najah213.com · نجاح 213

الجُمْهُورِيَّةُ الجَزَائِرِيَّةُ الدِّيمُقْرَاطِيَّةُ الشَّعْبِيَّةُ

وَزَارَةُ التَّرْبِيَةِ الوَطَنِيَةِ

مُدِيرِيَة التَّرْبِيَة لِوِلَايَةِ الأَغْوَاطِ ❖ ثَانَوِيَّةُ الشَّيخ أحمد قصيبة

الاختبار الأوّل في مـــادّة الرياضيات لسنوات الثّالثة علوم تجريبية

الاثنين 03 ديسمبر 2018

ملاحظة

تُمنح نُقْطَةٌ وَاحِدَةٌ عَلَى تَنْظِيم وَرَقَةِ الإِجَابَةِ

السُّؤَالُ النَّظَري:(نُقْطَةٌ وَاحِدَةٌ)

علما أنّ الدالة ln مستمرة و قابلة للإشتقاق على $]0;+\infty[$.

أثبت أنَّه من أجل كل عدد حقيقي x من $]0;+\infty[$, $ln'(x)=\frac{1}{x}$.

التمرين الأوّل: (03نِقَاطٍ): أجب بـ :صحيح أو خطأ مع التبرير.

1- من أجل كل x من $\mathbb{R}_+^*$, و من أجل كل n من $\mathbb{Q}$, $ln\left(ln\left((x)^{(2)^{(-n)}}\right)\right)=-n\,ln\,2+ln\left(ln\,(x)\right)$.

2- من أجل كل x من $]-1;0[$, $e^{|ln(|x|)|}=\frac{1}{x}$.

3- لدينا: n عدد طبيعي غير معدوم وَ x عدد حقيقي من $\left]0;\frac{\pi}{2}\right[$.

إذا كان: $\begin{cases} log\,(sin\,x)+log\,(cos\,x)=-1 \\ log\,(sin\,x+cos\,x)=\frac{1}{2}(-1+log\,n) \end{cases}$ فإنّ: $n=12$.

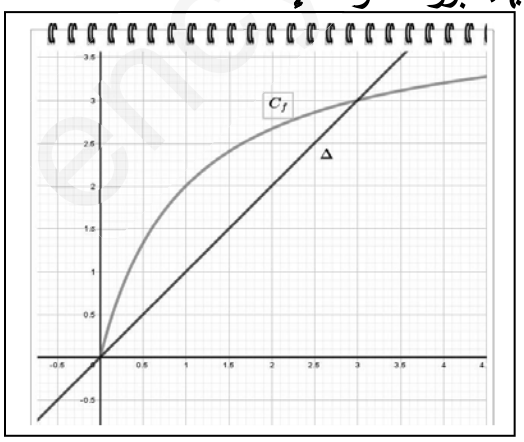
التمرين الثاني: (08نِقَاطٍ):

في الشكل المقابل , C_f هو التمثيل البياني للدالة f المعرفة على $]0;+\infty[$ بالعلاقة $f(x)=\frac{4x}{1+x}$. و لدينا $\Delta : y=x$.

I- تحقق أنّ الدالة f متزايدة تماما على المجال $[0;3]$.

II- لتكن (u_n) المتتالية العددية المعرّفة بحدها الأوّل $u_0=1$ و من أجل كل عدد طبيعي n , $u_{n+1}=\frac{4u_n}{1+u_n}$.

1) أعد رسم الشكل ثم مثل الحدود u_0, u_1, u_2 وَ u_3 على محور الفواصل دون حسابها, مُبرزا خطوط الإنشاء.



2) ضع تخمينا حول اتجاه تغيّر المتتالية (u_n) و تقاربها.

3) برهن بالتراجع أنَّه من أجل كل عدد طبيعي n, $0<u_n<3$.

4) أدرس إتجاه تغير المتتالية (u_n) ثم استنتج أنها متقاربة .

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

III- (v_n) المتتالية العددية المعرّفة على $\mathbb{N}$ كما يلي: $v_n = \frac{u_n - 3}{u_n}$.

1) - أ) بين أنّ المتتالية (v_n) هندسية يُطلب تعيين أساسها و حدّها الأوّل.

1) - ب) أُكتب v_n بدلالة n ثم استنتج أنّه من أجل كل عدد طبيعي n, $u_n = \frac{3}{1+2\left(\frac{1}{4}\right)^n}$.

2) عين قيمة العدد الطبيعي n بحيث: $v_0 + v_1 + v_2 + ... + v_n = -\frac{341}{128}$.

3) نضع من أجل كل عدد طبيعي n: $S_n = \frac{3}{u_0} + \frac{3}{u_1} + \frac{3}{u_2} + ... + \frac{3}{u_n}$.

3) - أ) بيّن أنه من أجل كل عدد طبيعي n, $S_n = \frac{8}{3}\left(1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}\right) + n + 1$.

3) - ب) أحسب $\lim\limits_{n\to+\infty}\left(\frac{S_n}{n}\right)$.

3) - ج) أدرس إتجاه تغير المتتالية (S_n).

التمرين الثالث (07نقاط):

الجزء الأول:

g الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي: $g(x) = e^x(2-x) - 2$. C_g تمثيلها في معلم متعامد و متجانس.

1) أحسب: $\lim\limits_{x\to+\infty} g(x)$ وَ $\lim\limits_{x\to-\infty} g(x)$.

2) أدرس إتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.

3) بين أنّ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $1.5 < \alpha < 1.6$.

4) أحسب $g(0)$ ثم استنتج إشارة الدالة g على $\mathbb{R}$.

5) بين أن معادلة المماس لمنحنى الدالة g في النقطة ذات الفاصلة α تُكتب على الشكل: $y = \frac{2(1-\alpha)}{(2-\alpha)}(x-\alpha)$.

6) لتكن الدالة العددية h المعرفة على $[0,+\infty[$ كما يلي: $h(x) = |g(x)|$.

- بين أنّ الدالة h غير قابلة للاشتقاق عند $x_0 = \alpha$.

الجزء الثاني:

f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي: $\begin{cases} f(x) = \frac{x^2}{e^x - 1}; x \neq 0 \\ f(x) = 0 \end{cases}$.

1) بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق على $\mathbb{R}$. ثم بـرّر أنها مستمرة على $\mathbb{R}$.

2) أحسب $\lim\limits_{x\to-\infty} f(x)$ ثم بين أنّ: $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x) = 0$.

3) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R}^*$, $f'(x) = \frac{xg(x)}{(e^x-1)^2}$.

4) أدرس إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

5) بين أنّ: $f(\alpha) = \alpha(2-\alpha)$ ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$.

6) أنشئ C_f منحنى الدالة f في معلم متعامد و متجانس.

7) ناقش بيانيا وَ حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة $f(x) = e^{-m}$.

الأستاذ : زبدة يتمنى النّجاح للجميع

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً