najah213.com · نجاح 213

ثانويات الشيخ النعيم النعيمي و الشهيد بن عمران ثامر وزاغز جلول والشهيد بن الأبيض قويدر - الجلفة- المستوى: ثالثة ثانوي -علوم تجريبية-	الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية الموسم الدراسي:2024/2023 المدة: 03 سا و30د

الامتحان التجريبي لشهادة البكالوريا دورة: جوان 2024

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضـــوع الأول

التـمرين الأول:(04.5نقاط)

عيّن الاقتراح الصحيح الوحـــيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتـــية مع التبرير.

1) المستوي المركب المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(O,\vec{u};\vec{v})$ ، A و B و C نقـــط لواحقها على الترتيـــب:

$z_A=\sqrt{3}-1+i$ ، $z_B=\overline{z_A}$ ، $z_C=-1$

- العدد المركب α حيث: $\alpha=\dfrac{z_A-z_C}{z_B-z_C}$ يساوي: أ) $\alpha=e^{-i\frac{\pi}{3}}$ ب) $\alpha=e^{i\frac{\pi}{3}}$ ج) $\alpha=e^{\frac{2\pi}{3}i}$

2) طبيعة المثلث ABC هـو: أ) ABC قائـم في C ب) ABC قائم في B ومتسـاوي الساقـين ج) ABC متـقايس الأضلاع

3) f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x)=\sqrt{e^{-x}+3}$

V حجم المجسم الناتج عن دوران (C_f) دورة كاملة حول محور الفواصل لما $x\in[0;1]$ هو:

أ) 11 ب) 12 ج) 15 **تعطـى النتائج مدور الى الوحدة.**

4) كيس يحتوي على 3 كريات بيضاء و 4 حمراء وواحدة خضراء. نسحب n كريـة عشوائيا على التوالي وبالارجاع.

- احتمال الحصول على الأقل ريـة بيضـــاء هو: أ) $1-\left(\frac{5}{8}\right)^n$ ب) $1-\left(\frac{3}{8}\right)^n$ ج) $1-\left(\frac{3}{5}\right)^n$

التـــمرين الثاني:(04.5نقاط)

I/ (u_n) متتـالية العددية المعرّفة بـ: $u_0=\alpha$ ومن أجل كل عدد طبيعي n ، $u_{n+1}=\dfrac{7u_n-9}{u_n+1}$ حيث α عدد حقيقي.

1) حدد قيمة α حتى تكون المتتالية (u_n) ثابتة.

II/ نضع $\alpha=4$.

1) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n: $3<u_n<5$

2) ادرس اتجاه تغير المتتـالية (u_n) واستنتج انها متقاربة واحسب نهايتـها.

3) (v_n) المتتـالية المعرفة على n بـ: $v_n=\dfrac{1}{u_n-3}$

أ- يرهن أنّ (v_n) متتالية حسـابية يطلب أساسها وحدها الأول.

ب- اكتب كلاّ من v_n و u_n بدلالة n ، ثم أحسب $\lim\limits_{x\to+\infty} u_n$.

جـ- نضع P_n بدلالة n ، حيث $n\in\mathbb{N}^*$: $p_n=\left(\frac{4-u_1}{u_1-3}\right)\times\left(\frac{4-u_2}{u_2-3}\right)\times\ldots\ldots\ldots\times\left(\frac{4-u_n}{u_n-3}\right)$ بيّـــن أن: $P_n=\dfrac{n!}{4^n}$

www.dzexams.com
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين الثالث:(04نقاط)

يحوي صندوق 12 كرية متماثلة لا نفرق بينها باللمس، منها ثلاث كريات حمراء مرقمة بـ : 2،2،4 وأربع كريات بيضاء مرقمة بـ : 0،0،4،2 و خمس كريات خضراء مرقمة بـ : 0،0،2،2،4 .نسحب عشوائيا وفي آن واحد 4 كريات من هذا الصندوق.

1)احسب احتمال الحوادث A ، B ، C و D حيث: A :"جداء الأرقام في الكريات المسحوبة معدوم".

B:"الحصول على أرقام تشكل السنة الميلادية الحالية" C:"الحصول على نفس اللون". D:"الحصول على نفس الرقم".

2)ننزع الكريات الخضراء من الصندوق السابق ونقوم بالسحب على التوالي وبدون إرجاع 3 كريات.

ليكن X المتغير العشوائي الذي يمثل طويلة العدد المركب $(a+ib)$ حيث :

a: عدد الكريات الحمراء المسحوبة. b: عدد الكريات البيضاء المتبقية في الصندوق.

أ) بيّن أنّ قيم X هي: $X \in \{1;\sqrt{5};\sqrt{13};5\}$

ب) عرّف قانون الاحتمال للمتغيّر العشوائي X ، ثم أحسب الأمل الرياضياتي $E(X^2)$.

امريـــن الرابع:(07نقاط)

I/ لتكن الدالة g الـــعددية المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x)=1+(1+ax^2)e^{-x}$

1) حدد قيمة العدد الحقيقي a حتى تكون الدالة g تحقق : $g'(x)+g(x)=1-2xe^{-x}$

2) أدرس اتجاه تغير g ثم شكل جدول تغيراتها.

3) بين أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $-1.2<\alpha<-1.1$ ثمّ استنتج إشارة $g(x)$.

II/ f الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي: $f(x)=x+(x+1)^2e^{-x}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$ (الوحدة $2cm$)

1) بيّن أنّ $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)=+\infty$ و $\lim\limits_{x\to-\infty} f(x)=+\infty$

2) أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R}$ فإن: $f'(x)=g(x)$

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة f على $\mathbb{R}$ ثمّ شكل جدول تغيراتها وبيّن أنّ $f(\alpha)=(\alpha+1)(2e^{-\alpha}+1)$.

3) أكتب معادلة (Δ) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة -1 .

4) أ- بيّن أنّ (Δ) مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $+\infty$.

ب- أدرس الوضع النسبي بين (C_f) ومستقيمه المقارب المائل (Δ) .

6) أنشئ (Δ) والمنحنى (C_f) . نأخـــذ $f(\alpha)=-1$

7)بيّن أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x)-x=2+2e^{-x}-2g(x)-g'(x)$

- جد بسنتيمتر مربع المساحة $S(\alpha)$ لـحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) والمستقيمين اللذين معادلتاهما $x=0$ و $x=\alpha$

- ثم تحقق أنّ: $S(\alpha)=\dfrac{-16\alpha^2+16\alpha+40}{\alpha^2-1}\ cm^2$

انتهى الموضوع الأول

www.dzexams.com
فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com

najah213.com · نجاح 213

الموضـــوع الثـــــاني

التمريـن الأول: (04.5نقاط)

أجب بصحيح أو خاطـــئ مع التبريـــــــر:

ليكن المستوي المركب المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(O,\vec{u};\vec{v})$ ، A ، B و C نقط لواحقها على الترتيب:

$z_A = 3-i$ ، $z_B = -2-2i$ ، $z_C = i$

01	$(z_A - 2)$ هو حلا للمعادلـــــة :	$z^2 - 6z + 10 = 0$
02	$\frac{z_A - z_C}{z_B - z_c}$ يســـــــــاوي	$-i$
03	قيم العدد الطبيعي n حتى يكون $\left(\frac{z_A - z_C}{z_B - z_c}\right)^n$ حقيقـي موجب هـي	$n = 4k \quad / k \in \mathbb{N}$
04	التحويل النقطي T الذي مركزه C ويحول A الى B هـــو	دوران زاويتـــــه $\frac{3\pi}{2}$
05	مجموعة النقط $M(z)$ بحيث $\lvert i\bar{z} + 1 - 3i\rvert = \lvert\overline{z_B} + z_C\rvert$ هـــي	دائرة مـركزها A ونصف قطرها $\sqrt{13}$
06	$\left(\frac{z_A - 2}{\sqrt{2}}\right)^{2024} - \sqrt{2}\left(\frac{z_B}{2\sqrt{2}}\right)^{1445} + (z_C)^{1962}$ يســاوي	$\overline{z_B}$

التـــمرين الثاني: (04.5نقاط)

مؤسسة تربوية مؤلفة من 7 أساتذة رياضيات من بينهم 3 رجال H_1 ، H_2 و H_3 و4 نســـاء F_1، F_2، F_3، F_4 نريد تشكيل لـــجنة مـؤلفة من 3 أســاتذة مكلفون بالمهام الآتيـــة (رئيس ونائـــبا له وكاتبـــا).

1) ماهو عدد اللـــّجان التي يمكن تشكيلها ؟

2) أحسب احتمال أن تكون اللجنة : A " H_1 رئيسا لها ". B " الرئيس ونائبه من الجنسين ".

C " F_1 و F_2 عضوان في اللجنة ". D " تحتوي على الأقل رجلين ".

3) نعتبر X المتغير العشوائي الذي يأخذ القيم: $-\alpha$ (عند تواجد كل رجل في اللجنة)، $2\alpha - 1$ (عند تواجد كل امرأة) حيث α عدد طبيعي.

أ) بيّـــن أنّ قيم X هي : $\{-3\alpha; -1; 3\alpha - 2; 6\alpha - 3\}$ ثم عرّف قانون الاحتمال للمتغيّر العشوائي X.

ب) حـــدّد أصغر قيمة لـ α حتى يكون $E(X) > 4335$.

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً

najah213.com

najah213.com · نجاح 213

التمرين الثالث:(04نقاط)

(u_n) متتالية العددية المعرّفة بـ : $u_0 = 2$ ومن أجل كل عدد طبيعي n ، $u_{n+1} = \sqrt{u_n^2 + 2} - 1$

1) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n \geq \frac{1}{2}$

2) أ- تحقق أنه كل $n \in \mathbb{N}$: $u_{n+1} - u_n = \frac{-2u_n + 1}{u_{n+1} + u_n + 2}$

- ثم استنتج اتجاه تغيرات (u_n) .

ب- تحقق أن (u_n) متقاربة.

3) أ- بين أنه كل $n \in \mathbb{N}$: $0 \leq u_{n+1} - \frac{1}{2} \leq \frac{1}{3}\left(u_n^2 - \frac{1}{4}\right)$

ب- استنتج أنه كل $n \in \mathbb{N}$: $0 \leq u_n - \frac{1}{2} \leq \left(\frac{1}{3}\right)^n \left(u_0 + \frac{1}{2}\right)\left(u_1 + \frac{1}{2}\right) \times \cdots \times \left(u_{n-1} + \frac{1}{2}\right)$

- ثمّ حدد نهاية (u_n) .

الـتمـرين الرابع:(07نقاط)

I/ نعتبر الـــدالة g الـمعرفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ : $g(x) = x^2 - x - \ln x$

- أدرس اتجاه تغيرات الدالة g ثمّ بيّـن أنّه من أجل كل x من المجال $]0;+\infty[$ فإن: $g(x) \geq 0$.

II/ لتكن f الدالة المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ : $f(x) = x^2 - 1 - (\ln x)^2$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$

1)أ- أحسب $\lim\limits_{x \xrightarrow{>} 0} f(x)$ ، ثمّ أثبت أنّ $\lim\limits_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$

ب- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $]0;+\infty[$ فإن: $f'(x) = 2\left(\frac{g(x)+x}{x}\right)$ ، ثمّ استنتج إشارة $f'(x)$.

ج- شكل جدول تغيرات الدالة f.

2) نعتبر الدالة المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ : $h(x) = x^2 - 1$. ونسمّي (γ) تمثيلها البياني.

أ- بيّن أنّ لـ (C_f) و (γ) مماسا مشتركا (T) في النقطة يطلب تعيينها.

ب- اكتب معادلة لـ (T) ، ثم ادرس وضعية (C_f) بالنسبة لـ (T) .

ج- ماذا تستنتج بالنسبة لـ (C_f) ؟ مبرّرا إجابتك.

3) مثل بيانيا (T) ، (γ) والمنحنى (C_f) .

4)أ- بيّن أنّ: $P : x \mapsto x(\ln x - 1)$ دالة أصلية لـ $p : x \mapsto \ln x$.

ب- باستعمال المكاملة بالتجزئة، احسب التكامل: $I = \int (\ln x)^2 \, dx$.

ج- احسب A مساحة الحيز المستوي المحدد بـ (C_f)، محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتيهما $x = e^{-1}$ و $x = e$

III/ نعتبر الدّالة K المعرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $K(x) = f(x^2)$. (عبارة $K(x)$ غير مطلوبة).

- ادرس تغيّرات الدّالة K.

انتهى الموضوع الثاني



الأســتاذ: نوري حمزة 2024

www.dzexams.com

فروض واختبارات مع الحلول لكل المستويات — مجاناً
najah213.com