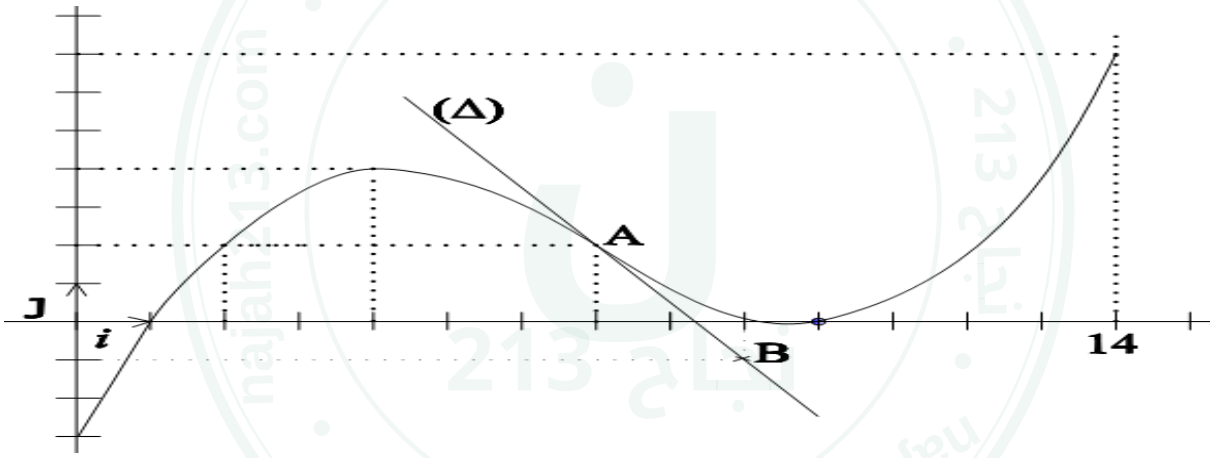
najah213.com · نجاح 213

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية
مؤسسة التربية و التعليم الخاصة سليم
ETABLISSEMENT PRIVE D'EDUCATION ET D'ENSEIGNEMENT SALIM
ECOLE SALIM
www.ets-salim.com 021 87 10 51 021 87 16 89 Hai Galloul - bordj el-bahri alger
إعتماد رقم 67 بتاريخ 06 سبتمبر 2010 تحضيري- ابتدائي- متوسط - ثانوي رخصة فتح رقم 1088 بتاريخ 30 جانفي 2011

المستوى: (3ASGE) العام الدراسي 2015/2014	
اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات	المدة: 3سا 30د

التمرين 01: (4ن)

f دالة معرفة على المجال $[0,14]$. (Cf) هو المنحنى البياني الممثل لها في معلم متعامد و متجانس (o,i,j) في الشكل أدناه



A- بقراءة بيانية:

1. شكل جدول تغيرات الدالة f
2. عين إشارة $f(x)$. أحسب $f(4)$ ، $f`(4)$ و $f(10)$
3. حل بيانيا المعادلة: $f(x)=2$ و المتراجحة $f(x)<2$
4. عين $f(7)$ و $f`(7)$ ثم أكتب معادلة المستقيم (Δ) ، كيف تسمى النقطة A ؟

B- نعتبر الدالة g كما يلي: $g(x)=\frac{1}{f(x)}$ حيث f هي الدالة السابقة.

1. عين مجموعة تعريف الدالة g
2. عبر عن $g`(x)$ بدلالة $f(x)$ و $f`(x)$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة g

حي قعلول –برج البحري– الجزائر
Web site : www.ets-salim.com /021.87.16.89 -الفاكس : Tel-Fax : 021.87.10.51 :☎

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين02: (5ن)

لتكن (U_n) متتالية عددية معرفة على المجموعة N بـ: $U_0 = 6$ وَ بالعلاقة التراجعية:

$U_{n+1} = \frac{1}{4} U_n + 3$ من أجل كل عدد طبيعي n.

1) أحسب U_1 ، U_2 ، U_3 .

2) برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي n فإنّ: $U_n \geq 4$.

3) بيّن أنّ (U_n) متتالية متناقصة. هل (U_n) متتالية متقاربة ؟ عيّن نهايتها.

4) نعتبر المتتالية العددية (V_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n بـ: $V_n = U_n - 4$

أ) بيّن أنّ المتتالية (V_n) هندسية يطلب تعيين أساسها q وَ حدّها الأوّل V_0.

ب) أكتب عبارة الحدا العام V_n بدلالة n ثم أحسب $\lim\limits_{n\to+\infty} V_n$

ت) برهن أنّه من أجل كل عدد طبيعي n، $U_n = 2\left(\frac{1}{4}\right)^n + 4$ ثم أحسب $\lim\limits_{n\to+\infty} U_n$.

ث) أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = U_0 + U_1 + .. + U_n$

التمرين03(07ن):

نعتبر الدالة f للمتغير الحقيقي x المعرفة كما يلي : $f(x)=\frac{4x^2-5x}{2x^2-5x+2}$

(Cf) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (o,i,j)

1- تحقق أن f معرفة على $D= R -\{\frac{1}{2}, 2\}$

2- عين الأعداد الحقيقية c,b,a بحيث من أجل كل عدد حقيقي x من D: $f(x)= a + \frac{b}{2x-1} + \frac{c}{x-2}$

3- أحسب نهايات الدالة f عند أطراف D

أكتب معادلة لكل من المستقيمات المقاربة للمنحنى (Cf).

4- أدرس تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

5- أكتب معادلة مماس المنحنى (Cf) عند النقطة التي فاصلتها 0.

6- عين إحداثيات نقطتي تقاطع المنحنى (Cf) و حامل محور الفواصل. أرسم (Cf) في المعلم السابق.

التمرين04(04ن):

الجدول التالي يمثّل أرباح شركة مختصة في صناعة الآلات الزراعية:

السنوات	2005	2006	2007	2008	2009	2010
رتبة السنة	0	1	2	3	4	5
الأرباح (ملوين دينار)	64	75	100	113	125	127

1) أ) مثّل سحابة النقط للسلسلة $(x_i ; y_i)$ في معلم متعامد(على محور الفواصل 2 cm لكل رتبة وَ على محور التراتيب 1 cm لكل 10 وحدات).

ب) أحسب إحداثيات النقطة المتوسطة G، ثم علّمها في المعلم.

2) أعط معادلة مستقيم الانحدار (D) بالمربعات الدنيا. أرسم (D).

ما هي أرباح الشركة المتوقعة سنة 2012 ؟

الصفحة 2/2

حي قعلول –برج البحري– الجزائر

☎: Tel-Fax : 021.87.10.51 -الفاكس : Web site : www.ets-salim.com /021.87.16.89

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

تصحيح إختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات	المدة:3سا30د

التمرين 01:

x	0		4		10		14
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$	-3	↗	4	↘	0	↗	7

0,75 نقطة

2- إشارة $f(x)$: 0,5 نقطة

x	0		1		10		14
$f(x)$		-	0	+	0	+	

$f(4) = 4$ ، $f'(4)= 0$ ، $f(10)= 0$

0,25 نقطة 0,25 نقطة 0,25 نقطة

3- $f(x)= 2$ تقبل 3 حلول $x_1= 2, x_2= 7 , x_3\approx 12$ 0,5 نقطة

$f(x)$ على $]7,12[\cup]0,2[$ 0,5 نقطة

4- $f(7)= 2$ و 0,25 نقطة

$f'(7)=\frac{y_B-y_A}{x_B-x_A}= -\frac{3}{2}$ 0,25 نقطة

كتابة معادلة المستقيم (Δ): عند $\gamma= 16$

$y= -\frac{3}{2}x + \frac{25}{2}$ 0,5 نقطة

تسمى النقطة A نقطة إنعطاف للمنحنى (C) 0,25 نقطة

-B

1- نضع $f(x) \neq 0$ و $D= R - \{1,10\}$ 0,25 نقطة

$g'(x)= -\frac{f'(x)}{[f(x)]^2}$ 0,25 نقطة

0,25 نقطة

إشارة $g'(x)$ هي عكس إشارة $f'(x)$

x	0		1		4		10		14

حي قعلول –برج البحري– الجزائر
Web site : www.ets-salim.com /021.87.16.89 -الفاكس : Tel-Fax : 021.87.10.51 :☎

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

$g'(x)$	-	$-\frac{1}{3}$	-	‖	+	$\frac{1}{4}$	-
$g(x)$	$+\infty$	$-\infty$	$+\infty$	‖	$+\infty$		$+\infty$

$$g(0)=\frac{1}{f(0)}=-\frac{1}{3}$$

$$\lim_{x\to 1^-} f(x)=0^- \ , \ \lim_{x\to 1^-} g(x)=-\infty$$

$$\lim_{x\to 1^+} f(x)=0^+ \ , \ \lim_{x\to 1^+} g(x)=+\infty \qquad \text{0,5 نقطة}$$

$$g(4)=\frac{1}{f(4)}=\frac{1}{4},\ g(14)=\frac{1}{f(14)}=\frac{1}{7}$$

التمرين الثاني: (6 نقاط)

$U_0=6 \qquad U_{n+1}=\frac{1}{4}U_n+3$

1) $U_1=\frac{1}{4}U_0+3=\frac{1}{4}\times 6+3=\frac{9}{2}$ 0,25

$U_2=\frac{1}{4}U_1+3=\frac{1}{4}\times\frac{9}{2}+3=\frac{33}{8}$ 0,25

$U_3=\frac{1}{4}U_2+3=\frac{1}{4}\times\frac{33}{8}+3=\frac{129}{32}$ 0,25

2) برهن من أجل كل n من N $U_n\geq 4$

نتحقق من صحة الخاصية من أجل $n=0$ $U0\geq 4$ 01

$U_0=6$ وَ P(0) إذن صحيحة

نفرض أنّ $U_n\geq 4$ وَ نبين أنّ $U_{n+1}\geq 4$

لدينا $U_n\geq 4$ ؛ $\frac{1}{4}U_n\geq 1$ وَ منه: $\frac{1}{4}U_n+3\geq 4$

أي $U_{n+1}\geq 4$

وَ منه من أجل كل n من N $U_n\geq 4$

3) (U_n) متناقصة

$$U_{n+1}-U_n=-\frac{3}{4}U_n+3$$

$$=-3\left(\frac{1}{4}U_n-1\right) \qquad \text{0,75}$$

لدينا $U_n\geq 4$ أي $\frac{1}{4}U_n-1\geq 0$

وَ منه $U_{n+1}-U_n\leq 0$

إذن (U_n) متناقصة

بما أنّ (U_n) متناقصة وَ محدودة من الأسفل بـ: 4 إذن فهي متقاربة. 0,5

$\lim_{n\to+\infty} U_n=4$

4) أ) $V_n=U_n-4$ 0,25

$V_{n+1}=U_{n+1}-4=\frac{1}{4}U_n+3-4$

حي قعلول –برج البحري– الجزائر

Web site : www.ets-salim.com /021.87.16.89 :الفاكس- Tel-Fax : 021.87.10.51 :☎

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com · نجاح 213

$V_{n+1} = \frac{1}{4} U_n - 1 = \frac{1}{4}(U_n - 4) = \frac{1}{4} V_n$ 0,75

إذن (V_n) هندسية آساسها $\frac{1}{4}$ وَ حدّها $V_0 = 2$

ب) $V_n = V_0 \cdot q^n$ أي أنّ $V_n = 2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n$

$\lim\limits_{n \to +\infty} V_n = 0$ 0,25

جـ) $V_n = U_n - 4$ إذن $U_n = V_n + 4$

إذن $U_n = 2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n + 4$ ؛ $\lim\limits_{n \to +\infty} U_n = 4$ 0,25

د) $S_n = U_0 + U_1 + \ldots + U_n$

$S_n = V_0 + V_1 + \ldots + V_n + U_{(n+1)}$

$S_n = V_0 \cdot \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q} + 4(n+1)$

$S_n = 2 \cdot \frac{1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}}{1 - \frac{1}{4}} + 4(n+1)$

$= 2 \cdot \frac{1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}}{\frac{3}{4}} + 4(n+1)$

$S_n = \frac{8}{3}\left(1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}\right) + 4(n+1)$ 0,5

التمرين الثالث: 9 نقاط

$f(x) = \frac{4x^2 - 5x}{2x^2 - 5x + 2}$

نضع $2x^2 - 5x + 2 = 0$ و منه $\Delta = 9$

للمعادلة حلان: $x_1 = \frac{1}{2}$, $x_2 = 2$

$D = \Re - \{\frac{1}{2}, 2\}$ 0, 5نقطة

$f(x) = a + \frac{b}{2x-1} + \frac{c}{x-2} - 2$

$f(x) = \frac{2ax^2 + x(-5a + b + 2c) + 2a - 2b - c}{(2x-1)(x-2)}$

حي قعلول –برج البحري– الجزائر

☎: Tel-Fax : 021.87.10.51 -الفاكس : 021.87.16.89 /Web site : www.ets-salim.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

$$\begin{cases} 2a= 4 \\ -5a + b+ 2c= -5 \\ 2a - 2b - c = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} a=2 \\ b=1 \\ c=2 \end{cases}$$ 1 نقطة

$$\lim_{x\to\pm\infty} f(x)= 2$$

$$\lim_{x\to\frac{1}{2}+} f(x)= \lim_{x\to\frac{1}{2}+} \frac{1}{2x-1} = +\infty$$ 0, 75نقطة

$$\lim_{x\to\frac{1}{2}-} f(x)= \lim_{x\to\frac{1}{2}-} \frac{1}{2x-1} = -\infty$$

$$\lim_{x\to 2+} f(x)= \lim_{x\to 2+} \frac{1}{2x-1} = +\infty$$ 0, 75نقطة

المنحنى (Cf) يقبل 3 مستقيمات مقاربة : $y=2$,$x= 2$, $x= \frac{1}{2}$ 0, 75نقطة

4- $f'(x)= -\frac{2}{(2x-1)^2} - \frac{2}{(x-2)^2}$ 1 نقطة

$f'(x)<0$ من أجل كل $x\in\Delta$ و f متناقصة تماما على كل مجال من Df

x	$-\infty$		$\frac{1}{2}$		2		$+\infty$
$g`(x)$		-	‖	-	‖	-	
$g(x)$	2	↘	$-\infty$ ‖ $+\infty$	↘	$-\infty$ ‖ $+\infty$	↘	2

5- معادلة المماس:

$y= f'(0)(x- 0) + f(0)$ 1 نقطة

$y= -\frac{5}{2}x$

6- تقاطع $(x`x)$ و (Cf)

نضع $y=0$ ومنه $x(4x- 5)= 0$ 0.75 نقطة

$A\ (\frac{5}{4}, 0)$, $O\ (0,0)$

الرسم: 1 نقطة

حي قعلول –برج البحري– الجزائر

☎: Tel-Fax : 021.87.10.51 -الفاكس : Web site : www.ets-salim.com /021.87.16.89

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين 04: (04 نقاط)

تمثيل السحابة 0.5

تمثيل النقطة G 0,5

ب) $\bar{x} = \frac{0+1+2+3+4+5}{6} = 2,5$

$\bar{y} = \frac{64+75+100+113+125+127}{6} = 100,66$

G (2,5 ; 100,66) 2 x 0,5

b = 66,52 ؛ a = 13,66

y = 13,66 x + 66,52 1

y = 13,66 x 7 + 66,52 = 162,14

162,14 هي الأرباح المقدرة سنة 2012. 01

حي قعلول –برج البحري– الجزائر

☎: Tel-Fax : 021.87.10.51 -الفاكس : 021.87.16.89/ Web site : www.ets-salim.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com