najah213.com · نجاح 213

ثانوية الكفيف احمد مفتاح — **مارس 2022**

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات — **المستوى : 3 تقني رياضي**

المدة :2 ســـــــاعة

التمرين الأول :

نعتبر الدالة f المعرفة على $I=]0;+\infty[$ بـ: $f(x)=-x+1+\dfrac{\ln x}{\sqrt{x}}$

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد $\left(O;\vec{i};\vec{j}\right)$ ، $\left(\left\|\vec{i}\right\|=2cm\ ,\left\|\vec{j}\right\|=1\,cm\right)$

I) g هي الدالة المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ: $g(x)=-\left[2\left(x\sqrt{x}-1\right)+\ln x\right]$

1) احسب $g(1)$ ثم استنتج إشارة $g(x)$ في الحالتين $0<x<1$ و $x>1$.

2) احسب نهايتي الدالة f عند $0\ ,+\infty$ ، ثم استنتج المستقيمين المقاربين للمنحني (C_f) .

3) احسب $f'(x)$ واستنتج أن إشارتها من نفس إشارة الدالة g

4) استنتج اتجاه تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها .

5) أرسم (C_f) والمستقيمين المقاربين

II) 1. باستعمال تكامل التجزئة ، عين دالة أصلية للدالة $x\mapsto\dfrac{\ln x}{\sqrt{x}}$

1) احسب $S(\alpha)$ مساحة الحيز المحدد بالمنحني (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها :

$x=\alpha\ ,\ x=1\ ,\ y=-x+1$

بحيث $0<\alpha<1$

2) احسب نهاية $S(\alpha)$ لما يؤول α إلى الصفر ، أعط تفسيرا بيانيا لهذه النهاية

III) (u_n) متتالية معرفة بحدها الأول u_0 حيث : $u_0\in[1;2]$ ، ومن أجل كل عدد طبيعي n لدينا : $u_{n+1}=\dfrac{\ln u_n}{\sqrt{u_n}}+1$

1) برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[1;2]$ لدينا : $0\le\dfrac{\ln x}{\sqrt{x}}\le 1$

2) برهن بالتراجع أن من أجل كل عدد طبيعي n لدينا : $u_n\in[1;2]$

3) بملاحظة أن من أجل كل عدد طبيعي n لدينا : $u_{n+1}=f(u_n)+u_n$ ، عين اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

4) برهن أن المتتالية (u_n) متقاربة ، نسمي العدد l نهايتها

5) احسب بدقة قيمة l .

اقلب الورقة

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين الثاني:

نعتبر المتتالية العددية u_n المعرفة على N بـ: $u_0 = 9$ ومن أجل كل عدد طبيعي: n . $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - 3$

- ولتكن المتتالية v_n المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث: $v_n = u_n + 6$.

1- بيّن أنّ v_n متتالية هندسية يُطلب تحديد أساسها وحدها الأول .

2- أكتب v_n بدلالة n ، ثم إستنتج عبارة u_n بدلالة n .

3- نعتبر المجموعين S_n و S'_n حيث: $S_n = v_0 + v_1 + \ldots + v_n$ و $S'_n = u_0 + u_1 + \ldots + u_n$.

أحسب S_n بدلالة n ، ثم إستنتج S'_n بدلالة n .

- نعرف المتتالية w_n بـ: من أجل كل عدد طبيعي n لدينا: $w_n = \ell n(v_n)$ (حيث: ℓn اللوغاريتم النيبيري) .

بيّن أنّ w_n متتالية حسابية يُطلب تحديد أساسها وحدها الأول .

أحسب بدلالة n المجموع: $S''_n = w_0 + w_1 + \ldots + w_n$ ، إستنتج النهاية $\lim\limits_{n \to +\infty} S''_n$.

بالتوفيق

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com