najah213.com · نجاح 213

الدوال العددية

Prof Mustapha
KdHA-LDG

I]. العمليات على الدوال

1) تساوي دالتين: f و g متساويتين $\Leftarrow \begin{cases} D_f = D_g \\ f(x) = g(x) \end{cases}$

2) العمليات الجبرية: f و g دوال عددية k و λ أعداد حقيقية

العملية	التعريف
$f + k$	$(f + k)(x) = f(x) + k$
$f + g$	$(f + g)(x) = f(x) + g(x)$
λf	$(\lambda f)(x) = \lambda f(x)$
$f \times g$	$(f \times g)(x) = f(x) \times g(x)$
$\frac{f}{g}$	$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$

3) تركيب الدوال: $(fog)(x) = f[g(x)]$

II]. اتجاه التغير

1) مراجعة

	إذا كان	فإن
❶	$x_1 < x_2$ و $f(x_1) < f(x_2)$	f متزايدة
❷	$x_1 < x_2$ و $f(x_1) > f(x_2)$	f متناقصة
❸	$f(x_1) = f(x_2)$	f ثابتة

✱ملاحظة❶: f رتيبة على مجال معناه f متناقصة أو متزايدة على هذا المجال

✱ملاحظة❷: (الفرق بين متزايدة ومتزايدة تماما، متناقصة ومتناقصة تماما)

f متزايدة تماما	f متزايدة
معناه f متزايدة دون أن تكون ثابتة	معناه f متزايدة ثم ثابتة أو ثابتة ثم متزايدة أو متزايدة ثم ثابتة ثم متزايدة...الخ

- نفس الأمر بالنسبة لمتناقصة و متناقصة تماما

✱ملاحظة مهمة❸: (الخطأ الشائع)

f متزايدة ليس معناه f موجبة و f متناقصة ليس معناه f سالبة و لا علاقة أبدا بين تغيرات الدالة و إشارتها

2) العمليات على الدوال واتجاه التغير

الدالة	اتجاه التغير
$f + k$	f و $f + k$ لهما نفس اتجاه التغير
λf	إذا كان $\lambda > 0$ فإن f و λf لهما نفس اتجاه التغير
	إذا كان $\lambda < 0$ فإن f و λf متعاكسين في اتجاه التغير
fog	إذا كان f و g لهما نفس اتجاه التغير فإن fog متزايدة تماما على I
	إذا كان f و g متعاكسين في اتجاه التغير فإن fog متناقصة تماما على I
$f + g$	لا توجد قاعدة عامة إلا إذا أضيفت شروط على الدالتين
$f \times g$	لا توجد قاعدة عامة إلا إذا أضيفت شروط على الدالتين

✱ملاحظة: لتسهيل دراسة اتجاه تغير أي دالة f من الأفضل كتابتها على الشكل: $u + k$ ، λu أو vou

حيث u و v دالتان مرجعيتان

www.dzexams.com
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

III]. التمثيل البياني

إذا كان	فإن
$g(x)=f(x)+k$	C_g هو صورة C_f بانسحاب شعاعه $\vec{v}\binom{0}{k}$
$g(x)=f(x+b)$	C_g هو صورة C_f بانسحاب شعاعه $\vec{v}\binom{-b}{0}$
$g(x)=f(x+b)+k$	C_g هو صورة C_f بانسحاب شعاعه $\vec{v}\binom{-b}{k}$
$g(x)=\lambda f(x)$	نرسم C_g بالاحتفاظ بفواصل C_f و ضرب ترتيب C_f في λ
$g(x)=\lambda f(x+b)+k$	C_g هو صورة $C_{\lambda f}$ بانسحاب شعاعه $\vec{v}\binom{-b}{k}$
$g(x)=-f(x)$	C_g هو نظير C_f بالنسبة لمحور الفواصل
$g(x)=f(-x)$	C_g هو نظير C_f بالنسبة لمحور التراتيب
$g(x)=-f(-x)$	C_g هو نظير C_f بالنسبة للمبدأ
$g(x)=\lvert f(x)\rvert$	C_g منطبق على C_f لما $f(x)\geq 0$ و C_g نظير C_f بالنسبة لمحور الفواصل لما $f(x)\leq 0$ ✱ بتعبير اخر: C_g منطبق على C_f لما C_f فوق محور الفواصل و C_g نظير C_f بالنسبة لمحور الفواصل لما C_f تحت محور الفواصل
$g(x)=f(\lvert x\rvert)$	C_g منطبق على C_f لما $x\geq 0$ و C_g نظير C_f بالنسبة لمحور التراتيب لما $x\leq 0$

IV]. دساتير تغيير معلم

العلاقة بين إحداثيات نقطة $M(x,y)$ في معلم قديم $(O;\vec{\imath},\vec{\jmath})$ و احداثياها $M(X,Y)$ في معلم جديد $(\Omega;\vec{\imath},\vec{\jmath})$

حيث (x_0,y_0) هي احداثيات Ω في المعلم $(O;\vec{\imath},\vec{\jmath})$ هي:

$$\begin{cases} x=X+x_0 \\ y=Y+y_0 \end{cases}$$

Prof Mustapha
KdHALDI

مركز التناظر

✓ طريقة 1:

$W(a\,;\,b)$ مركز تناظر $\Leftarrow$ $f(2a-x)+f(x)=2b$

✓ طريقة 2:

$W(a\,;\,b)$ مركز تناظر $\Leftarrow$ $f(a+x)+f(a-x)=2b$

✓ طريقة 3: دستور تغيير معلم

$W(a\,;\,b)$ مركز تناظر $\Leftarrow$ $\begin{cases} x=a+X \\ y=b+Y \end{cases}$

1) إيجاد معادلة الدالة في المعلم الجديد:

$$Y=f(a+X)-b$$

2) إثبات أن Y دالة فردية.

محور التناظر

✓ طريقة 1:

$x=a$ محور تناظر $\Leftarrow$ $f(2a-x)=f(x)$

✓ طريقة 2:

$x=a$ محور تناظر $\Leftarrow$ $f(a-x)=f(a+x)$

✓ طريقة 3: دستور تغيير معلم

$x=a$ محور تناظر $\Leftarrow$ $\begin{cases} x=a+X \\ y=Y \end{cases}$

1) إيجاد معادلة الدالة في المعلم الجديد:

$$Y=f(a+X)$$

2) إثبات أن Y دالة زوجية.

✱ملاحظة: المنحنى الممثل للدالة: ax^3+bx^2+cx+d حيث $a\neq 0$ يقبل دائما مركز تناظر

www.dzexams.com
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com