najah213.com · نجاح 213

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية ساجي المختار السمار — **الشعبة :أولى علوم وتكنولوجيا**

الفرض المحروس الأول في مادة : الرياضيات — **المـدة** : 02 سا

التمرين الأول: (06 نقاط)

x عدد حقيقي موجب تماما نضع : $A = \dfrac{x-1}{x}$ و $B = \dfrac{x}{x+1}$.

1) احسب الفرق $A - B$.

2) استنتج اشارة الفرق بين $A - B$ ، ثم قارن بين A و B .

3) استنتج مقارنة بين العددين $\sqrt{\dfrac{2018}{2019}}$ و $\sqrt{\dfrac{2017}{2018}}$.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

1) حلّل كل من العددين 1782 و 999 الى جداء عوامل أولية .

2) استنتج $PGCD(999, 1782)$.

3) نضع : $a = 1.783782783... = 1.\underline{783}$.

أ) ما طبيعة العدد a .

ب) بيّن أن $a = \dfrac{1782}{999}$.

جـ) استنتج الشكل الغير قابل للإختزال للعدد a .

التمرين الثالث: (12 نقاط)

x و y عددان حقيقيان حيث : $6 \prec x \prec 10$ و $-10 \prec y \prec -9$.

I و J مجموعتان من $\mathbb{R}$ حيث : $I = [-2\ ;\ 1] \cup [2; 4]$ و $J = [0\ ;\ 1[\cup [5; +\infty[$.

1) عيّن المجالات التالية : $I \cap J$ و $I \cup J$.

2) اعط حصرا لكل من $x - y$ و xy .

3) بيّن ان : $|x - 8| \prec 2$.

4) عبّر عن الحصر $-9 \prec y \prec -10$ على شكل مجال ثم على شكل قيمة مطلقة .

5) حل المعادلة $|y - 8| = 2$ ثم استنتج حلول المتراجحة $|y - 8| \prec 2$.

تمنياتي لكم بالتوفيق

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التصحيح المفصل للفرض المحروس الأول للفصل الأول

حل التمرين الأول

1) حساب الفرق $A-B$.

لدينا: $A=\dfrac{x-1}{x}$ و $B=\dfrac{x}{x+1}$ ومنه :

$$A-B=\frac{x-1}{x}-\frac{x}{x+1}=\frac{(x-1)(x+1)-x^2}{x(x+1)}=\frac{x^2-1-x^2}{x(x+1)}=\frac{-1}{x(x+1)}$$ وبالتالي :

$$\boxed{A-B=\frac{-1}{x(x+1)}}$$

2) استنتاج اشارة الفرق بين $A-B$

بمأن $x\succ 0$ فإن $x(x+1)\succ 0$ وعليه $\dfrac{-1}{x(x+1)}\prec 0$ وبالتاليي $\boxed{A-B\prec 0}$

- المقارنة بين A و B .

بمأن $A-B\prec 0$ فإن $A\prec B$ وعليه :

$$\boxed{\frac{x-1}{x}\prec\frac{x}{x+1}} \qquad (1)$$

3) استنتاج مقارنة بين العددين $\sqrt{\dfrac{2018}{2019}}$ و $\sqrt{\dfrac{2017}{2018}}$.

بأخذ $x=2018$ في المتراجحة (1) نجد : $\dfrac{2017}{2018}\prec\dfrac{2018}{2019}$ وبمأن $\dfrac{2017}{2018}\succ 0$ و $\dfrac{2018}{2019}\succ 0$ فإن :

$$\boxed{\sqrt{\frac{2017}{2018}}\prec\sqrt{\frac{2018}{2019}}}$$

حل التمرين الثاني

1) تحليل العددين 1788 و 999 الى جداء عوامل أولية .

لدينا : $\boxed{999=3^3\times 37}$

و $\boxed{1782=2\times 3^4\times 11}$

2) استنتاج $PGCD(999,1782)$.

$$\boxed{PGCD(999,1782)=3^3=27}$$

3) أ) طبيعة العدد a .

بمأن للعدد a دور فهو عدد $\boxed{\text{عشري}}$

ب) تبيان أن $a=\dfrac{1782}{999}$.

لدينا : $a=1.783782783...=1.\underline{783}$

ومنه : $a=1+0.783782783...$ بأخذ $x=0.783782783...$ نجد $1000x=783.782783...$

اي $1000x=783+0.782783...$ اي $1000x=783+x$ وبالتالي $999x=783$ ومنه $x=\dfrac{783}{999}$

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

لدينا : $a = 1 + 0.783782783...$ و $x = 0.783782783...$ ومنه $a = 1 + x$ اي $a = 1 + \dfrac{783}{999}$

واخيرا نجد : $\boxed{a = \dfrac{1782}{999}}$

جـ) استنتاج الشكل الغير قابل للإختزال للعدد a .

بما أن $PGCD(999, 1782) = 27$ فإن $a = \dfrac{\frac{1782}{27}}{\frac{999}{27}}$ ومنه : $\boxed{a = \dfrac{66}{37}}$

حل التمرين الثالث

x و y عددان حقيقيان حيث : $6 \prec x \prec 10$ و $-10 \prec y \prec -9$.

I و J مجموعتان من $\mathbb{R}$ حيث : $I = [-2\ ;\ 1] \cup [2; 4]$ و $J = [0\ ;\ 1[\cup [5; +\infty[$.

1) تعيّن المجالات : $I \cap J$ و $I \cup J$.

لدينا : $I = [-2\ ;\ 1] \cup [2; 4]$ و $J = [0\ ;\ 1[\cup [5; +\infty[$ ومنه نجد :

$\boxed{I \cap J = [0, 1[}$ و $\boxed{I \cup J = [-2\ ;\ 1] \cup [2\ ;\ 4] \cup [5; +\infty[}$

2) اعطاء حصرا لكل من $x - y$ و xy .

✍ حصر $x - y$:

لدينا :

$$6 \prec x \prec 10 \quad (2)$$
$$-10 \prec y \prec -9 \quad (3)$$

بضرب المتراجحة (3) في العدد (-1) نجد :

$$9 \prec -y \prec 10 \quad (4)$$

بالجمع بين المتراجحتين (2) و (4) نجد : $\boxed{15 \prec x - y \prec 20}$

✍ حصر xy :

بالضرب بين المتراجحتين (2) و (4) نجد : $54 \prec -xy \prec 100$

بضرب هذه المتراجحة الأخيرة في العدد (-1) نجد : $\boxed{-100 \prec xy \prec -54}$

3) تبيان أن : $|x - 8| \prec 2$.

لدينا : $6 \prec x \prec 10$ بطرح العدد (8) من هذه المتراجحة نجد : $-2 \prec x - 8 \prec 2$ ومنه $\boxed{|x - 8| \prec 2}$.

4) التعبيرعن الحصر $-10 \prec y \prec -9$ على شكل مجال ثم على شكل قيمة مطلقة .

✗ على شكل مجال :

$-10 \prec y \prec -9$ معناه : $\boxed{y \in [-10\ ;\ -9]}$

✗ على شكل قيمة مطلقة :

$-10 \prec y \prec -9$ معناه : $\boxed{\left|x + \dfrac{19}{2}\right| \prec \dfrac{1}{2}}$

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

5) حل المعادلة $|y-8|=2$ ثم استنتاج حلول المتراجحة $|y-8| \prec 2$.

✗ حل المعادلة $|y-8|=2$:

ولتكن S مجموعة حلولها :

$|y-8|=2$ تكافئ $\begin{cases} y-8=2 \\ y-8=-2 \end{cases}$ تكافئ $\begin{cases} y=10 \\ y=6 \end{cases}$ ومنه : $S=\{6,10\}$

✗ استنتاج حلول المتراجحة $|y-8| \prec 2$:

لتكن D مجموعة حلول هذه المتراجحة :

$|y-8| \prec 2$ تكافئ $-2 \prec y-8 \prec 2$ تكافئ $6 \prec y \prec 10$ ومنه : $y \in]6;10[$ تكافئ $D=]6;10[$.

مع خالص تمنياتنا لكم بالتوفيق و النجاح

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com