najah213.com - نجاح 213

# تنظيم المعطيات

## السلسلة الإحصائية:

السلسلة الإحصائية هي مجموعة القيم التي جمعت خلال دراسة إحصائية ، و تكتب في جداول لتسهيل قراءتها و تفسيرها.

## التكرار و التكرار النسبي :

تكرار قيمة (معطومة) هو عدد مرات ظهور هذه القيمة ضمن السلسة الإحصائية أما التكرار النسبي فهو حاصل قسمة تكرار هذه القيمة على العدد الإجمالي للقيمة.

**مثال:**

السلسة الإحصائية التالية، تمثل علامات 30 تلميذا في امتحان مادة الرياضيات :

| | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|
| 15 | 3 | 4 | 16 | 18 | 2 |
| 11 | 16 | 10 | 13 | 7 | 12 |
| 14 | 17 | 18 | 8 | 15 | 9 |
| 16 | 10 | 11 | 7 | 9 | 8 |
| 9 | 14 | 7 | 10 | 10 | 6 |

نلاحظ أن تكرار العلامة 16 هو 3، أما التكرار النسبي لهذه العلامة فهو:

$$\frac{3}{30} = 0,1 = 10\%$$

## التجميع في فئات متساوية المدى:

عندما تكون المعطيات الإحصائية عديدة، نقوم بتجميعها في فئات متساوية المدى قصد تسهيل قراءتها واستغلالها، كل فئة يشمل مجموعة.

## مركز وطول الفئة:

الفئة هي مجموعة الأعداد $x$ التي تحقق $A \leq x < B$.

طول الفئة هو العدد الموجب (A-B) حيث A هو الحد الأدنى للفئة و B الحد الأعلى للفئة ، أما مركز الفئة فهو العدد $\frac{A+B}{2}$

**مثال:**

يمثل الجدول التالي توزيع الطلبة المسجلين بالمكتبة حسب أعمارهم. اجمع هذه المعطيات في فئات متساوية المدى طول كل واحدة منها 2، مع ذكر مركز و تكرار كل فئة.

| السن | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | المجموع |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| التكرار | 27 | 55 | 67 | 75 | 64 | 146 | 48 | 18 | 500 |

**الحل :**

| الفئة | $13 \leq a < 15$ | $15 \leq a < 17$ | $17 \leq a < 19$ | $19 \leq a < 21$ | المجموع |
|---|---|---|---|---|---|
| مركز الفئة | 14 | 16 | 18 | 20 | |
| التكرار | 82 | 131 | 221 | 66 | 500 |

## حساب المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية:

المتوسط لسلسلة إحصائية هو مجموع جداء كل قيمة والتكرار المتعلق بها تقسيم التكرار الكلي.

**مثال:**

لنحسب المتوسط المتوازن للسلسلة الإحصائية المذكورة في المثال السابق :

$$M = \frac{(13\times27)+(14\times55)+(15\times67)+(16\times64)+(17\times75)+(18\times146)+(19\times48)+(20\times18)}{500}$$

$$M = \frac{8325}{500} \approx 16,65$$

## حساب التكرار المتجمع الصاعد و التكرار النسبي المتجمع :

لحساب التكرار المتجمع (الصاعد) نضيف إلى تكرار كل قيمة مجموع تكرارات القيم التي سبقتها.

لحساب التكرار النسبي المتجمع (الصاعد) نضيف إلى التكرار النسبي لكل قيمة مجموع التكرارات النسبية للقيم التي سبقتها.

**مثال:**

انقل جدول الفئات السابق و احسب التكرار النسبي ، التكرار المتجمع و التكرار النسبي المتجمع لكل فئة.

**الحل :**

| الفئة | $13 \leq a < 15$ | $15 \leq a < 17$ | $17 \leq a < 19$ | $19 \leq a < 21$ | المجموع |
|---|---|---|---|---|---|
| التكرار | 82 | **131** | 221 | 66 | 500 |
| التكرار النسبي (%) | 16,4 | 26,2 | **44,2** | **13,2** | 100 |
| التكرار المتجمع | **82** | **213** | 434 | 500 | |
| التكرار النسبي المتجمع (%) | 16,4 | 42,6 | **86,8** | **100** | |

= 82 + 131

= 86,8 + 13,2

## التمثيل البياني :

لتوضيح المعطيات يمكننا تمثيلها بيانيا بمخططات متنوعة نذكر على سبيل المثال لا الحصر المدرج التكراري و المخطط الدائري (يمكنك معرفة بقية المخططات من خلال برنامج المجدول EXCEL بالضغط على الأيقونة أو من خلال القائمة المنسدلة Insertion / Graphique ).

## تمرين تطبيقي :

في اختبار مادة الرياضيات تحصل 40 تلميذا على النقاط التالية :

10 ، 14 ، 5 ، 10 ، 6 ، 13 ، 6 ، 17 ، 7 ، 9 ، 6 ، 15 ، 10 ، 6 ، 15 ، 8 ، 18 ، 8 ، 5 ، 9 ، 12 ، 6 ، 15 ، 17 ، 6 ، 14 ، 11 ، 10 ، 6 ، 9 ، 6 ، 16 ، 8 ، 13 ، 6 ، 5 ، 8 ، 3 ، 2 ، 11 ، 12 ، 7 ، 14 ، 12 ، 7 ، 10 ، 3.

① احسب التكرار و التكرار النسبي و ملئهما في جدول.

② احسب معدل نقاط هذا القسم.

③ قم بتجميع المعطيات في فئات متساوية المدى طولها 5 ، ثم احسب مركز و تكرار كل فئة.

④ احسب المتوسط المتوازن لهذه السلسلة و قارنه مع معدل القسم.

⑤ مثل هذه السلسلة الإحصائية بمخطط دائري.

## حل التمرين التطبيقي :

① لحساب التكرار النسبي لأي علامة نقسم تكرارها على مجموع التكرارات (40) و نضرب حاصل القسمة في 100.

**مثال :** تكرار العلامة 6 هو 4 ،إذن تكرارها النسبي هو : $\frac{4}{40} \times 100 = 10\%$

| العلامة | 2 | 3 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| التكرار | 1 | 2 | 2 | 4 | 2 | 2 | 3 | 3 |
| التكرار النسبي | 2,5 | 5 | 5 | 10 | 5 | 5 | 7,5 | 7,5 |

| | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | |
| 3 | 3 | 2 | 3 | 3 | 1 | 2 | 3 | |
| 7,5 | 7,5 | 5 | 7,5 | 7,5 | 2,5 | 5 | 7,5 | |

② معدل نقاط هذا القسم هو المتوسط المتوازن لهذه السلسلة الإحصائية :

$$M = \frac{(2\times3)+(3\times2)+(5\times2)+(6\times4)+(7\times2)+(8\times2)+(9\times3)+(10\times3)+(11\times2)+(12\times3)+(14\times3)+(15\times3)+(16\times1)+(17\times2)+(18\times3)}{40}$$

$$M = \frac{423}{40} \approx 10,57$$

③

| الفئة | $0 \leq n < 5$ | $5 \leq n < 10$ | $10 \leq n < 15$ | $15 \leq n < 20$ |
|---|---|---|---|---|
| مركز الفئة | 2,5 | 7,5 | 12,5 | 17,5 |
| التكرار | 3 | 14 | 14 | 9 |

④ المتوسط المتوازن لهذه السلسلة هو :

$$M_2 = \frac{(2,5\times3)+(7,5\times14)+(12,5\times14)+(17,5\times9)}{40} = \frac{445}{40} \approx 11,13$$

**نلاحظ أن:** $M_1 > M_2$ لأن حساب المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية لا يكون دقيقا عند استعمال جدول الفئات.

⑤ لتمثيل هذه السلسلة الإحصائية بمخطط دائري ، نحدد حيز كل فئة على الدائرة :

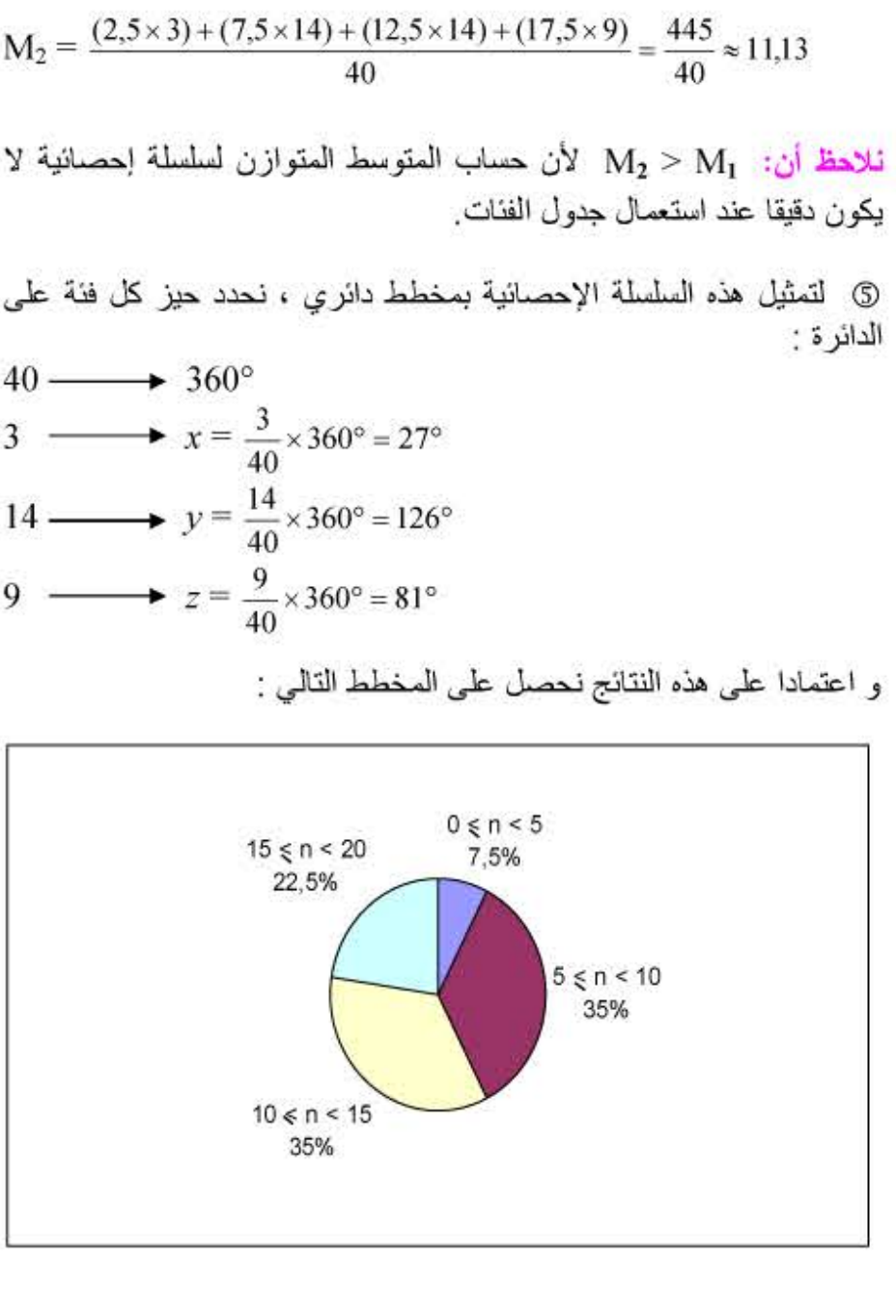
$$40 \longrightarrow 360°$$

$$3 \longrightarrow x = \frac{3}{40}\times360° = 27°$$

$$14 \longrightarrow y = \frac{14}{40}\times360° = 126°$$

$$9 \longrightarrow z = \frac{9}{40}\times360° = 81°$$

و اعتمادا على هذه النتائج نحصل على المخطط التالي :




فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com