najah213.com · نجاح 213

الجُمْهُورِيَّة الجَزَائِرِيَّة الدِّيمُقْرَاطِيَّة الشَّعْبِيَّة
وَزَارَةُ التَّرْبِيَةِ الوَطَنِيَّة
مُدِيرِيَّةُ التَّرْبِيَة - الجَزَائِرِ وَسَط -
مَدْرَسَةُ "الرَّجَاءِ وَالتَّفَوُّقِ" الخَاصَّة - بُوزَرِّيعَة -

مدرسة "الرّجاء والتفوّق" الخاصّة
Ecole Erradja wa Tafaouk
ÉCOLE PRIVÉE

المادّة: الرياضيات
المستوى: 2 علوم تجريبية

التّاريخ: 2024/03/07
المدّة: ساعتان

اختبار الفصل الثاني

التمرين الأول: (05 نقاط)

أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل تصريح أدناه :

1. A و B نقطتان متمايزتان من المستوي , مجموعة النقط M التي تحقق: $\|\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}\| = \|\overrightarrow{MA}-\overrightarrow{MB}\|$ هي محور القطعة $[AB]$.
2. القيس الرئيسي للزاوية الموجهة $\frac{2023\pi}{2}$ هو $\frac{3\pi}{2}$.
3. إذ كان $(\vec{u};\vec{v}) = \frac{3\pi}{2}$ فإن $(-2\,\vec{u}\,;6\,\vec{v}) = \frac{3\pi}{2}$.
4. من أجل كل عدد حقيقي x لدينا :
$$(1-2\sin^2 x)^2-(1-2\cos^2 x)^2 = 0$$
5. عدد حلول المعادلة $\sin(2x)=\cos(x+\pi)$ في المجال $[-5\pi;5\pi]$ هو 10 .

التمرين الثاني:(07 نقاط)

يوجد في كيس 6 كريات لا نفرّق بينها عند اللمس منها ثلاثة بيضاء تحمل الأرقام $1,0-$ و 1 و كريتين حمراوين تحملان الرقمين 1 و $1-$ و كرية سوداء تحمل الرقم 0 , نسحب عشوائيا كريتان في آن وحد من الكيس.

1. عين بواسطة جدول عناصر مجموعة الإمكانيات الكلية Ω.
2. احسب احتمال الحوادث التالية:
   A : "سحب كريتان بيضاوان"
   B : "سحب كرية حمراء على الأكثر "
   C : "سحب كريتان مجموع رقميهما 0"
3. احسب $P(\bar{A})$, $P(\bar{C})$, $P(A\cap C)$ ثم استنتج $P(A\cup B)$ و $P(A\cap\bar{C})$.
4. يدفع لاعب $\alpha\ DA$ مقابل اللعبة التالية : إذ سحب كريتين جداء رقميهما موجب تماما يربح $60DA$ و إذ سحب كريتين جداء رقميهما سالب تماما يخسر $30DA$ و إذ سحب كريتين جداء رقميهما معدوم يخسر ما دفعه , نعرف X المتغيّر العشوائي الذي يرفق بمقدار الربح أو الخسارة .
   - برر أن القيم التي يأخذها المتغيّر العشوائي X هي $X=\{60-\alpha,-30-\alpha,-\alpha\}$ ثم عين قانون احتماله.
   - احسب الأمل الرياضياتي للمتغير العشوائي X.
   - عين قيم α حتى تكون اللعبة في صالح اللاعب .

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين الثالث: (08 نقاط)

I. نعتبر الدالة g المعرفة على $\mathbb{R}-\{1\}$ بـ: $g(x)=\frac{ax^2+bx+c}{x-1}$. حيث a , b و c أعداد حقيقية .

1. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي $x \neq 1$ لدينا: $f'(x)=\frac{ax^2-2ax-b-c}{(x-1)^2}$.

2. عين الأعداد a, b و c حيث منحنى الدالة g يقبل مماسا موازي لمحور الفواصل عند النقطة $A(3;4)$ و يقطع محور التراتيب عند -5 .

II. f دالة معرفة على $\mathbb{R}-\{1\}$ بـــ: $f(x)=\frac{x^2-2x+5}{x-1}$ و (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O;\vec{i};\vec{j})$.

1. احسب نهايات دالة f عند حدود مجموعة تعريفها.

2. تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي $x \neq 1$ لدينا: $f(x)=x-1+\frac{4}{x-1}$.

3. بين أن مستقيم (Δ) ذو معادلة $y=x-1$ مستقيم مقارب مائل لـ (C_f), عين معادلة للمستقيم المقارب الآخر (Δ').

4. ادرس الوضع النسبي بين (C_f) و المستقيم (Δ).

5. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي $x \neq 1$ لدينا: $f'(x)=\frac{x^2-2x-3}{(x-1)^2}$, ثم شكل جدول تغيراتها .

6. برهن على وجود مماسين (T) و (T') معامل توجيه كل منهما يساوي -3

7. بين أن النقطة $B(1;0)$ مركز تناظر لـ (C_f) .

8. أرسم المماسين (T) و (T') , المستقيم (Δ) و المنحنى (C_f) .

9. m وسيط حقيقي , ناقش بيانيا حسب قيم m عدد حلول المعادلة $x^2-(2+m)x+m+5=0$.

سؤال إضافي : (01 نقاط)

❖ أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي موجب x لدينا: $\sin(x) \leq x$.

وفقكم الله

www.dzexams.com

www.ecolerradja.com
www.fb.com/ecolerradja
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

المستوى: سنة ثانية علوم تجريبية

- عليمي بشير

تصحيح اختبار فصل الثاني

التمرين 1:

1) خطأ. لأن: I منتصف القطعة [AB]

$\|\vec{MA} + \vec{MB}\| = \|\vec{MA} - \vec{MB}\|$

$2MI = BA \Leftrightarrow MI = \frac{BA}{2}$

ومنه مجموعة النقط M هي الدائرة التي مركزها I ونصف قطرها $BA/2$

2) خطأ:

$\frac{2023\pi}{2} = 1012\pi - \frac{\pi}{2}$

ومنه قيس الرئيسي هو $-\frac{\pi}{2}$.

3) خطأ:

$(-2\vec{u}, 6\vec{v}) = \pi + (\vec{u}, \vec{v}) = \pi + \frac{3\pi}{2}$

$= 2\pi + \frac{\pi}{2}$

4) صحيح. لأن:

$(1 - 2\sin^2(x))^2 - (1 - 2\cos^2(x))^2$

$= \left[-2\sin^2(x) + 2\cos^2(x)\right]\left[2 - 2\sin^2(x) - 2\cos^2(x)\right]$

$= \left[-2\sin^2(x) + 2\cos^2(x)\right]\left[2 - 2(\sin^2(x) + \cos^2(x))\right]$

$= \left[-2\sin^2(x) + 2\cos^2(x)\right][2 - 2] = 0$

5) خطأ:

$\sin(2x) = \cos(x + \pi)$

$-\sin(2x) = \cos(x)$

$\cos(\frac{\pi}{2} + 2x) = \cos(x)$

ومنه

$\begin{cases} \frac{\pi}{2} + 2x = x + 2k\pi \\ \frac{\pi}{2} + 2x = -x + 2k\pi \end{cases}$ $k \in \mathbb{Z}$

$\begin{cases} x = -\frac{\pi}{2} + 2k\pi \\ x = -\frac{\pi}{6} + \frac{2k\pi}{3} \end{cases}$ $k \in \mathbb{Z}$

التمرين 2:

1) إيجاد حسب k.

$\begin{cases} -5\pi \leq -\frac{\pi}{2} + 2k\pi \leq 5\pi \\ -5 \leq -\frac{1}{2} + 2k \leq 5 \\ -\frac{9}{2} \leq 2k \leq \frac{11}{2} \\ -\frac{9}{4} \leq k \leq \frac{11}{4} \Leftrightarrow -2{,}25 \leq k \leq 2{,}75 \end{cases}$

ومنه $k \in \{-2, -1, 0, 1, 2\}$.

حل ثاني:

$-5\pi \leq -\frac{\pi}{6} + \frac{2k\pi}{3} \leq 5\pi$

$-5 \leq -\frac{1}{6} + \frac{2k}{3} \leq 5$

$-2\frac{9}{4} \leq k \leq \frac{31}{4}$

$-7{,}25 \leq k \leq 7{,}75$

ومنه $k \in \{-7, -6, \ldots, 0, 1, 2, \ldots 7\}$

ومنه عدد الحلول هو 20.

2) 0/5

	B_0	B_{-1}	B_1	R_1	R_{-1}	N_0
B_0						
B_{-1}	B_0B_{-1}					
B_1	B_0B_1	$B_{-1}B_1$				
R_1	B_0R_1	$B_{-1}R_1$	B_1R_1			
R_{-1}	B_0R_{-1}	$B_{-1}R_{-1}$	B_1R_{-1}	R_1R_{-1}		
N_0	B_0N_0	$B_{-1}N_0$	B_1N_0	R_1N_0	$R_{-1}N_0$	

www.ecolerradja.com
www.dzexams.com
www.fb.com/ecolerradja
مدرسة "الرجاء والتفوق" الخاصة
École Erradja wa Tafaouk
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

$P(A) = \frac{3}{15}$; $P(B) = \frac{11}{15}$; $P(C) = \frac{10}{15}$; $P(A \cap C) = \frac{1}{15}$ -3

$P(\bar{A}) = 1 - P(A) = \frac{12}{15}$

ومنه

$$\begin{cases} P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{11}{15} \\ P(A \cap \bar{C}) = P(A) - P(A \cap C) = \frac{2}{15} \end{cases}$$

$X = \{60-\alpha, -30-\alpha, -\alpha\}$ -4

x_i	$60-\alpha$	$-30-\alpha$	$-\alpha$
$P(X=x_i)$	$\frac{2}{15}$	$\frac{4}{15}$	$\frac{2}{15}$

$E(X) = \sum x_i P(X=x_i) = -\alpha$.

$E(X) > 0$ تكون اللعبة في صالح اللاعب .

ومنه $-\alpha > 0$ $\Leftrightarrow$ $\alpha < 0$ مستحيل . إذن

اللعبة خاسرة دوماً أو على الأكثر لما $\alpha = 0$.

تمرين 3 :

$$g(x) = \frac{ax^2 + bx + c}{x-1}$$

$$\begin{cases} g(3) = 4 \\ g'(3) = 0 \\ g(0) = -5 \end{cases}$$ ، $g'(x) = \frac{ax^2 - 2ax - b - c}{(x-1)^2}$

ومنه

$$\begin{cases} a = 1 \\ b = -2 \\ c = 5 \end{cases}$$

$f(x) = \frac{x^2 - 2x + 5}{x-1}$ (II

- $\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2}{x} = \lim_{x \to +\infty} x = +\infty$.
- $\lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} \frac{x^2}{x} = \lim_{x \to -\infty} x = -\infty$.
- $\lim_{x \to 1} f(x) = +\infty$. حيث $\lim_{x \to 1} x^2 - 2x + 5 = 4$
- $\lim_{x \to 1} f(x) = -\infty$. $\lim_{x \to 1} x - 1 = 0$

x	$-\infty$		1		$+\infty$
$x-1$		$-$	0	$+$	

2- لدينا $x - 1 + \frac{4}{x-1} = \frac{(x-1)^2 + 4}{x-1} = \frac{x^2 - 2x + 5}{x-1} = f(x)$

3- $\lim_{|x| \to +\infty} f(x) - g(x) = \lim_{|x| \to +\infty} \frac{4}{x-1} = 0$

1- $x = 1$ مستقيم مقارب للمنحنى (C_f) عموديا .

x	$-\infty$		1		$+\infty$
$f(x) - y$		$-$		$+$	
الوضعية	(C_f) تحت (D)			(C_f) فوق (D)	

-4

-5 تحقق أن $f'(x) = \frac{x^2 - 2x - 3}{(x-1)^2}$

x	$-\infty$		-1		1		3		$+\infty$
$f'(x)$		$+$	0	$-$		$-$	0	$+$	
$f(x)$	$-\infty$	↗	-4	↘	$-\infty$ $+\infty$	↘	4	↗	$+\infty$

-6 $f'(x) = -3$

ومنه $x^2 - 2x - 3 = -3(x-1)^2$

$x_1 = 0$ ، $x_2 = 2$.

$(T): y = -3x - 5$ ؛ $(T'): y = -3x + 11$.

-7 لدينا $x \neq 1$ ومنه $2 - x \neq 1$.

و

$f(2-x) + f(x) = 0$

ا:- $B(1,0)$ مركز تناظر .

-9 مناقشة

$x^2 - (2+m)x + m + 5 = 0$

$\frac{x^2 - 2x + 5}{x-1} = m$ $\Leftrightarrow$ $f(x) = m$

مناقشة أو قيمة .

$-4 < m < 4$ يقبل حلول .

$m \in \{-4; 4\}$ يقبل حل وحيد مضاعف .

$|m| > 4$ يقبل حلين مختلفين .

السؤال الثاني :

$D_g = \mathbb{R}^+$

نضع $g(x) = x - \ln(x)$ ،

ومنه $g'(x) = 1 - \cos(x) \geq 0$

ا:- الدالة g متزايدة تماما على D_g

و بالتالي مهما يكون $x \in \mathbb{R}^+$.

$g(x) \geq g(0)$

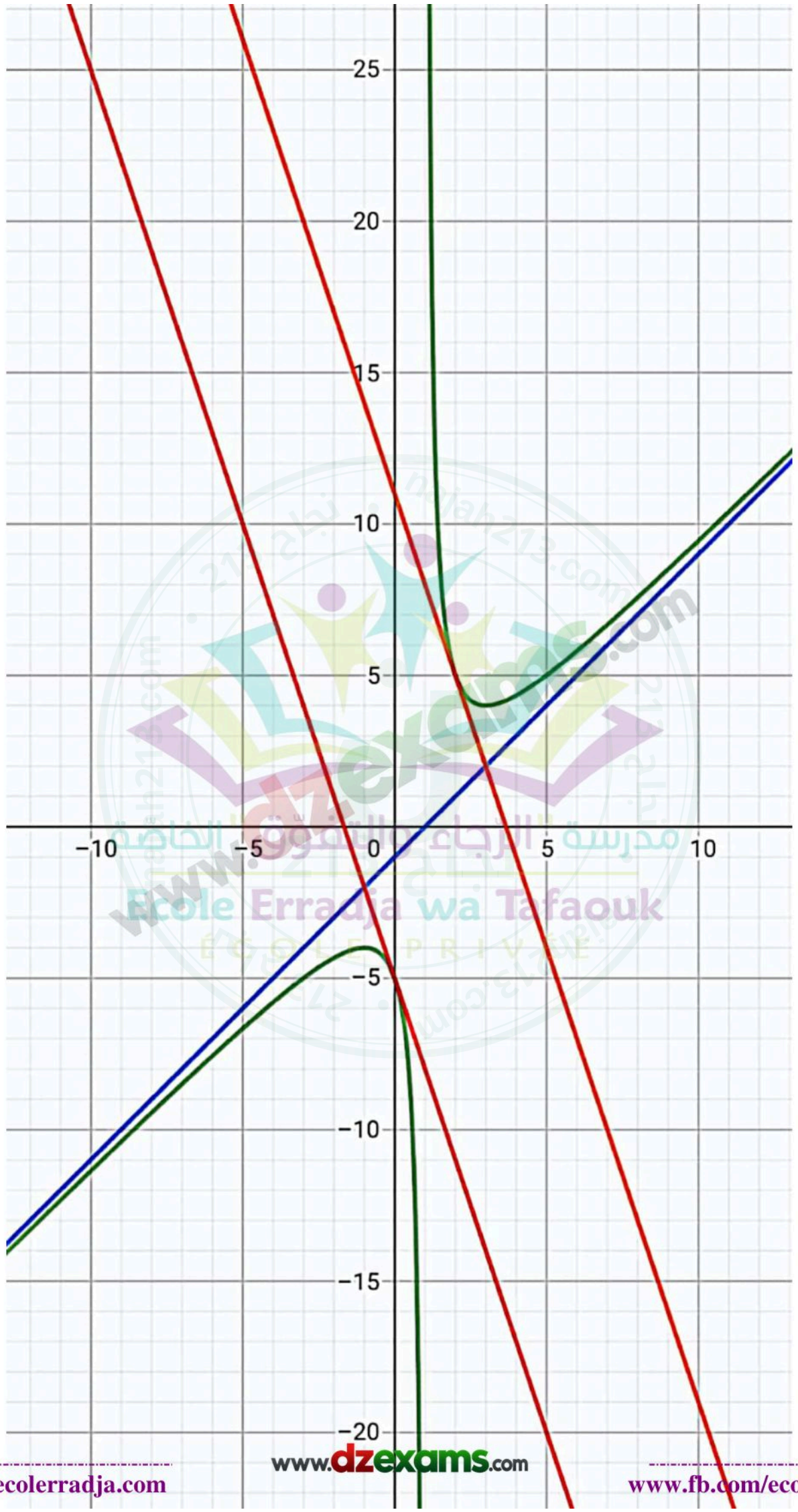
$x - \ln(x) \geq 0$

$x \geq \ln(x)$ و $x \geq 0$

وهو المطلوب .

www.ecolerradja.com
www.dzexams.com
www.fb.com/ecolerradja

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com



فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً