najah213.com · نجاح 213

ثانوية طارق بن زياد-ثانوية لحسيني محمد* الحجيرة*
السنة الدراسية: 2019/2018

المستوى والشعبة: ثالثة علوم تجريبية
المـــــــــــــــدة: ثلاث ساعات

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (4 نقاط ونصف)

كيس به 9 كرات متماثلة لا نفرق بينها باللمس، منها أربعة بيضاء مرقمة من بـــ: 1،0،1،1-، وثلاثة حمراء مرقمة بـــ:1،0،1- وكرتان سوداوان مرقمة بـــ: 1- ، 0،

نسحب عشوائيا من هذا الكيس كرتان على التوالي وبدون ارجاع.

1. شكل شجرة الاحتمال الموافقة لهذه الوضعية في الحالتين التاليتين:
أ) بالاعتماد على ألوان الكرات ب) بالاعتماد على أرقام الكرات.

2. أحسب احتمال الحوادث التالية:
الحادثة A: "سحب كرتين من نفس اللون"، الحادثة B "سحب كرة حمراء على الأكثر "، الحادثة C " سحب كرتين من نفس الرقم"

3. نعتبر المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل عملية سحب مجموع الرقمين الظاهرين على الكرتين المسحوبتين.

أ. عين القيم الممكنة للمتغير العشوائي X.
ب. عرف قانون احتمال المتغير العشوائي X ثم أحسب أمله الرياضياتي $E(X)$.
ج. أحسب التباين $V(X)$ والانحراف المعياري $\sigma(X)$ للمتغير العشوائي X.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O;\vec{u},\vec{v})$.
أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل في كل حالة مما يلي:

1. مجموعة حلول المعادلة $\left(\frac{z+3-2i}{iz-i}\right)^2=-1$ في المجموعة $\mathbb{C}$ هي $S=\{-1+i\}$.

2. من أجل كل عدد مركب z : إذا كان $|z|=1$ فإن $\overline{z}=\frac{1}{z}$

3. من أجل كل عدد طبيعي n : $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}+\frac{1}{2}i\right)^{6n}=(-1)^n$

4. من أجل كل عدد حقيقي θ : إذا كان $Z=(\sin\theta-i\cos\theta)(\cos\theta+i\sin\theta)$
فإن: $\arg(Z)=2\theta-\frac{\pi}{2}+2k\pi$ ، حيث $k\in\mathbb{Z}$.

التمرين الثالث: (04 نقاط ونصف)

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O;\vec{i};\vec{j})$.

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

نعتبر f الدالة المعرفة على $]0;+\infty[$ بـ: $f(x)=\dfrac{6x+5}{x+2}$، و (C_f) المنحنى الممثل لها، (D) هو المستقيم ذو المعادلة $y=x$ (أنظر الى الوثيقة المرفقة)

I) تحقق أن الدالة f متزايدة تماما على المجال $]0;+\infty[$.

II) (u_n) متتالية معرفة بحدها الأول $u_0=1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n: $u_{n+1}=f(u_n)$.

1) أ) مثل على حامل محور الفواصل الحدود u_0، u_1، u_2 و u_3 دون حسابها مبرزا خطوط الرسم.

ب) ضع تخمينا حول اتجاه تغيّر المتتالية (u_n) وتقاربها.

2) برهن أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : $1 \leq u_n \leq 5$.

3) أدرس اتجاه تغيّر المتتالية (u_n) ، هل هي متقاربة؟

4) نضع من أجل كل عدد طبيعي n : $v_n=\dfrac{u_n-5}{u_n+1}$.

أ) بيّن أنّ المتتالية (v_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحدّها الأوّل.

ب) عبّر عن v_n و u_n بدلالة n ثم عين نهاية المتتالية (u_n).

5) أحسب المجموع S_n حيث: $S_n=\dfrac{1}{u_0+1}+\dfrac{1}{u_1+1}+....+\dfrac{1}{u_n+1}$.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

الجزء الأول :

نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ : $g(x)=x^2-1-2\ln x$.

1/ ✥ أدرس تغيرات الدالة g .

2/ ✥ استنتج اشارة $g(x)$ على المجال $]0;+\infty[$.

الجزء الثاني :

نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ : $f(x)=x+\dfrac{1-(\ln x)^2}{x}$.

(C_f) المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o,\vec{i},\vec{j})$.

1/ ✥ احسب $\lim\limits_{x\to 0} f(x)$ ثم فسر النتيجة هنديسا .

2/ ✥ برهن أن : $\lim\limits_{x\to+\infty}\dfrac{(\ln x)^2}{x}=0$ (إرشاد : ضع $t=\sqrt{x}$)، ثم احسب $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)$.

3/ ✥ بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0;+\infty[$: $f'(x)=\dfrac{g(x)+(\ln x)^2}{x^2}$.

✦ استنتج اتجاه تغير الدالة f على المجال $]0;+\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها .

✦ بين أن المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $0.3<\alpha<0.4$.

4/ ✥ بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y=x$ مقارب مائل لـ (C_f) عند $+\infty$

✦ ادرس الوضع النسبي لـ (C_f) بالنسبة إلى (Δ) .

5/ ✥ ارسم (Δ) و (C_f) علما أن ($f(0.5)\simeq 1.5$ ، $f(1)=2$ و $f(2)\simeq 2.25$) .

6/ ✥ نعتبر الدالة h المعرفة على المجال $]-\infty;0[$ بـ : $h(x)=f(-x)$.

ـ اشرح كيفية رسم المنحنى (C_h) انطلاقا من المنحنى (C_f) ثم ارسمه في المعلم السابق.

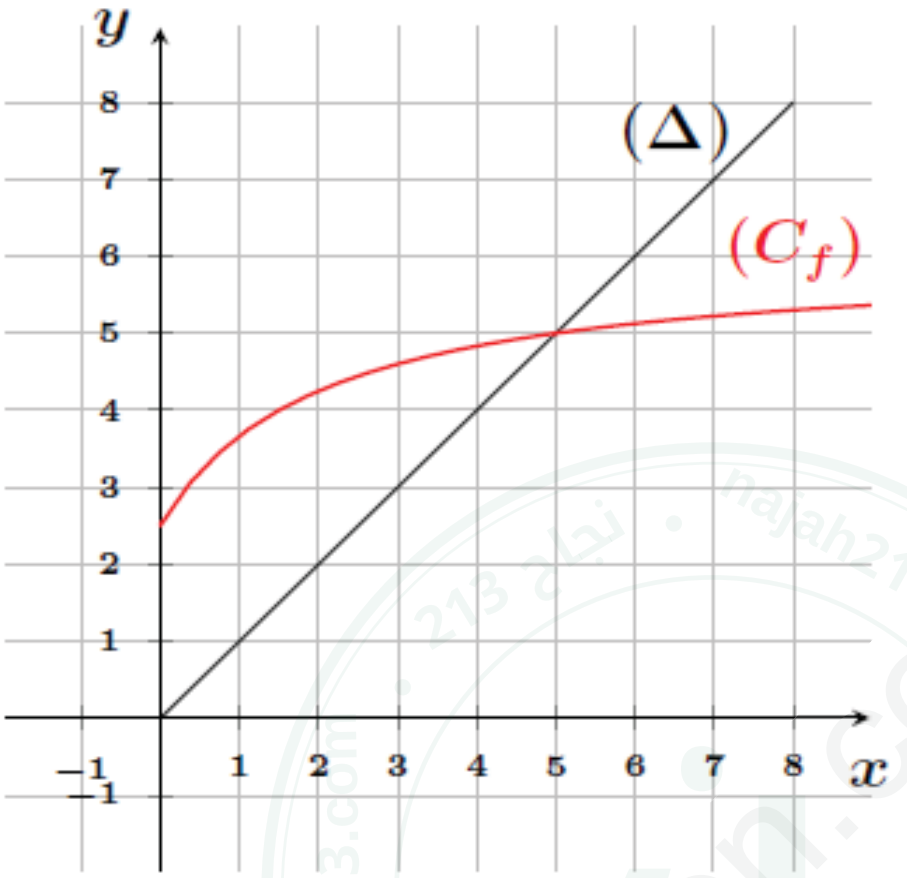
الاسم و اللقب:

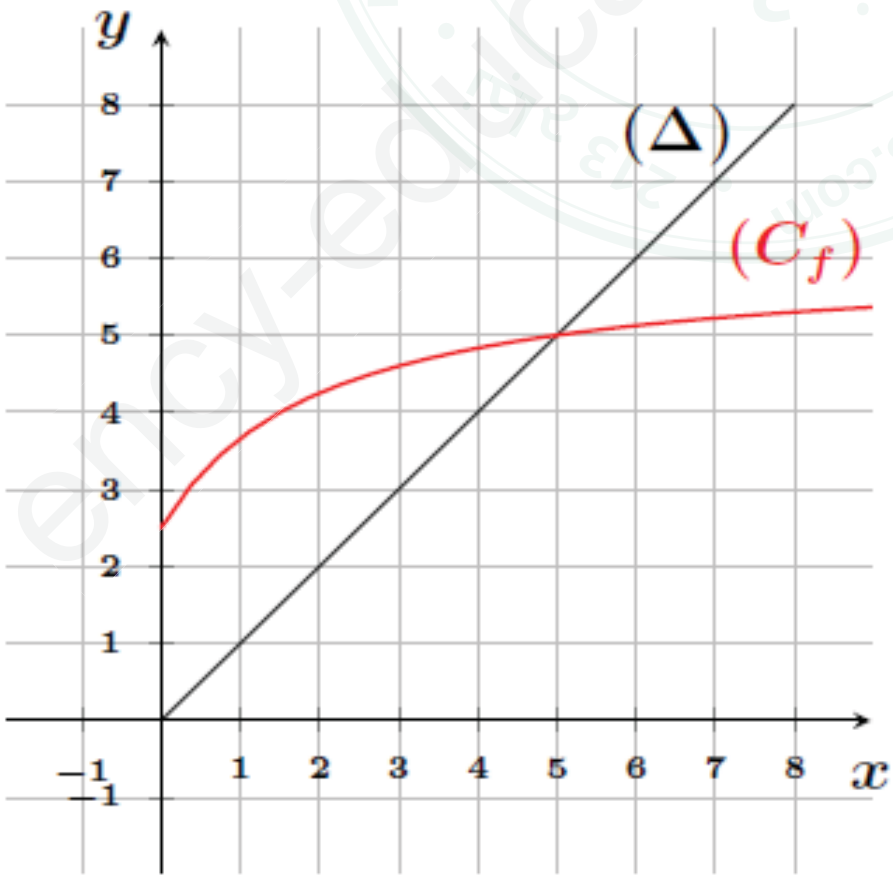
القسم :

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

الاسم و اللقب:
القسم :





فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً