$\ln(x)$	‖	$-$	0	$+$	

الدالة f متناقصة تماما على $]0;1]$

الدالة f متزايدة تماما على $[1;+\infty[$

3) صحيح (0,5)

$$\lim_{x\to+\infty} f(x)=\lim_{x\to+\infty} e-\frac{1}{x}-\frac{\ln x}{x}$$

$$\lim_{x\to+\infty} f(x)=e$$ (0,5)

إذن المنحنى (C_f) يقبل مستقيم مقارب معادلته $y=e$ بجوار $+\infty$

الإجابة عن التمرين الثاني:

1) أ) حساب النهايات:

$$\lim_{x\to-\infty} g(x)=-\infty$$ (0,75)

$$\lim_{x\to-\infty}(4x-8)=-\infty \quad ; \quad \lim_{x\to-\infty} e^{-x}=+\infty$$

$$\lim_{x\to+\infty} g(x)=1$$ (0,75)

$$\lim_{x\to+\infty} g(x)=\lim_{x\to+\infty} 1+4\frac{x}{e^x}-\frac{8}{e^x}$$

$$=1$$

ب) $g'(x)=4e^{-x}+(-1)e^{-x}(4x-8)$

$$=\left[4+(-1)(4x-8)\right]e^{-x}$$

$$=\left[4-4x+8\right]e^{-x}$$

$$g'(x)=(-4x+12)e^{-x}$$ (0,5)

إشارة $g'(x)$ من إشارة $-4x+12$

$-4x+12=0$ تكافئ $-4x=-12$ تكافئ $x=3$ (0,5)

x	$-\infty$		3		$+\infty$
$g'(x)$		$+$	0	$-$	

الدالة g متزايدة تماما على المجال $]-\infty;3]$ (0,5)

الدالة g متناقصة تماما على المجال $[3;+\infty[$

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

$f'(x) = 1 - 4e^{-x} + (-1)e^{-x}(4-4x)$

$= 1 + [-4 + (-1)(4-4x)]e^{-x}$

$= 1 + (-4-4+4x)e^{-x}$

$= 1 + (4x-8)e^{-x}$

$f'(x) = g(x)$ (ن1)

$g(x)$ إشارة $f'(x)$ من إشارة

x	$-\infty$		α		$+\infty$
$f'(x)$		$-$	0	$+$	
$f(x)$	$+\infty$	↘	$f(\alpha)$	↗	$+\infty$

(ن1)

$f(x) - y = x + (4-4x)e^{-x} - x$

$f(x) - y = (4-4x)e^{-x}$

$\lim_{x\to+\infty} f(x) - y = \lim_{x\to+\infty} \frac{4}{e^x} - 4\frac{x}{e^x}$

$= 0$ (0,75)

إذن المنحنى (C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) بجوار $+\infty$

$4-4x$ إشارة من إشارة $f(x) - y$

$4-4x = 0$ يكافئ $4x = 4$ يكافئ $x = 1$

x	$-\infty$		1		$+\infty$
$f(x)-y$		$+$	0	$-$	
الوضع النسبي	(C_f) فوق (Δ)		(C_f) يقطع (Δ) عند		(C_f) تحت (Δ)

(ن1)

x	$-\infty$		α		3
$g'(x)$		$+$	0	$-$	
$g(x)$	$-\infty$	↗	$1+4e^{-3}$	↘	1

(ن1)

أ) الدالة g مستمرة ورتيبة تماما على $]-\infty, \alpha]$ و $[\alpha, +\infty[$

ب) إثبات أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]1,18 ; 1,19[$

(ن1)

$-0,008 < 0 < 0,014$ $\begin{cases} g(1,18) \simeq -0,009 \\ g(1,19) \simeq 0,014 \end{cases}$

حسب مبرهنة القيم المتوسطة المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]1,18 ; 1,19[$

(0,5)

ج) إشارة $g(x)$

x	$-\infty$		α		$+\infty$
$g(x)$		$-$	0	$+$	

$f(x) = x + (4-4x)e^{-x}$ (II

$\lim_{x\to+\infty} f(x) = \lim_{x\to+\infty} x + \frac{4}{e^x} - 4\frac{x}{e^x}$ *

$\lim_{x\to+\infty} f(x) = +\infty$ (0,75)

$\lim_{x\to-\infty} f(x) = \lim_{x\to-\infty} x + (4-4x)e^{-x}$ *

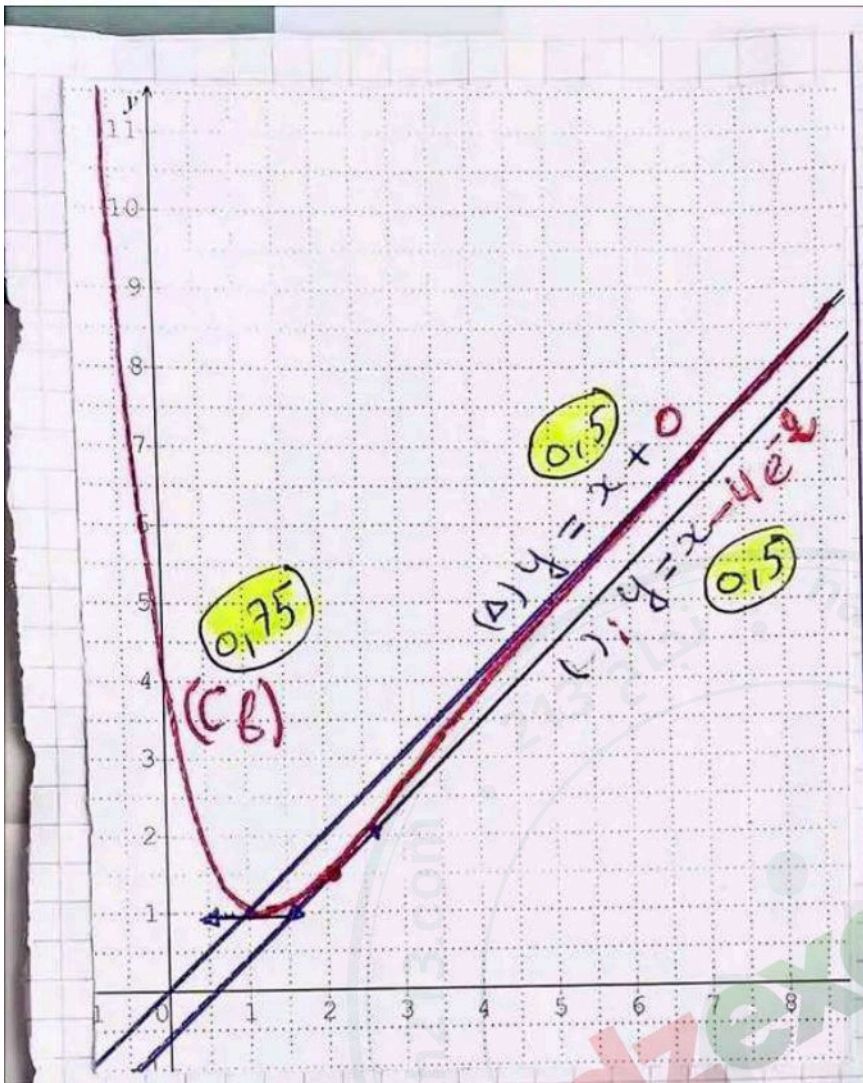
$= \lim_{x\to-\infty} e^{-x}\left[\frac{x}{e^{-x}} + 4 - 4x\right]$

$= \lim_{x\to-\infty} e^{-x}\left(\underbrace{xe^{x}}_{0} + \underbrace{4-4x}_{+\infty}\right)$ $(+\infty)$

$\lim_{x\to-\infty} f(x) = +\infty$ (0,75)

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com



(3

ب) معامل توجيه (Δ) هو 1

$f'(x) = 1$ تكافئ: $g(x) = 1$

تكافئ: $1 + (4x - 8)e^{x} = 1$

تكافئ: $(4x - 8)e^{x} = 0$

تكافئ: $4x - 8 = 0$

تكافئ: $4x = 8$

تكافئ: $x = 2$ (1ن)

إذن (Cf) يقبل مماسا (T) عند النقطة ذات الفاصلة 2 معامل توجيهه 1

أ) $y = f'(2)(x-2) + f(2)$

$y = 1(x-2) + 2 - 4e^{-2}$

$y = x - 2 + 2 - 4e^{-2}$ (0,75)

$y = x - 4e^{-2}$: (T)

4) $f(-0,5) \simeq 9,4$ (0,25)

$f(0) = 4$ (0,25)

5) $m \in]-\infty ; -4e^{-2}[$ المعادلة لا تقبل حلول

$m = -4e^{-2}$ المعادلة تقبل حل مضاعف موجب تماما

$m \in]-4e^{-2} ; 0[$ المعادلة تقبل حلين موجبين تماما (1,25)

$m \in [0 ; 4[$ المعادلة تقبل حل وحيد موجب تماما

$m = 4$ المعادلة تقبل حل مضروم

$m \in]4 ; +\infty[$ المعادلة تقبل حل سالب تماما

www.dzexams.com