najah213.com · نجاح 213

الجمهورية الجزائرية

ولاية سيدي بلعباس
ثانوية العقيد سي الحواس

فرض الفصل الأول : مادة الرياضيات
السنة الثانية ثانوي شعبة رياضيات

اليوم:2025/11/26
المدة:ساعتان

التمرين الأول (17 نقاط)

نعتبر f كثير حدود معرف على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = -2x^3 + x^2 + 5x + 2$.

① ✍ تحقق أن : $f(-1) = 0$.

✍ عين الأعداد الحقيقية a و b و c التي تحقق : $f(x) = (x+1)(ax^2 + bx + c)$.

✍ حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $f(x) = 0$ ثم أدرس اشارة كثير الحدود $f(x)$.

✍ استنتج حلول المتراجحة : $f(x) \leq 0$.

② نعتبر العددان الحقيقيان x و y حيث $x < y$ و المعرفان بالجملة :

$$\begin{cases} 3x + 3y + 5 = 0 \\ 3xy + 2 = 0 \end{cases}$$

✍ عين العددان الحقيقيان x و y .

③ ليكن g_m كثير حدود معرف على $\mathbb{R}$ بـ : $g_m(x) = (m+3)x^2 + 2mx + m - 5$ مع m وسيط حقيقي .

✍ تحقق أن : $\Delta = 4(2m + 15)$.

✍ أكتب كلا من $P = \frac{c}{a}$ و $S = -\frac{b}{a}$ بدلالة m .

✍ ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و اشارة حلول المعادلة : $g_m(x) = 0$.

✍ عين قيمة الوسيط الحقيق m حتى تكون α و β حلان للمعادلة $g_m(x) = 0$ بحيث تحققان :
$(\alpha + 1)(\beta + 1) = -1$.

التمرين الثاني (03 نقاط)

ليكن Q كثير حدود من الدرجة الثالثة معرف بـ :

$Q(x) = x^3 + ax^2 + bx + 18$ مع a و b عددان من $\mathbb{R}$.

① ✍ عين العددان الحقيقيان a و b حتى يقبل $Q(x)$ القسمة على $x^2 - 9$.

✍ حلل كثير الحدود $Q(x)$ ثم حل في $\mathbb{R}$ كلا من $Q(x) = 0$ و $Q(x) > 0$.

✍ حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $Q(x^2 + 3) = 0$.

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التصحيح النموذجي

التمرين الأول

① ✍ التحقق :

$$\begin{aligned} f(-1) &= -2(-1)^3 + (-1)^2 + 5(-1) + 2 \\ f(-1) &= 0 \end{aligned}$$

✍ تعيين الاعداد الحقيقية a و b و c :

	-2	1	5	2
-1	0	2	-3	-2
	-2	3	2	0

$$f(x) = (x+1)(-2x^2+3x+2)$$

✍ حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $f(x) = 0$:

$$\begin{gathered} f(x) = 0 \\ (x+1)(-2x^2+3x+2) = 0 \\ -2x^2+3x+2 = 0 \text{ او } x+1 = 0 \\ x = 2 \text{ او } x = -\frac{1}{2} \text{ أو } x = -1 \end{gathered}$$

✍ اشارة $f(x)$:

x	$-\infty$		-1		$-\frac{1}{2}$		2	$+\infty$
$x+1$		$-$	0	$+$		$+$		$+$
$-2x^2+3x+2$		$-$		$-$	0	$+$	0	$-$
$f(x)$		$+$	0	$-$	0	$+$	0	$-$

✍ حلول المتراجحة :

$$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x \in \left[-1; -\frac{1}{2}\right] \cup [2; +\infty[\right\}$$

② ✍ تعيين العددان الحقيقيان x و y :

$$\begin{cases} x + y = -\frac{5}{3} \\ xy = -\frac{2}{3} \end{cases}$$

حل في $\mathbb{R}$ المعادلة :

$$\begin{gathered} z^2 - Sz + p = 0 \\ z^2 + \frac{5}{3}z - \frac{2}{3} = 0 \\ 3z^2 + 5z - 2 = 0 \end{gathered}$$

$$\begin{cases} x = -2 \\ y = \frac{1}{3} \end{cases}$$

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

③ ✍ حساب المميز :

$$\begin{aligned}\Delta &= (2m)^2 - 4(m+3)(m-5)\\ \Delta &= 4m^2 - 4(m^2 - 2m - 15)\\ \Delta &= 4m^2 - 4m^2 + 4(2m - 15)\\ \Delta &= 4(2m - 15)\end{aligned}$$

✍ حساب S و P :

$$\begin{aligned}P &= \frac{m-5}{m+3}\\ S &= -\frac{2m}{m+3}\end{aligned}$$

✍ المناقشة الوسيطية :

m	$-\infty$		$-\frac{15}{2}$		-3		0		5		$+\infty$
Δ	$-$		0	$+$		$+$		$+$		$+$	
P	$+$			$+$	‖	$-$		$-$	0	$+$	
S	$-$			$-$	‖	$+$	0	$-$		$-$	

$\left]-\infty;-\frac{15}{2}\right[$	$\left]-\frac{15}{2};-3\right[$	$]-3;0[$	$]0;5[$	$]5;+\infty[$
لا يوجد حلول في $\mathbb{R}$	حلان سالبان تماما	حلان مختلفان في الاشارة	حلان مختلفان في الاشارة	حلان سالبان تماما

✍ قيمة الوسيط الحقيقي m مع $m \neq -3$:

$$\begin{aligned}(\alpha+1)(\beta+1)) &= -1\\ \alpha\beta + \alpha + \beta + 1 &= -1\\ P + S &= -2\\ \frac{m-5}{m+3} - \frac{2m}{m+3} &= -2\\ \frac{m-5-2m}{m+3} &= -2\\ \frac{m+5}{m+3} &= 2\\ m+5-2(m+3) &= 0\\ m+5-2m-6 &= 0\\ -m-1 &= 0\\ m &= -1\end{aligned}$$

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين الثاني

① ✍ تعيين العددان الحقيقيان a و b من أجل كل x من $\mathbb{R}$:

$$Q(x) = (x^2-9)(x+a) + (b+9)x + 9x + 8$$
$$(b+9)x + 9a + 18 = 0x + 0$$

$$\begin{cases} b+9=0 \\ 9a+18=0 \end{cases} \iff \begin{cases} b=-9 \\ a=-2 \end{cases}$$

✍ التحليل :

$$Q(x) = (x^2-9)(x-2)$$

$$Q(x) = 0$$
$$(x^2-9)(x-2) = 0$$
$$x-2=0 \text{ او } x^2-9=0$$
$$x=2 \text{ أو } x^2=9$$
$$x=2 \text{ أو } |x|=3$$
$$x=2 \text{ أو } x=\pm 3$$

$$S = \{x \in \mathbb{R} / x \in \{-3;2;3\}\}$$

✍ حل المتراجحة :

x	$-\infty$		-3		2		3		$+\infty$
x^2-9	$+$	0	$-$		$-$	0	$+$		
$x-2$	$-$		$-$	0	$+$		$+$		
$Q(t)$	$-$	0	$+$	0	$-$	0	$+$		

$$S = \{x \in \mathbb{R} / x \in]-3;2[\cup]3;+\infty[\}$$

✍ حل المعادلة :

$$Q(x) = (x-3)(x+3)(x-2)$$
$$Q(x^2+3) = (x^2+3-3)(x^2+3+3)(x^2+3-2)$$
$$Q(x^2+3) = x^2(x^2+6)(x^2+1)$$

وفي النهاية نجد :

$$Q(x^2+3) = 0$$
$$x^2 = 0$$
$$x = 0$$

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com